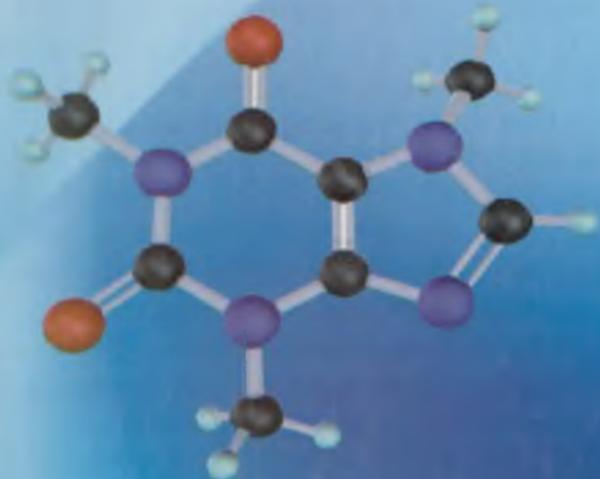


# MOLEKÜLAR FİZİKA



TOSHKENT – 2013

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI OLIY VA  
O'RTA MAXSUS TA'LIM VAZIRLIGI**

# **MOLEKULAR FIZIKA**

*Oliy va o'rta maxsus ta'lif vazirligi tomonidan oliy  
o'quv yurtlarining 5140200 – fizika, 5140300 – astronomiya  
yo'nalishlari talabalari uchun o'quv qo'llanma sifatida  
tavsiya etilgan*

O'zbekiston faylasuflari milliy jamiyati nashriyoti  
Toshkent – 2013

**UO'K: 539.19(075)**

**KBK: 22.36**

**X18**

**Xayriddinov B.**

**Molekular fizika:** o'quv qo'llanma / B. Xayriddinov, Sh. Jo'rayev, N. Xolmirzayev, E. Turumov; O'zbekiston Respublikasi Oliy va o'rta maxsus ta'lif vazirligi. – Toshkent: O'zbekiston faylasuflari milliy jamiyati nashriyoti, 2013. – 264 b.

**UO'K: 539.19(075)**

**KBK: 22.36**

**X18**

Mazkur o'quv qo'llanma 5140200 – fizika ta'lif yo'nalishi talabalariga mo'ljalangan bo'lib. Oliy ta'lif Davlat ta'lif standarti, O'zbekiston Respublikasi Oliy va o'rta maxsus ta'lif vazirligi tomonidan tasdiqlangan o'quv rejasi va o'quv dasturiga muvofiq tayyorlangan.

Fizika fanining molekular fizika bo'limini o'rganishda hodisalarning mohiyatini yoritishda imkonli boricha soddaroq qilib bayon qilishga harakat qilingan. Har bir ma'ruza boshida tizimli asosda bayoni va oxirida esa tayanch tushunchalar, sinov savollari keltirilgan. Talabalarning tayanch tushunchalar mohiyatini o'zlashtirishi va sinov savollariga to'la javob topishi esa qo'llanmaning asosiy yo'nalishini tashkil etadi. Bunday yo'l tutish fizika va astronomiya ixtisosligi talabalarining molekular fizika kursini o'rganishga qiziqishini oshiradi.

**Tuzuvchi mualliflar:**

prof. Xayriddinov B.E.

f-m.f.d. Jo'rayev Sh.H.

t.f.n. Xolmirzayev N.S.

f-m.f.n. Turumov E.T.

**Taqribchilar:**

Qarshi davlat universiteti

"Fizika va uni o'qitish metodikasi"

kafedrasi dotsenti

f-m.f.n. Jumayev T.J.

Buxoro yuqori texnologiyalar

Muhandislik-texnika instituti,

"Umumiy fizika" kafedrasi mudiri

f-m.f.n. Sharipov M.Z.

Qarshi muhandislik-iqtisodiyot

instituti "Fizika" kafedrasi dotsenti

f-m.f.n. Nuriddinov M.Z

ISBN 978-9943-391-65-9



O'zbekiston faylasuflari milliy jamiyati nashriyoti, 2013

## **SO‘ZBOSHI**

Ushbu o‘quv qo‘llanmani tayyorlashda bir qator mualliflar tomonidan molekular fizika fanidan tayyorlangan darslik va qo‘llanmalardan foydalanish bilan birga, mualliflarning ko‘p yillik ma’ruza matnlari asosida yozilgan. Mavzularning mazmuni talabalar tomonidan o‘zlashtirishga qulay, tushunarli bo‘lishiga e’tibor berilgan. Qo‘llanmada mavzularni yoritishda fizik hodisalarining mohiyatini imkon boricha soddaroq qilib bayon qilishga harakat qilingan. Talabalarning bilimlarini mustahkamlash maqsadida takrorlash uchun savollar va masalalar yechish namunalari, mustaqil yechish uchun masalalar keltirilgan.

Qo‘lyozmani o‘qib, o‘zining qimmatli maslahatlarini bergan SamDU “Umumiy fizika” kafedrasining professori U.J. Jo‘rayevga, Buxoro YTMT instituti “Umumiy fizika” kafedrasi mudiri, f-m. f.n. M. Sharipovga, Qarshi MII fizika kafedrasi dotsenti B.N. Nuriddinovlarga mualliflar o‘zlarining samimiy minnatdorchiligini bildiradi.

Bu nashr kitobning ilk nashri bo‘lganligi uchun kamchiliklardan xoli bo‘lmasligi tabiiy. Shuning uchun mualliflarga kitob haqida o‘z fikr va mulohazalarini bildirgan kasbdoshlarimizga o‘z tashakkurimizni izhor etamiz.

# I BO'LIM. MOLEKULAR FIZIKANING MAZMUNI

*Barcha jismlarning eng mayda zarralar – atomlardan iborat ekanligi haqidagi tasavvurlar eng qadim zamonlardayoq paydo bo'lgan.*



## **1. Kirish. Modda haqidagi molekular-kinetik tasavvurlarning rivojlanishi. Modda tuzilishi haqidagi mumtoz va kvant fizikasi modellari hamda mumtoz fizikaning qo'llanilish chegaralari**

Barcha jismlarning eng mayda zarralar-atomlardan iborat ekanligi haqidagi tasavvurlar eng qadim zamonlardayoq paydo bo'lgan. Grek faylasufi Demokrit eramizdan avvalgi V asrda «Barcha jismlar mayda zarralardan tuzilgan, ular atomlar deyiladi» degan fikrni ilgari surgan. Keyinchalik bunday atomistik dunyoqarash unutilib yuborildi.

XVII asr oxirlarida va XIX asr boshlarida Boyl-Mariott, Gey-Lyussak, Dalton, Avagadro tomonidan eksperimental ravishda ochilgan gaz qonunlari modda tuzilishining molekular nazariyasiga qo'shilgan ulkan hissa bo'ldi. XVII asrning ikkinchi yarmiga kelib Joul, Klauzius, Maksvell, Bolsman, Gibbs kabi olimlarning qo'shgan hissasi bilan molekular-kinetik nazariyaning asosiy qonunlari hozirgi ko'rinishga keldi. Shunga asosan:

1. Barcha moddalar juda mayda alohida zarralar-molekulalardan iborat. Ayni moddani tashkil qiluvchi molekulalar mutlaqo bir xildir: turli moddalar esa turli molekulalardan iborat. Bir necha atom birikib molekulani tashkil etadi. Atomlar turli tabiatda mavjud bo'lgan kimyoviy elementlar soniga teng. Gaz ham qattiq jismlar va suyuqliklar kabi o'z massasiga ega. Lekin gaz qonunlarini o'rganishda molar massa tushunchasidan foydalanish qulaydir.

Moddaning bir molining massasi uning molar massasi deyiladi va  $m$  bilan belgilanadi. Uglerod – 12 (C) ning 0,012 kg massasidagi atomlar soniga teng strukturaviy element (atom, molekula) lardan tashkil topgan moddaning miqdori bir mol deb ataladi. Bu birlik shu bilan qulayki, 1 mol gazdagi molekulalar soni gazning turiga bog‘liq bo‘lmagan o‘zgarmas kattalik bo‘lib, ushbu qiymat Avagadro soni ( $N_A = 6,0223 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ) deb ataladi.

Bitta molekulaning massasi  $m$  bo‘lsa, Avagadro soni orqali molar massa quyidagi ifodaga ega bo‘ladi:

$$\mu = m \cdot N_A$$

Mos ravishda  $N$  ta molekuladan tashkil topgan gazning massasi:

$$M = m \cdot N$$

Bu ikki massaning nisbatidan  $V$  hajmdagi molekulalarning sonini aniqlaymiz:

$$N = \frac{M}{\mu} \cdot N_A$$

Demak, biror hajmdagi molekulalarning sonini aniqlashda gaz massasining  $M/\mu$  nisbiy, ya’ni mollar sonini bilish kifoyadir. Ravshanki,  $N$  ta gaz molekulasi egallangan hajm ma’lum bo‘lsa, birlik hajmdagi molekulalar soni uning konsentratsiyasi deyiladi va

bu kattalik  $n = \frac{N}{V}$  orqali aniqlanadi.

Avagadro soni yordamida molekulalarning kattaligini va absolut massalarini hisoblash mumkin. Masalan,  $1 \text{ sm}^3$  suvni olaylik. Uning massasi 1g bo‘lib, bir mol suvning  $1/18$  qismini tashkil qiladi.

Demak,  $1 \text{ sm}^3$  suvda  $\frac{6,023}{18} \cdot 10^{23} = 3,34 \cdot 10^{22}$  dona suv molekulasi

bo‘ladi. Shunday qilib, suyuq suv bitta molekulasingin hajmi

$$V = \frac{1}{3,34 \cdot 10^{22}} \text{ sm}^3 = 3 \cdot 10^{-23} \text{ sm}^3$$

## Chiziqli o‘lcham (radiusi) taxminan

$$r = \sqrt[3]{3 \cdot 10^{-23}} \text{ sm}^3 \approx 3 \cdot 10^{-8} \text{ sm} \text{ ga teng.}$$

1. Atom va molekulalarning radiusini aniqroq tasavvur qilish uchun quyidagi misolni keltiraylik.

$1 \text{ sm}^3$  mis (Cu) tarkibidagi hamma atomlarni bir qator qilib tersak, uzunligi 14 milliard kilometr bo‘lgan zanjir hosil bo‘ladi. Bu uzunlik yerdan quyoshgacha bo‘lgan masofadan qariyb 90 marta ortiq.

Zamonaviy elektron mikroskoplar radiusi mikrondan bir necha yuz marta kichik bo‘lgan mikrokristallarni kuzatish imkoniyatini beradi. Bunday mikrokristall bir necha yuz ming atomdan iboratdir. Atomlarning shu qadar kichik bo‘lishiga qaramay, hozirgi zamon fizikasi modda tuzilishining diskretik, ya’ni alohida zarralardan iboratligini kuzatish metodlari asosida isbotladi.

Atomlar yetarli darajada katta energiyaga ega bo‘lgan, ya’ni juda katta tezliklar bilan harakat qilayotgan hollardagina ularni bevosita kuzatish mumkin.

Bir molekulaning yoki atomning massasi  $m$  ni quyidagi tenglikdan topish mumkin:

$$m = \mu / N_A \quad (1)$$

bu yerda,  $\mu$  – molar massa bo‘lib berilgan modda molekulasi  $m$  – massasining  $N_A$  – Avagadro doimiysiga bo‘lgan ko‘paytmaga teng:  $\mu = m \cdot N_A$

(1) formuladan uglerod uchun ( $_6C^{12}$ ) molar massa aniq  $0,012 \text{ kg/mol}$  ga teng va uning atomining bir atomli molekulalardan tashkil topgan moddalarning molar massasi bir sonli atomlarga ega va u mazkur holda atom massasi deb ataladi.

$$m_c = \frac{\mu}{N} = \frac{0,012 \text{ kg/mol}}{6,023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}} = 1,99 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$$

Normal sharoitda istalgan bir kilomol gazning egallagan hajmi

$V_0 = 22,4 \cdot 10^{-3} \text{m}^3$  ga teng ekanligini e'tiborga olsak,  $1 \text{ m}^3$  hajmdagi molekulalar soni  $n_0 = N/N_0 = 2,7 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}$  ga tengligini topamiz.

Qator kuzatishlar har qanday moddada uzluksiz ichki harakat mavjudligi to'g'risida bizga ishonch hosil qiladi. Bu ichki harakat shu moddani tashkil qiluvchi molekulalarning harakatidan iboratdir.

Molekulalarning bu harakati tartibsiz va hech qachon to'xtamaydi, bu harakat faqat modda temperaturasigagina bog'liqdir. Quyidagi tajriba yordamida moddalar molekulalarining uzluksiz va tartibsizligiga ishonch hosil qilishimiz mumkin. Bizda A va B idishda xil gazlar, masalan, birida vodorod, ikkinchisida esa azot bo'lsin. Agar C jo'mrak ochilsa, biroz vaqt o'tgach ikki idishda ham shu gazlarning tamomila bir xil aralashmasi hosil bo'ladi. Gazlar o'z-o'zidan butunlay aralashib ketadi. 1826-yilda ingliz botanigi Broun suyuqlikda muallaq holda bo'lgan juda mayda zarralarning mikroskopda uzluksiz ravishda tartibsiz harakat qilib turishlarini ko'rди. Broun nomi bilan ataladigan bu harakat hech qachon to'xtab qolmaydi, hech qanday tashqi sabablarga bog'liq bo'lmaydi va moddadagi ichki harakatning namoyon bo'lishidan iboratdir. Broun zarralarining massasi ayrim molekulalar massasidan bir necha milliard marta katta, ularning tezliklari molekulalarning tezliklaridan juda ham kichik. Shuning uchun ham Broun zarralarining harakatini mikroskopda ko'rish mumkin.

Demak, modda faqat dona-dona tuzilishgagina, ya'ni bir-biridan ajralgan ayrim zarralardan iboratgina bo'lib qolmay, u uzluksiz ravishda harakat qilib turadigan zarralardan tashkil topgandir. Shuning uchun ham modda tuzilishi haqidagi nazariya molekular-kinetik nazariya deb ataladi.

Birinchi marta bu nazariyani M.V. Lomonosov moddaning turli agregat holatlardagi xususiyatlarini tushuntirish maqsadida rivojlantirgan edi.

Hozirgi vaqtida atomlarda harakatlanuvchi zaryadlangan zarralarning borligigagina emas, balki atomlar tuzilishi ham aniq

ifodalab berilgan. Ammo atom tuzilishi qonunlarini mumtoz (klassik) mexanika yordamida to‘la tushuntirish mumkin emasligi ravshan bo‘lib qoldi. Shuningdek, atomni tashkil etgan zaryadli zarralarni harakat holati uchun odatdagi mumtoz mexanika tasavvurlarini qo‘llab bo‘lmas ekan. Buning ajablanarli joyi yo‘q, chunki mumtoz mexanika biz ko‘ra oladigan va sezaga oladigan katta masshtabdagi jismlarning harakatiga doir kuzatishlar asosida yaratilgan. Atomlarni tashkil qilgan zarralarning o‘lchamlari atomlarning o‘zidan ham kichik, ularning o‘lchamlari  $10^{-13}$  sm tartibda, ya’ni optikaviy mikroskopda ko‘rinadigan zarradan yuz million marta kichik. Bu zarralarning massasi esa  $10^{-22}$  dan  $10^{-27}$  grammgacha bo‘ladi.

Atomni tashkil qilgan zarralarning alohida xossalari-kvant xossalari bo‘ladi va ular kvant mexanikasi qonunlariga bo‘ysunadi. Ammo, atom tuzilishini tavsiflashda “Mexanikalashtirilgan” modeldan foydalanish lozim deb hisoblaymiz.

Bu modelni planetalar sistemasi modeliga o‘xshatish mumkin, ya’ni bu sistemada markazda quyosh va uning atrofidagi 8 ta planetalar ellepsoid trayektoriya bo‘yicha harakatlanadi. Atomda esa markazda atom yadrosi joylashgan (bu planeta sistemasida quyosh), u musbat zaryadlangan, uning atrofida (planetalar sistemasi) manfiy zaryadlangan elektronlar aylanadi. Uning zaryadi  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  kl, massasi  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg ga teng. Yadro va elektronlar orasida ta’sir qiluvchi elektr tortish kuchlari elektronlarni yadro atrofida ushlab turadi va “haqiqiy” planetalar sistemasida butun olam tortishish kuchlari qanday rol o‘ynasa, bu kuchlar atomda shunday rol o‘ynaydi.

Turli kimyoviy elementlarning atomlarida elektronlar soni turlicha bo‘ladi, ular bir-biridan ana shu bilan farq qiladi. Biroq ularning farqi shu emas. Normal sharoitlarda atomlar elektr jihatdan neytraldir, shuning uchun biror elementning atomida qancha elektron bo‘lmasin, bu elektronlarning umumiy zaryadi son jihatdan atom yadrosining musbat zaryadiga teng bo‘lishi kerak. Demak, turli

elementlarning atomlari faqat yadroni o‘rab turgan elektronlarning soni bilangina emas, balki yadro zaryadning kattaligi bilan ham bir-biridan farq qilar ekan.

D.I. Mendeleyev davriy sistemasida elementlar atom yadrolarining zaryadi ortib borish tartibda joylashtirilgan. Bu jadvalda elementning tartib nomeri Z atom yadrosining musbat zaryadi elektronning zaryadidan necha marta katta ekanligini ko‘rsatuvchi sondir. Yadro zaryadi absolut kattaligi jihatidan  $Ze_0$  ga teng, bu yerda  $e_0$  – elektronning zaryadi. Demak, D.I. Mendeleyev davriy sistemada elementning tartib nomeri atom elektron jihatdan neytral bo‘lganda bevosita atomdagи elektronlar sonini beradi. Atomlarni turli usullar bilan: jismlarni ishqalash, qizdirish, yoritish, katta tezlikli zarralar zarbasi bilan, kimyoviy reaksiya natijasida va hokazo usullar bilan ionlashtirish mumkin.

Shuningdek, atom zarralarining massasiga kelsak, atomning deyarli hamma massasi uning yadrosiga to‘plangan va elektronlar uchun atom massasining milliarddan bir ulushiga to‘g‘ri keladi. Masalan: Temir atom yadrosining massasi taxminan  $9 \cdot 10^{-23}$  g ga teng. Temir atomidagi 26 ta elektronning hammasining massasi  $2,3 \cdot 10^{-26}$  g ga teng, shuning uchun temir atomli yadrosining massasi atomdagи elektronlar massasidan 4000 marta katta. Atom yadrosi murakkab tuzilishga ega: U ikki tur zarralardan iborat: musbat zaryadli protonlardan va zaryadsiz neytronlardan tuzilgan hamda ular bitta nom bilan nuklonlar deb ataladi. Bu zarralarning massalari taxminan bir xil va  $1,7 \cdot 10^{-24}$  g ga teng. D.I. Mendeleyev jadvalidagi tartib nomeri yadrosidagi protonlar sonini bildiradi. Masalan:  $^{26}_{26}Fe^{56}$  atomida 26 ta protondan birortasi ajratib olinsa, uning atomi endi boshqa, ya’ni marganes atomiga aylanadi ( $^{26}_{26}M^{56}$ ). Yadrolari ulardagi neytronlar soni bilangina farq qiladigan atomlar izotoplar deyiladi. Protonning massasi elektronning massasidan 1836 marta

katta ya'ni  $m_p = 1836m_e = 1,66 \cdot 10^{-27}$  kg. Zaryadi elektronning zaryadiga teng bo'lib, musbat zaryadga ega.

### **Tayanch tushunchalar:**

Moddalar kinetik nazariyasi, barcha moddalar elementlar zarrachalardan tuzilganligi, atomning planetar modeli, elektron, proton, neytron, atom yadrosi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. Moddalar tuzilishi haqidagi tasavvurlar to'g'risida tushuncha bering.
2. Modda molekular-kinetik nazariyasi to'g'risidagi mumtoz va kvant nazariyäsining mohiyatini tushuntiring.
3. Mumtoz fizikaning qo'llanish chegarasini tushuntiring.

Tabiatdagi barcha moddalar yuzdan ortiq ximiyaviy elementlardan tashkil topgan.



### **2. Modda xossalari o'rganishda dinamik, statik va termodinamik usullar. Mikroskopik tizimlarning xarakterli tomonlari**

Molekular fizikada nihoyatda ko'p zarralar ta'sirida vujudga keladigan hodisalarni tekshirishga to'g'ri keladi. Xususan, bir kub santimetrr hajmdagi gazda (normal sharoitda  $T=273\text{K}$  temperatura,  $P=1.013 \cdot 10^5\text{Pa}$  atmosfera bosimida)  $2,7 \cdot 10^{19}$  dona molekula mavjud bo'lib, ular bir sekund davomida boshqa molekulalar bilan taxminan  $10^{10}$  marta to'qnashadi. Bu sonni birinchi marta 1865-yilda avstraliyalik olim J. Loshmidt aniqlaganligi uchun uning nomi bilan Loshmidt soni deyiladi.

Tabiatdagি barcha moddalar yuzdan ortiq kimyoviy elementlardan tashkil topgan. Elementning barcha xossasini o‘zida mujassamlashtirgan eng kichik zarrasiga atom deyiladi. Hozirgi vaqtدا ma’lumki, atomning o‘zi ham kichik elementar zarralar: yadrodaғi proton va neytronlar hamda ular atrofida ma’lum orbitalar bo‘ylab harakatlanuvchi elektronlardan iborat. Turli xil atomlarda proton, neytron va elektronlar soni turlicha bo‘lganligi sababli ularning xossalari bir-biridan keskin farq qiladi. Eng sodda element bu vodorod atomidir. Vodorod atomining yadroso bitta elektronдан iborat.

Hamma kimyoviy elementlardagi musbat zaryadli protonlar soni, manfiy zaryadli elektronlar soniga teng bo‘lib, ularning miqdori shu elementning davriy sistemadagi egallangan tartibi bilan aniqlanadi.

Bu zarralar moddiy bo‘lganligi uchun massaga ega. Elektronning massasi  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg va zaryadi,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  K1. Protonning massasi elektron massasidan 1836 marta katta:  $m_p = 1836m_e = 1,66 \cdot 10^{-27}$  kg va zaryadi elektron zaryadiga teng.

Atomda bor bo‘lgan neytronlar soni shu elementning massa sonidan davriy sistemada egallangan tartibning ayirmasiga teng:

$^{16}_8O - {}^Z_N O$  – bu yerda Z=16 atom massa soni, uning davriy sistemasidagi tartib nomeri esa N=8 ga teng. Demak, kislorod atomida 8ta proton va 16-8=8 ta neytron bor. Tabiatda ko‘pgina moddalar atom holda emas, molekula holida uchraydi. Modda molekulasi bir, ikki yoki undan ortiq sondagi atomlardan va shuningdek, bir xil atomlardan yoki bir necha xil atomlardan tashkil topgan bo‘lishi mumkin. Masalan: O gazi molekulasi  $O_2$  – ikkita kislorod atomidan iborat. Suv molekulasi ( $H_2O$ ) – uchta atom: ikkita vodorod va bitta kislorod atomidan iborat. Sulfat kislotosi molekulasi esa uch xil atomlardan tashkil topgan bo‘lib, uning molekulasidegi ( $H_2SO_4$ ) atomlar soni yettitaga teng.

Yuqori birikmali moddalarda (polimerlarda) molekuladagi

atomlar soni hatto bir necha mingdan iborat bo‘lishi mumkin. Molekula so‘zini fanga birinchi bo‘lib 1658-yilda fransuz olimi N. Gassendi kiritgan. Uning haqiqatdan mavjud ekanligi tajribada 1906-yilda fransuz olimi J. Pirren tomonidan isbotlangan.

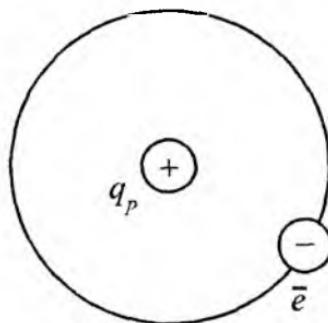
Molekulaga berilgan ta’rifni quyidagi hayotiy misollarda tushuntirish mumkin. Modda qanday agregat holatida bo‘lishidan qat’i nazar uni mayda bo‘laklarga bo‘lish mumkin. Masalan, bir bo‘lak osh tuzini mayda bo‘laklarga bo‘lsak, u bo‘laklarda ham osh tuzi xossasi namoyon bo‘ladi. Bo‘linishni yana davom ettiraversak, osh tuzining xossalari saqlanib qoladimi? Uning xossalari molekular bo‘laklarga bo‘linguncha saqlanib qoladi. Osh tuzi molekulasi natriy (Na) va xlor (Cl) atomlardan tashkil topgan bo‘lib, uning xossasi molekulaning parchalanishi boshlanguncha saqlanib qoladi.

Har bir modda molekulasi o‘ziga xos xossalarga ega bo‘lib, atomlarning birikib molekula tashkil qilishi asosan ikki xil bog‘lanish asosida hosil bo‘ladi: ionli va kovalent bog‘lanish davriy sistemadagi har bir davrda joylashgan elementlar soni bilan aniqlanadi. Bu bog‘lanishlarning hosil bo‘lish tartibi bilan tanishaylik. Atomdagagi elektronlar yadro atrofida ma’lum qobiqli orbitalar bo‘ylab harakatlanib, qobiqdagi elektronlar soni ma’lum tartibda bo‘ysunadi. Atomlarning molekulalarga birikishida tashqi qobiqdagi elektronlar soni asosiy rol o‘ynaydi. Bu elektronlarga valent elektronlar deyiladi. Davriy sistemadagi bir xil grupper elementlarining tashqi valent elektronlarining soni o‘zaro teng.

Masalan: birinchi gruppadagi Vodorod ( $_1 H^1$ ), Litiy ( $_3 Li^7$ ), Natriy ( $_{11} Na^{23}$ ), Kaliy ( $_{19} K^{39}$ ) va h.k. kabi elementlarning tashqi qobiqdagi bittadan valent elektronlari mavjud bo‘lsa, yettinchi gruppadagi Ftor ( $_9 F^{19}$ ), Xlor ( $_{17} Cl^{35}$ ), Brom ( $_{35} Br^{80}$ ) kabi elementlarning yettitadan valent elektronlari bor. Atomdagagi umumiyligi elektronlar soni atomning davriy sistemadagi tartib nomeriga teng bo‘lib, tashqi valent elektronlar soni grupperga tartibi bilan aniqlanadi.

Tashqi valent elektronlar soni gruppaga tartibi bilan aniqlanadi. Sakkizinchilardagi elementlarning tashqi qobig'i valent elektronlar bilan to'lgan bo'lib, eng turg'un atomlarni tashkil etadi. Bu element atomlari inertdir. Shuning uchun ular inert gazlar deyiladi, bularga Gelyi, Neon, Argon, Kripton, Ksenonlar kiradi. Ionli va valent bog'lanish asosida molekula hosil bo'lishida tashqi elektronlar asosiy rol o'ynaydi.

**a) Ionli bog'lanish.** Ionli bog'lanish asosida molekula hosil bo'lishini osh tuzi misolida ko'rib o'taylik. Natriy atomining tashqi orbitasida bitta elektron bor. Agar shu elektronni boshqa bir atomga bersa, uning atomi inert elementlar atomi kabi turg'un atomga aylanadi. Xlor atomining tashqi orbitasida yettita elektron bo'lib, boshqa element atomidan sakkizinchilardagi elektronni olsa ham turg'un atomga aylanadi. Shunday qilib, natriy atomi tashqi elektronni Xlor atomi berib musbat ionga, Xlor atomi esa elektronni qabul qilib manfiy ionga aylanadi. Musbat va manfiy zaryadlangan ionlar o'zaro elektrostatik tortishadi va natijada turg'un osh tuzi molekulasi hosil bo'ladi (2.1-rasm).



**2.1-rasm**

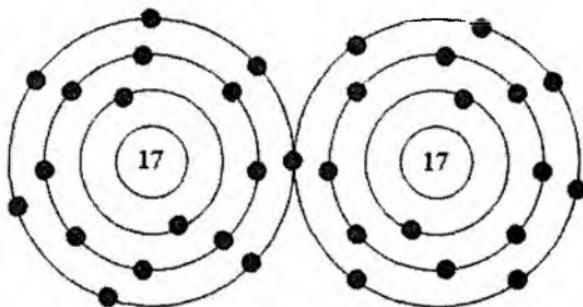
Ionlarning tashqi elektron qobiqlari ma'lum masofagacha o'zaro yaqinlashishi mumkin. Agar yaqinlashish shu r<sub>o</sub> masofadan kichraysa, u holda elektron qobiqlarning ta'siri tufayli itarishi yuzaga keladi. Odatda tashqi valent elektronlari to'rttadan ortiq bo'lgan elementlar boshqa element elektronlarini olib, manfiy

zaryadlangan ionlarga (anionlar) aylanishsa, davriy sistemaning boshlang‘ich gruppalaridagi elementlar esa elektronlarini berib, musbat ionlar (kationlar) ga aylanishga intiladi. Atomlar orasidagi elektron almashinuv ma’lum energiya hisobiga bo‘ladi va elektronlar almashinuvni qancha ko‘p bo‘lsa, shuncha ko‘p energiya talab qiladi.

**b) Kovalent bog‘lanish.** Vodorod, Kislorod, Azot molekulasi hosil bo‘lishini ionli bog‘lanish asosida tushuntirib bo‘lmaydi. Bunday molekulalar atomlarning kovalent bog‘lanishi asosida bo‘ladi.

Kovalent bog‘lanish asosida hosil bo‘lgan molekula atomlaridagi tashqi bittadan valent elektronlar har ikkala atomi uchun ham umumiylib, inert gazlar elektron qobig‘i strukturasini eslatadi. Masalan, xlor molekulasining hosil bo‘lishini ko‘raylik.

Xlor atomida yettiita tashqi valent elektron mavjud. Molekuladagi har bir xlor atomiga oltitadan elektron umumiyligini bog‘lanish hosil qilishda qatnashadi. (2.2-rasm)

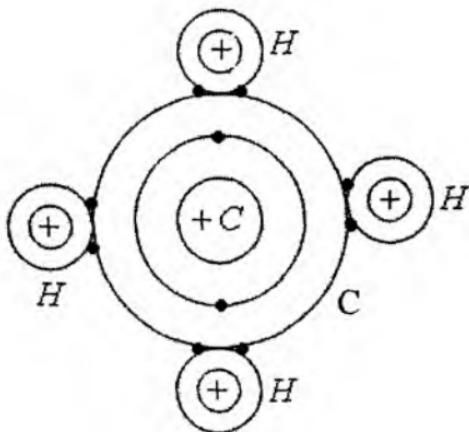


2.2-rasm

Tashqi orbitada sakkizta elektron bo‘lgan atom turg‘un bo‘lganligi tufayli xlor molekulasi ham turg‘undir.

Bunday bog‘lanishning hosil bo‘lishini metan molekulasi misolida yanada yaqqolroq tasavvur qilish mumkin. Uglerodning

tashqi qobig‘ida to‘rttadan valent elektroni mavjud. Bu elektronning har qaysisi to‘rtta vodorod atomidagi elektronlar bilan, juft hosil qilib, metan molekulasi  $\text{CH}_4$  ni tashkil etadi. (2.3-rasm)



**2.3-rasm**

Kovalent bog‘lanish tabiatini kvant mexanikasi nuqtayi nazaridan yanada aniqroq tushuntiriladi. Kovalent bog‘lanish hosil bo‘lishida har doim juft elektronlar qatnashadi. Shuning uchun ham bunday bog‘lanishga kovalent (juft) bog‘lanish deyiladi.

Agar molekula bir tipdagi atomlardan tashkil topgan bo‘lsa, geomopolar, turli tipdagi atomlardan tashkil topgan bo‘lsa geteropolar molekulalar deyiladi. Diametri  $d=0,1$  mm bo‘lgan suv tomchisida  $10^{16}$  dona suv molekulasi mavjud. Har bir havo molekulasining harakat qonunlarini o‘rganish uchun uchtadan tenglama tuzish lozimligini hisobga olsak, bunday tenglamalar sistemasining eng zamonaviy kompyuterda yechish ham amrimahol ekanligini aniqlash qiyin emas. Molekulalararo ta’sir hisobga olinsa, bu masala yanada murakkablashadi. Qattiq jismlarning  $1\text{sm}^3$  hajmdagi zarralar soni esa undan ham bir necha barobar katta bo‘lganligi uchun masala yanada og‘irlashadi. Shuning

uchun ham ko‘p sondagi zarralar sistemasi bilan ish ko‘rganda bevosita mexanika(dinamika) qonunlarini qo‘llab bo‘lmaydi. Masalan: ularning o‘rtacha tezliklari, o‘rtacha energiyasi va shunga o‘xshash o‘rtacha kattaliklarini aniqlash bilan cheklanish mumkin. Bu usulga statistik usul deyiladi. Bu usul ko‘p sondagi zarralar sistemasi bilan bir qatorda kvantomexanik hisoblashlarda ham keng qo‘llaniladi.

Molekulalar fizikada statistik usul bir-biriga o‘xshagan nihoyat ko‘p, lekin bir-biridan mustaqil bo‘lgan hodisalar to‘plamini tekshirish uchun qo‘llaniladi. Umuman, molekular fizikaning miqdoriy qonuniyatlarini aniqlashda foydalilaniladigan statistik usulda (molekular-kinetik usul deb ham yuritiladi) ehtimollik nazariyasiga asoslangan matematik hisoblashlar (masalan, turli kattaliklar o‘rtacha qiymatlarini hisoblash) keng qo‘llaniladi. Statistik usul makrojismrlarning molekular tuzilishi va ayrim molekulalarning o‘zaro ta’sirini o‘rganish asosida makrojismlardagi jarayonlarning sodir bo‘lishiga oid qonuniyatlarni aniqlaydi. Ammo, mikroskop jismlar xossalalarini ularning ichki tuzilishlarini e’tiborga olmasdan ham tekshirish mumkin. Bunda makrosistemalarning energetik xarakteristikalari va turlari makroskopik kattaliklar orasidagi bog‘lanishlar o‘rganiladi.

Molekular fizikada energiyaning bir turdan boshqa turlarga aylanish jarayonlari bilan bog‘liq usulga termodinamik usul deb aytildi. Bu usulda sistemani tashkil etuvchi zarralarning ichki strukturasi, tuzilishi bilan qiziqmasdan, butun sistema holatini xarakterlovchi parametrler bosim, hajm, temperatura o‘zgarishi e’tiborga olinadi. Termodinamik usul termodinamikada qonunlarga tayanib, uning xulosalari tajriba dalillarini umumlashtiruvchi prinsiplarga asoslangan, ko‘p zarrali sistemalarni o‘rganishda termodinamik usul va statistik

usullar bir-birini to'ldiradi. Chunki termodinamikada sistema bir butun, to'liq olib qaralsa, statistik fizikada shu sistema ichida bo'ladigan jarayonlar sistemani tashkil etuvchi zarralarning umumiy xossalari orqali o'r ganiladi. Masalan, ideal gaz qonunlari matematik statistikaning eng sodda modelidir.

### **Tayanch tushunchalar:**

Molekular fizikada moddalarning tuzilishi, xossalari, ularning holat parametrlari bilan bog'liq jarayonlar statistik va termodinamik usullardan foydalanishi bilan xarakterlanib, asoslab tushuntiriladi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Molekular fizikada moddalarning tuzilishi qanday tushuntiriladi?*
2. *Statistik usulning mohiyatini tushuntiring.*
3. *Termodinamik usul qanday usul, mazmunini yoritib bering.*

## II BO'LIM. STATISTIK USUL

Tasodifiy hodisalar qonuniyatlari ehtimollik nazariyasiga bo'ysunadi.



### 3. Ehtimollar nazariyasidan elementar ma'lumotlar. Tasodifiy voqealar va hodisalar. Ehtimollar nazariyasining asosiy tushunchalari. Taqsimot funksiyasi.

#### Gauss taqsimoti

Yuqorida aytganimizdek, ko'p sonli zarralar sistemasi xossalariini o'rghanishda dinamika (mumtoz mexanika) qonunlarini qo'llab bo'lmaydi. Masalan: bir idish olib, unda hajm bo'yicha ideal gaz bor desak, ma'lum molekula qaysi paytda idish hajmining qaysi qismida bo'lishini aytish qiyin. Chunki bu molekula idish hajmining o'sha qismida o'sha paytda bo'lishi ham, bo'lmasligi ham mumkin. Shuning uchun ham shunday jarayonlarni o'rghanishda tasodifiy hodisalar qonuniyatlaridan foydalaniladi. Tasodifiy hodisalar qonuniyatlari ehtimollik nazariyasiga bo'ysunadi. Bu nazariyaga ko'ra biror tasodifiy hodisa yuz berishi ham, bermasligi ham mumkin. Shu voqeanning sodir bo'lish darajasi ehtimoliyat chastotasi bilan aniqlanadi.

Masalan: biror qutida to'rt xil rangdagi to'rtta bir xil shar bo'lsin. Agar shu qutidagi sharni ko'rmasdan oladigan bo'lsak, har qaysi rangda sharni chiqarib olish ehtimoliyati tajribalar sonining ortishi bilan tenglasha boradi va 4 ga intiladi. Ehtimoliyatning ta'rifini berishda biror voqeanning sodir bo'lishi yoki bo'lmasligini kuzatish bilan javob berish mumkin: Voqeanning ehtimolligi voqealarni amalga oshadigan tajribalar sonining tajribalarning umumiyligini nisbatini tajribalar soni cheksiz ortib borgandagi limitiga aytildi. Agar kuzatishlar soni  $N$  ta bo'lib, shunday kuzatishlarda  $N_a$  ga marta ( $N \gg N_a$ ) shu voqealarni sodir bo'lsa, u holda shu voqeanning sodir

bo‘lish ehtimoliyati  $\alpha$  deb, quyidagi kattalikka aytildi.

$$\xi(a) = \lim_{N \rightarrow \infty} \frac{N_a}{N} \quad (3.1)$$

shu voqealar bir vaqtning o‘zida bir joyda emas, bir necha joyda ro‘y bersa, bunday sistemaga sistemalar ansambli deyiladi.

1. Agar voqealar vaqt o‘tishi bilan o‘zgaruvchan kattalik bilan xarakterlansa, ularning sodir bo‘lish ehtimoliyatlarini (3.1) formula bilan aniqlab bo‘lmaydi. Shunday hollarda berilgan voqeaning sodir bo‘lishi ehtimoliyat zichligi tushunchasi kiritiladi. Ehtimoliyat zichligi deb, berilgan voqeaning  $\Delta V$  hajmda yuz berishi yoki bermaslik ehtimoliyatiga aytildi. Ya’ni

$$f(\Delta V) = \lim_{\Delta V \rightarrow \infty} \frac{\xi(\Delta V)}{\Delta V} = \lim_{\substack{N \rightarrow \infty \\ \Delta V \rightarrow \infty}} \frac{N_a}{\Delta V \cdot N} \quad (3.2)$$

Formuladan ko‘rinadiki hajmi birligidagi ehtimoliyatga ehtimoliyat zichlik deyiladi. Bu hajmda sodir bo‘ladigan ehtimoliyat zichligining normallashtirish sharti deyiladi. U quyidagicha ifodalanadi.

$$\int f(\Delta V) dx dy dz = \int f(\Delta V) dV = 1 \quad (3.3)$$

Agar voqealar bir-birini inkor etuvchi bo‘lsa, masalan, biror molekula  $V_1$  hajmda bo‘lsa, uning shu payt qo‘shti  $V_2$  hajmda bo‘la olmasligi aniq, u holda shu molekulaning  $V = V_1 + V_2$  hajmda bo‘lishi ehtimoliyati

$$\xi(V_1 + V_2) = \frac{V_1 + V_2}{V} = \frac{V_1}{V} + \frac{V_2}{V} = \xi(V_1) + \xi(V_2) \quad (3.4)$$

bilan topiladi. Bu formuladan ko‘rinadiki, o‘zaro bir-birini inkor etuvchi voqealar ehtimoliyati shu ehtimoliyatlar yig‘indisiga teng bo‘ladi. Agar biror tasodifiy kattalik  $Z$ , vaqt o‘tishi bilan  $Z_1, Z_2, \dots$

$Z_n$  qiymatlarni qabul qilsa , uning o‘rtacha qiymati quyidagicha aniqlanadi:

$$Z = \frac{Z_1 + Z_2 + \dots + Z_n}{N} = \frac{\sum_{j=1}^N Z_j}{N} \quad (3.5)$$

2. Agar o‘zgaruvchan kattalikning qiymati vaqt o‘tishi bilan uzluksiz o‘zgaruvchan bo‘lsa, uning o‘rtacha qiymati vaqtga bog‘liq bo‘ladi. Biror  $t_1$  va  $t_2$  vaqt oralig‘ida o‘zgaruvchan  $Z$  kattaligining o‘rtacha **qiymati**.

$$Z = \frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} Z(t) dt \quad (3.6)$$

bilan topiladi.

Umumiy holda, uzluksiz ravishda o‘zgaruvchan kattalik uchun o‘rtacha qiymat quyidagicha topiladi.

$$\angle = \int_{-\infty}^{\infty} Z f(Z) dz \quad (3.7)$$

bu yerda  $f(z)$  o‘zgaruvchan  $Z$  kattalikning ehtimoliyat zichligidir.

O‘zgaruvchan kattalikning o‘rtacha miqdoridan chetlashishi, dispersiya bilan xarakterlanadi. Dispersiya o‘rtacha miqdoridan chetlanish kvadratining o‘rtacha qiymati bilan aniqlanadi.

$$\sigma^2 = \overline{(Z - \bar{Z})^2} = \left[ \bar{Z^2} - 2\bar{Z}\bar{Z} + (\bar{Z})^2 \right] = \bar{Z}^2 - (\bar{Z})^2 \quad (3.8)$$

vaqt birligi ichida diskret o‘zgaradigan tasodifiy hodisalar uchun dispersiya

$$\bar{\sigma}^2 = \sum_j (Z_j - \bar{Z})^2 \xi_j(Z) \quad (3.9)$$

bilan aniqlanadi. Vaqt birligi ichida uzlusiz o'zgaradigan tasodifiy hodisalar uchun

$$\sigma^2 = \int_{-\infty}^{\infty} (Z - \bar{Z})^2 f(Z) dZ \quad (3.10)$$

oraliq aniqlanadi.

Statistik fizikadagi eng muhim kattaliklardan biri ehtimoliyatlar taqsimot funksiyasidir. Bu funksiya juda o'zgaruvchan tasodifiy Z kattalik berilgan  $Z_0$  dan kichik qiymatlar qabul qilish ehtimoliyatini ko'rsatuvchi funksiyadir:

$$\xi(Z \leq Z_0) = F(Z_0) = \sum_{Z \leq Z_0} \xi_j \quad (3.11)$$

Bu yerda funksiyaga ehtimoliyatlar taqsimot funksiyasi deyiladi va uzlusiz o'zgaruvchan kattalik uchun ehtimoliyat zichligi orqali quyidagicha ifodalanadi:

$$F(Z_0) = \int_{-\infty}^{\infty} f(z) dz \quad (3.12)$$

Istalgan vaqt birligi ichida o'zgaruvchan kattalikning o'rtacha qiymatini ehtimoliyatlar taqsimot funksiyasi orqali ifodalash mumkin;

$$\bar{Z} = \int_{-\infty}^{\infty} Z dF(Z) \quad (3.13)$$

Ko'p sondagi zarralar sistemasining xossalari statistik usul orqali bayon qilishda ko'pincha statistik taqsimotlar tushunchasidan foydalilanildi. Masalan: Gaz molekulalari tezligining taqsimot funksiyasi va hokazo.

Gauss taqsimoti.

Gauss dekart koordinata sistemasida sakrab harakatlanuvchi

modda nuqtaning juda ko‘p sakrashlardan keyin uning koordinatalarini aniqlash ehtimoliyatini hisoblab, bu ehtimoliyati zichligi F (Z), Z koordinata sistemasida

$$\varphi(Z^2) = Ae^{-\alpha Z^2} \quad (3.14)$$

Agar berilgan sharoitda voqealro‘y beradigan bo‘lsa, bu voqealishonchli voqeal ekanligini ko‘rsatadi. Bu yerda A va a lar integrallash doimiyalaridir. Bunday ehtimoliyat zichligi taqsimoti Gauss taqsimoti deyiladi. Bu taqsimot funksiyasi orqali juda ko‘pgina o‘zgaruvchan kattaliklarning o‘zgarish qonuniyatlarini tushuntiriladi. Shuning uchun katta ahamiyatga ega. Demak, xulosa qilib aytadigan bo‘lsak, Gauss taqsimot funksiyasi sistemaning dispersiyasiga bog‘liq bo‘lar ekan. Dispersiya qiymati qancha kichik bo‘lsa, uning grafikda ifodalangan qiymati shuncha tik bo‘ladi va dispersiya qiymatining ortishi bu taqsimot funksiyasi shuncha yoyila boradi.

Ehtimollar nazariyasini deb, amalga oshishi mumkinmi yoki yo‘qmi deb savol qo‘yish mumkin bo‘lgan har qanday hodisalar, voqealar yoki hollarga aytildi. U yoki bu voqealro‘y berishiga sabab bo‘lgan tajriba yoki shart-sharoitlar majmuyi ehtimollar nazariyasida sinash deb ataladi. Agar berilgan sharoitda voqeal albatta ro‘y beradigan bo‘lsa, bu voqealishonchli voqeal deb ataladi. Agar u amalga oshmaydigan bo‘lsa, mumkin bo‘lmagan voqeal deb yuritiladi. Masalan, biz qog‘ozda uchburchak chizdik. Bunda uning har bir tomoni qolgan ikki tomonining yig‘indisidan kichik bo‘lmagan uchburchak hosil bo‘lishidan iborat bo‘lgan voqealishonchli voqeadir. Tomonlarning biri qolgan ikki tomonining yig‘indisidan katta (uzun) bo‘lgan uchburchakning paydo bo‘lishi ham, garchi mumkin bo‘lmagan bo‘lsada, voqeadir. Sinash natijasida ro‘y berishi mumkin bo‘lgan, shuningdek, ro‘y berishi mumkin bo‘lmagan voqeal tasodifiy voqeal deb ataladi.

## Tayanch tushunchalar:

Ehtimollar nazariyasi. Tasodifyi voqealar va hodisalar. Taqsimot funksiyasi. Ehtimoliyat zichligi. Sistemalar ansambli. Gauss taqsimoti. Sinash.

## Mavzuga doir savollar:

1. *Ehtimollar nazariyasida ehtimollik qonuniyatlarini tushuntirib bering.*
2. *Tasodifyi voqealar va hodisalarni siz qanday tushunasiz.*
3. *Ehtimollik nazariyasida ehtimoliyat zichligini tushuntirib bering.*
4. *Statistik fizikadagi ehtimoliyatlar taqsimot funksiyasini aytib bering.*
5. *Gauss taqsimoti mohiyatini tushuntiring.*

Molekular fizikada modda qanday agregat holatida bo‘lishidan qat’i nazar ko‘p sondagi zarralar to‘plami bilan ish ko‘riladi.



## 4. Sistemaning makroskopik va mikroskopik holatlari. Binamol taqsimoti. Puasson taqsimoti

Molekular fizikada modda qanday agregat holatida bo‘lishidan qat’i nazar ko‘p sondagi zarralar to‘plami bilan ish ko‘riladi. Ana shunday zarralar to‘plamiga sistema deyiladi. Sistema fazoda ma’lum bir chegaraga ega bo‘lib, gaz holatda bo‘lganda gaz to‘ldirilgan idish devorlari bilan to‘ldiriladi. Sistema chegaralar orqali boshqa atrof-muhit bilan energiya almashinishi yoki almashmasligi mumkin.

Agar sistema bilan atrof-muhit energiyaning hech qanday turi bilan almashinish ro‘y bermasa, bunday sistemaga yakkalangan sistema deb aytildi. Sistema faqat o‘zining chegarasi bilan emas, undagi zarralarning xossalari bilan ham xarakterlidir. Eng oddiy sistemalardan biri ideal gazdir. Vaqt o‘tishi bilan sistemada

muvozanat yuzaga keladi, ya’ni sistemaning hamma nuqtalarida bosim va temperatura tenglashadi.

Sistemanini tashkil etgan zarralarni bir butun holatda deb o’rganiladigan jarayon uchun bu sistemanini makroskopik sistema deyiladi. Agar sistemanini uni tashkil etgan zarralarning holati bilan xarakterlab o’rganilsa, bunday jarayon uchun bu sistemanini mikroskopik sistema deyiladi.

Sistemaning holati uning bosimi va temperaturasi orqali xarakterlanadi. Bunday parametrlar sistemaning makroskopik parametrlari deyiladi. Makroskopik sistema o’z navbatida juda ko’p sondagi zarralar to’plamidan iborat. Bu sistemadagi zarralar soni  $\Pi$  ta bo’lsa, p ta zarralar holati va tezliklari orqali ya’ni mikroskopik sistemalar orqali makroskopik sistema tashkil topadi. Har bir zarranining holati uning x, u, z, o’qlarida va tezliklarning shu o’qlardagi proyeksiyalar bilan aniqlanganligi uchun har bir mikroskopik sistema holati  $6\Pi$  ta son bilan aniqlanadi.

Agar makroskopik parametrlar berilgan sistema uchun vaqt o’tishi bilan o’zgarmasa, bunday holatga sistema muvozanatli holatda deb ataladi. Yakkalangan sistemalar muvozanatli holatda bo’lishi mumkin. Agar sistema yakkalangan bo’lmasa, turg’un holatda bo’lishi mumkin, ammo muvozanatli holatda bo’la olmaydi. Masalan: biror idishga gaz solingan bo’lib, idishning turli qismlari turli temperaturali doimiy tashqi muhit bilan kontaktda bo’lsa, gazning temperaturasi vaqt o’tishi bilan o’zgarmaydi. Ammo bu muvozanatli holat emas.

Istalgan ko’p sondagi zarralar sistemasining o’zaro teng hajmdagi p ta kichik sistemalardan iborat deb qarash mumkin. Ana shunday bir xil hajmdagi zarralar sistemasiga statistik ansambl deyiladi. Binobarin, istalgan makroskopik sistema bir necha mikroskopik sistemalar ansamblidan iborat bo’ladi. Makroskopik sistema holati o’zgarmasa ham undagi mikrosistemalar holatlarining o’zgarishini teng ehtimollidir.

Xuddi shuningdek, ularda vaqt o’tishi bilan bo’ladigan

o‘zgarishlar ham teng ehtimolli. Bunday taqsimot molekular fizikada Binamol taqsimot deyiladi.

Shunday qilib, mikrosistemalar holatining vaqt bo‘yicha ham, ansambl bo‘yicha ham o‘zgarishi teng ehtimolli bo‘lar ekan. Ana shunday tasdiqqa Ergodik gipoteza deyiladi va birinchi marta 1871-yilda Bolsman va Puasson tomonidan aytilganligi uchun Bolsman-Puasson taqsimoti deb ham yuritiladi. Tajribalar shuni ko‘rsatadiki, termodinamik muvozanat holatida hajm  $V_1$ , bosim  $R$  va temperatura  $T$  faqat gaz uchungina emas, balki real gazlar uchun ham, shuningdek, har qanday fizik jihatdan bir jinsli bo‘lgan va izotrop jismlar uchun ham funksional bog‘lanishda bo‘lar ekan. Bu funksional bog‘lanishni  $f(P, V, T)=0$  (4.1) tenglama bilan ifodalash mumkin.  $f(P, V, T)$  funksiyaning ko‘rinishi turli jismlar uchun turlichadir. (1) Munosabat jismning, ya’ni sistemaning makroskopik holat tenglamasi deyiladi. Bu holat tenglamasi fizik bir jinsli jismlar makroskopik xossalarning eng muhim xarakteristikalari qatoriga kiradi. Makroskopik holat tenglamasi bo‘lganligi uchun  $(P, V, T)$  kattaliklarning termodinamik muvozanatdagi o‘zgarishlari mustaqil emas, balki ma’lum mikroskopik munosabat bilan bog‘langan. Agar holat o‘zgarishlari cheksiz kichik bo‘lsa, u holda  $f(P, V, T)$  funksiyaning konkret ko‘rinishini bilmagan holda ham bu munosabatni aniqlash mumkin. (4.1) Tenglamani o‘zgaruvchilardan biriga, masalan,  $V$  ga nisbatan yechamiz, ya’ni  $V$  hajmini qolgan ikki o‘zgaruvchi  $R$  va  $T$  ning funksiyasi sifatida ifodalaymiz  $V=V(P, T)$ . Agar temperaturani o‘zgarmas saqlab, bosimni cheksiz kichik d $P$  kattalikga o‘zgartirsak, u holda  $V$  hajm ham quyidagi ifoda bilan aniqlanadigan cheksiz kichik orttirmaga ega bo‘ladi:

$$dV = \left( \frac{dV}{dP} \right)_T dP \quad (4.1)$$

$\left( \frac{dV}{dP} \right)_T$  hajmdagi  $T$  belgisi  $V$  ni  $R$  bo‘yicha differensiallaganda,

T temperatura o‘zgarmas qolishini bildiradi. Ikki yoki bir necha argumentli biror funksiyani bu argumentlardan biri bo‘yicha qolgan barcha argumentlar o‘zgarmas qoladi, degan faraz bilan differensiallanganda olinadigan hosilalar matematikada xususiy hosilalar deb ataladi. Demak,  $\left(\frac{dV}{dT}\right)_T$  kattalik hajmning bosim bo‘yicha o‘zgarmas temperaturada olingan xususiy hosilasidir. Shuningdek, R bosim o‘zgarmas bo‘lib, T temperatura esa cheksiz kichik dT orttirmaga ega bo‘ladi deylik. U holda V hajmning orttirmasi

$$dV_2 = \left(\frac{dV}{dT}\right)_P dT \quad (4.2)$$

munosabat bilan ifodalanadi. Agar P bosim ham, T temperatura ham o‘zgarsa, u holda hajm orttirmasi yuqori tartibli cheksiz kichik sonlargacha aniqlikda  $dV = dV_1 + dV_2$  yig‘indi bilan yoki quyidagi

$$dV = \left(\frac{dV}{dP}\right)_T dP + \left(\frac{dV}{dT}\right)_P dT \quad (4.3)$$

ifoda bilan aniqlanadi. Bu esa yuqorida qo‘yilgan sistemaning mikroskopik holatining yechimini topishga imkon beradi.

(4.3) munosabat dP va dT ning har qanday cheksiz kichik orttirmalarida o‘rinlidir.

Shuning uchun dP va dT orttirmalar mustaqil o‘zgaruvchilar deb qaralishi mumkin. Biroq, R va T ning o‘zgarishlariga qandaydir cheklashlar qo‘yilgan holda ham (4.3) formula o‘z kuchida qolaveradi. Faraz qilaylik, sistema shunday jarayonda davom etmoqdaki, bu jarayonda R bosim T temperaturaning muayyan funksiyasi bo‘lsin. U holda dP va dT kattaliklar mustaqil bo‘lmay qoladilar. Masalan, doimiy hajmdagi jarayon uchun  $dV=0$ , (4.3) formula quyidagi ko‘rinishda ifodalanadi:

$$\left(\frac{dV}{dP}\right)_T dP + \left(\frac{dV}{dT}\right)_P dT = 0 \quad (4.4)$$

Bu tenglamani  $\left(\frac{dP}{dT}\right)_V$  xususiy hosilani beradi, chunki

$dP$  va  $dT$  hajm o‘zgarmas bo‘lganida bosim va temperatura orttirmalarini bildiradi. Demak,

$$\left(\frac{dP}{dT}\right)_V = -\frac{\left(\frac{dV}{dT}\right)_P}{\left(\frac{dV}{dP}\right)_T} \quad (4.5)$$

$$\left(\frac{dV}{dP}\right)_T = \frac{1}{\left(\frac{dP}{dV}\right)_T} \quad (4.6)$$

Bu ifodalar:

$$\left(\frac{dP}{dT}\right)_V = -\left(\frac{dP}{dV}\right)_T \left(\frac{dV}{dP}\right)_T \quad (4.78)$$

munosabatni yozish mumkin. Bunda

$$\left(\frac{dP}{dV}\right)_T \left(\frac{dV}{dT}\right)_P \left(\frac{dT}{dP}\right)_V = -1 \quad (4.8)$$

formulani hosil qilamiz. Bu formula mikroskopik sistemani holat parametrlarini o‘zaro bog‘lanishini ifodalaydi.

Molekular fizikada fizik sistemalar holatlarini tavsiflashda mumtoz mehanika metodlarini to‘g‘ridan to‘g‘ri qo‘llash mumkin bo‘lganda edi, jismni tashkil qilgan barcha molekulalar va atomlarning, shuningdek, elektronlar, atom yadrolari va boshqa

elementar zarralarning vaqt oralig‘ining aniq bir paytidagi koordinatalari va tezliklarini aniq qiymatlari keltirilar edi. Bunday holatni tavsiflovchi jarayonga mikroskopik holat deyiladi. Ammo mumtoz mexanika qonunlari bu sohani tushuntirishda chegaralangan. Klassik yoki kvant mexanikasi nuqtayi nazaridan mikroholat tushunchasi faqat shu jihatdan foydaliki, bu tushuncha moddaning makroskopik xossalari bilan bog‘langan va bu holatni aniqlashga xizmat qiladi.

Termodinamikada makroskopik sistemalarning muvozanat holatlari ancha qo‘pol, uncha ko‘p bo‘limgan sondagi turli makroskopik parametrlar yordamida tavsiflanadi. Bu parametrlarga masalan, sistemaning bosimi, zichligi, temperaturasi, konsentratsiyasi, hajmi, elektr va magnit maydonlarining kuchlanganligi va boshqalar kiradi. Makroskopik parametrlar vositasida tavsiflanadigan holat makroskopik holat deyiladi. Sistemaning mikroskopik holatlari asosan statistik fizika ehtimollik nazariyasiga asosan tavsiflanadi. Keyinchalik XX asrning boshlarida nemis fizigi Maks Plank kvant mexanikasi sistemaning mikroholatlarini yaqqol asosli qonuniyatlar yordamida ifodalaydi va tushuntiradi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Sistemaning makroskopik holati. Sistemaning mikroskopik holati. Makroskopik parametrlar, mikroskopik parametrlar. Binamol taqsimoti. Puasson taqsimoti.

### **Mavzuga doir savollar**

1. *Sistemaning makroskopik va mikroskopik holati deganda nimani tushumasiz?*
2. *Makroskopik va mikroskopik parametrlarni ta’riflang.*
3. *Binamol taqsimotini tushuntiring.*
4. *Puasson taqsimotini ta’riflang.*

### **III BO'LIM. IDEAL GAZLARNING KINETIK NAZARIYASI**

Gaz to‘ldirilgan idishda gaz molekulalarini o‘za’ro yoki idish devori sirti bilan to‘qnashishini nazarga olish muhimdir.



#### **5.6. Ideal gaz. Molekular-kinetik nazariyasining asosiy tenglamasi.**

#### **Issiqlik va harorat, Mutlaq haroratni aniqlash**

1. Molekular sistemalarni nazariy o‘rganishning katta qiyinchiliklar bilan bog‘liq ekanligi tushunarli, chunki buning uchun har bir molekulaga boshqa barcha molekulalar tomonidan ta’sir qiluvchi barcha kuchlarni nazarga olish kerak bo‘ladi. Agar molekulalarning harakati sof mexanikaviy bo‘lib, mexanika qonunlariga bo‘ysunadi deb faraz qilinsa, u holda har qanday molekular sistemani to‘la tavsiflash uchun go‘yo barcha molekulalarning berilgan kuchlar ta’siridagi harakati to‘g‘risidagi masalani yechish kerak. Ya’ni, soni ushbu sistemadagi molekulalar soniga teng bo‘lgan harakat tenglamalarni yozish va yechish kerak bo‘ladi. Agar  $1\text{sm}^3$  gazda odatdagi sharoitda  $2,7 \cdot 10^{19}$  ta molekula bo‘lishi hisobga olinsa, u holda bunday ulkan sondagi tenglamalarni yechish u yoqda tursin, hatto yozishning o‘zi ham mumkin emasligi ravshan bo‘lib qoladi. Zarralarning soni bunchalik katta bo‘lganida ularning harakatini xarakterlovchi kattaliklarning o‘rtacha qiymatlarinigina, masalan, ularning o‘rtacha tezligi, o‘rtacha energiyasi va shu kabilarni bilish bilan cheklanish mumkin ekan. Molekular sistemalarni o‘rganishda biz shu usuldan foydalananamiz. Har qanday moddaning uch agregat holatidan eng soddasи gazsimon holatidir. Chunki, bu holda molekulalar orasidagi ta’sir qiluvchi kuchlar juda kichik bo‘lib, ularni nazarga olmaslik mumkin. Shuning uchun biz molekular fizikani bayon qilishni gazlarning

xossalarni o‘rganishdan boshlaymiz. Buning uchun dastlab biz: a) molekulalarni o‘zaro ta’sir kuchi juda kichik emas, balki batamom yo‘q deb faraz qilamiz. b) sodda bo‘lishi uchun molekulalarning o‘lchamlarini ham nazarga olmaymiz, ya’ni ularni moddiy deymiz. v) o‘zaro ta’sirlashmaydigan moddiy nuqtalar to‘plami singari xossalarga ega, deb qaraymiz.

2. Molekulalarning o‘zaro to‘qnashishlar soni ularning idish devorlariga urilish soniga qaraganda nazarga olmaslik darajada kichik. Bu shartlarni qanoatlantiruvchi gaz ideal gaz deb ataladi. Shunday qilib, molekulalarga bir-birlari bilan molekulalararo tutinish kuchlari bilan bog‘lanmagan elastik moddiy nuqtalardir deb tasavvur qilinadigan gaz ideal gaz deyiladi. Ma’lum bo‘lishicha, normal sharoitga yaqin sharoitlarda, shuningdek, past bosim va yuqori temperaturalarda real gaz o‘z xossalari jihatidan ideal gazga yaqin bo‘lar ekan.

Gaz molekulalarini gaz to‘ldirilgan idish devorlari bilan va bir-biri bilan to‘qnashuvini o‘rganmagan holda gaz molekulalarining harakat manzarasini to‘la tushuntira olmaymiz. Haqiqatan gaz molekulalari tartibsiz harakatlanib vaqtı-vaqtı bilan idish devorlariga yaqinlashadi. Shuningdek, gaz molekulalari bir-bir bilan ham yaqinlashishi va to‘qnashishi mumkin. Bunday paytlarda gaz molekulalari orasida masofa ortishi bilan to‘qnashishlar soni kamayadi. Bu kuchlar ta’sirida gaz molekulalari o‘zining harakat yo‘nalishini o‘zgartiradi. Bunday jarayon to‘qnashuv deb ataladi. Molekulalarning o‘zaro to‘qnashishi gaz tabiatida juda katta rol o‘ynaydi. Gaz to‘ldirilgan idishda gaz molekulalarini o‘zaro yoki idish devori sirti bilan to‘qnashishini nazarga olish muhimdir. Gaz molekulalari idish devorlariga va aksincha qarama-qarshi yo‘nalishda idish devori molekulalarini ta’sirini qaraylik. 1738-yil peterburglik akademik Daniil Bernulli gazning idish devorlariga beradigan bosimi alohida molekulalarning urilishidan kelib chiqadi deb taklif qilgan.

1744–1748-yillarda M.V. Lomonosov modda tuzilishining

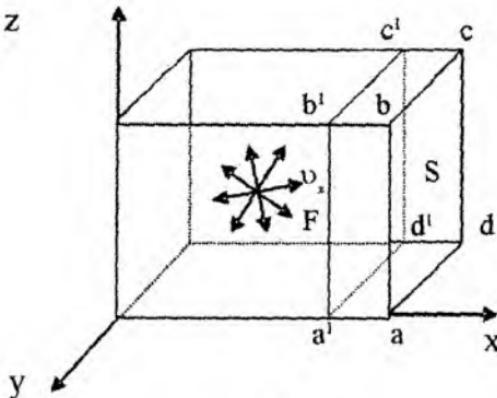
atom-molekular nazariyasini keng ishlab chiqdi va birinchi bo‘lib, issiqlikning molekular-kinetik nazariyasi to‘g‘ri ekanligini isbot qildi. Gazlarning molekular-kinetik nazariyasi faqat XIX asrning ikkinchi yarmida bir qator fiziklar, asosan Klauzius, Bolsman va Maksvell tomonidan rivojlantirildi.

Devor sirtining yuzi qancha katta bo‘lsa, gaz tomonidan devorga ta’sir qiluvchi kuch shuncha katta bo‘lishi aniq. Gaz molekulalari sirti  $S$  bo‘lgan idish devoriga  $F$ -kuch bilan ta’sir etadigan bo‘lsa, u holda idish devoriga gaz molekulalari beradigan bosim  $P$  quyidagicha ifodalanadi.

$$P = \frac{F}{S} \quad (5.1)$$

Bu bosim kattaligi gazning asosiy xarakteristikalaridan biridir. Gazning idish devorlariga bosimi, XVIII asrdayoq D. Bernulli tomonidan tavsiflangan. Gaz molekulalarini idish devoriga beradigan bosimini aniqlash uchun parallelepiped shaklidagi idish olib, gaz to‘ldiramiz. Gaz molekulalari idishda muvozanat holatda bo‘lsin deylik. Idishning biror ixtiyoriy yo‘nalishda harakatlanayotgan molekulalar soni, o‘rtacha olganda, tezliklari qarama-qarshi tomonga yo‘nalgan molekulalar soniga teng. Gazning idish devorlaridan biriga,  $M$ -abcd o‘ng yon devoriga bosimini hisoblaylik (5.1-rasm). X-koordinata o‘qini parallelepiped qirrasi bo‘ylab abcd devorga perpendikular qilib yo‘naltiramiz. Molekulalarning tezliklari  $V$  qanday yo‘nalishda bo‘lmashin biz dastlab  $X$ -o‘qi yo‘nalishidagi  $V_x$  ni qaraymiz. Gaz molekulalari idish devoriga abcd ga urilgunicha  $\Delta x$  masofa o‘tadi va uriladi. Devor sirtiga  $F$  kuch bilan ta’sir etadi. O‘z navbatida idish devori tomonidan deformatsiyalangan  $F$  elastiklik kuchi gaz molekulalariga aks ta’sir etadi.

Demak, Nyutonning ikkinchi qonuniga asosan,  $F \Delta t$  kuch impulsi hosil bo‘лади. Shuningdek, abcd devor sirtiga urilib qaytgan gaz molekulalari  $\Delta t$  vaqtidan keyin  $\Delta x$  masofaga siljiydi va a’ b’ c’ d’ chegara sirtga keladi.



5.1-rasm.

Bunda molekulalar  $v_x \Delta t$  masofaga siljiydi. Agar idish devori sirtini S desak u holda molekulalar harakatlanadigan idish hajmi  $S v_x \Delta t$  ga teng bo'ladi. Agar idishning birlik hajmida n ta molekula bo'lsa, ko'rsatilgan hajmda n  $S v_x \Delta t$  molekula bo'ladi. Biroq ularning yarmi chapdan o'ngga harakatlanadi va qatlamga tushadi. Ikkinchi yarmi esa qatlamdan teskari tomonga harakat qiladi va qatlamga tushmaydi. Demak,  $\Delta t$  vaqt ichida qatlamga chapdan o'ngga  $\frac{1}{2} n S v_x \Delta t$  molekulalar kiradi. Ularning har biri m<sub>0</sub> impulsiga ega (m-molekula massasi) va ularning qatlamga olib kirayotgan umumiy impulsini:

$$\frac{1}{2} n m v_x^2 S \Delta t$$

ayni shu paytda qatlamdan o'ngdan chapga harakatlanadigan molekulalar impulsini teskari ishorali bo'lib, ammo teng bo'ladi. Umumiy impulsning o'zgarishi

$$\frac{1}{2} n m v_x^2 S \Delta t - \left( -\frac{1}{2} n m v_x^2 S \Delta t \right) = n m v_x^2 S \Delta t \quad (5.2)$$

Qatlam impulsini o‘zgarishini  $F \Delta t$  desak, u holda

$$F \Delta t = nm v_x^2 S \Delta t \quad (5.3)$$

Ifodani har ikkala tomonini  $S \Delta t$  ga bo‘lamiz. U holda:

$$P = \frac{F}{S} = nm v_x^2 \quad (5.4)$$

$$P = nm v_x^2 \quad (5.5)$$

tenglik hosil bo‘ladi.

Bu formulaga gaz molekulalarining bosimini hisoblash formulasi deyiladi.

Gaz bosimi uchun (5.5) formuladan har bir molekulaning  $v$  – tezligi kvadrati yo‘nalishlar bo‘yicha tezliklar kvadratlarini yig‘indisiga teng bo‘ladi.

$$v^2 = v_x^2 + v_y^2 + v_z^2 \quad (5.6)$$

ko‘rinishda ifodalash mumkin. Molekulalar harakati batamom tartibsiz bo‘lganligi tufayli uchala koordinata o‘qlari bo‘yicha tezliklar kvadratlarning o‘rtacha qiymatlari bir-biriga teng deb faraz qilish mumkin.

$$\text{Ya’ni,} \quad v_x^2 = v_y^2 = v_z^2 \quad (5.7)$$

U holda (5.7) tenglik  $v_x^2 = \frac{v^2}{3}$  deb yozish mumkin va buni (5.6) formulaga qo‘ysak:

$$P = \frac{1}{3} nm v^2 \quad (5.8)$$

Bu tenglikning o‘ng qismini 2 ga ko‘paytirib bo‘lamiz.

$$P = \frac{2}{3} n \frac{mv^2}{2} = \frac{2}{3} n \bar{E}_n \quad (5.9)$$

$$\frac{2mv^2}{3 \cdot 2} = \theta, \frac{2mv^2}{3 \cdot 2} = KT \quad (5.10)$$

bu yerda  $K = 1,38 \cdot 10^{-23}$  j/k Bolsman doimiysi

bu yerda  $E_k = \frac{mv^2}{2}$  bo'lib, gaz molekulalarning o'rtacha kinetik energiyasini bildiradi va (5.9) formulaga esa ideal gazlar kinetik nazariyasining asosiy tenglamasi deb ataladi. Demak, gazning bosimi birlik hajmidagi molekulalarning ilgarilanma harakati o'rtacha kinetik energiyasiga to'g'ri proporsional ekanini ko'rsatadi.

#### 4. Ideal gazlar kinetik nazariyasining asosiy tenglamasi

$$P = \frac{2}{3} n \frac{mv^2}{2} \quad (5.11)$$

Ideal gaz bosimi birlik hajmidagi gaz molekulalari o'rtacha kinetik energiyasining  $2/3$  qismiga teng. 5.11 formuladagi gaz molekulalarining zichligi, ya'ni hajmi birligidagi gaz molekulalarining soni.

$$n = \frac{N}{V}, \text{ bu yerda } N - \text{idishdagi gaz molekulalar soni}$$

hamda  $\frac{mv^2}{2}$  – gaz molekulalarining ilgarilanma harakat kinetik energiyasidir.

Bundan ko'rindaniki, ideal gaz bosimi birlik hajmidagi gaz molekulalari o'rtacha kinetik energiyasining  $2/3$  qismiga teng ekan. Tajribadan ma'lumki, gazning hajmi  $V$  – doimiy bo'lganda, uning bosimini faqat bir usul bilan, ya'ni qizdirish yoki sovitish

yo'li bilan o'zgartirish mumkin: Gaz qizdirilganda uning bosimi ortadi,sovutilganda esa bosim kamayadi. Barcha jismlar singari qizdirilganda yoki sovutilganda gaz ham o'z temperaturasi bilan xarakterlanadi. Temperatura (harorat) issiqlik muvozanati holatini xarakterlovchi kattalik ekanini ko'rsatadi. Issiqlik muvozanati holatida bo'lган jismlarning temperaturasi bir xil bo'ladi va aksincha bir xil temperaturali jismlar bir-biri bilan issiqlik muvozanatida bo'ladi. Agar ikki jism qandaydir uchinchi jism bilan issiqlik muvozanatida bo'lsa, har ikkala jism ham o'zaro issiqlik muvozanatida bo'ladi. Temperaturani o'lhash mumkinligi ham ana shu qonunga asoslanadi. Ma'lumki, issiqlik muvozanati qaror topish protsessida issiqlik bir jismdan ikkinchi jismga uzatiladi. Eksperimental nuqtayi nazardan qaraganda, jismning boshqa temperaturali boshqa jismga issiqlik beradimi yoki undan issiqlik oladimi, ana shuni aniqlovchi kattaliklar temperaturani o'lhash uchun turli moddalarning xossalari o'r ganilgan. Moddalarning xossalarni xarakterlovchi tomonlari: hajm kengayishi, zichligi, solishtirma og'irligi kabi tomonlari o'r ganilib, bunday moddalar tanlangan. Jumladan simob, spirt va hokazo. Dastlab simob termometrda simob ustuni uzunligining (simob hajmini) temperaturaga chiziqli bog'lanishi tanlangan va daraja kattaligi ham ixtiyoriy tanlangan. Buning uchun atmosfera bosimida asosiy pastki nuqta qilib suvning qaynash nuqtasi tanlangan va oraliqdagi masofa teng darajalarga bo'lingan. Shu asosda temperatura shkalasi tanlangan. Hozirgi zamon termometr hisobi gaz termometri yordamida aniqlanadigan ideal gaz shkalasiga asoslangan. Muzning erish nuqtasidagi gaz temperaturasidagi bosimni  $P_0$  deb belgilaymiz.

$$\frac{P_k}{P_o} = \frac{T_k}{T_o} \quad (5.12)$$

nisbatni tajribada oson aniqlash mumkin va uning qiymati:

$$\frac{P_k}{P_o} = 1,3661; \text{ shuningdek, temperaturalar nisbatining qiymati}$$

ham  $\frac{T_k}{T_o} - 1,3661$  ga teng.

$T_k - T_o = 100$  qismga bo‘lib topilgan. Keyinchalik bu farqlar

$T_k - T^{\circ} = 373,15 - 273,15$  daraja deb belgilandi. Biroq jismning temperaturasini o‘lchanish uchun gaz termometrni o‘sha jismga tegizish bilan muvozanatlashish harorati kutiladi va

$$T = \frac{275,15}{P_o} \cdot P \quad (5.13)$$

formuladan topildi. Amalda gaz termometrlaridan kam foydalaniladi. Ammo boshqa termometrlar gaz termometri yordamida darajalanadi. Agar temperatura shkalasining nolida termometrik kattalik nolga aylansa, bunday shkala absolut (mutlaq) shkala, yoki absolut temperatura deyiladi. Absolut temperaturadan boshlangan Kelvin temperaturasi Kelvinda o‘lchanib, “K” bilan belgilanadi. Dastlabki shkala Selsiy shkalasi deyiladi va “C” bilan belgilanadi. Ular orasida  $t = T - 273,15$  bog‘lanish bor. Xulosa qilib aytganda, issiqlik va harorat orasida juda muhim bog‘lanishlar bo‘lib, haroratni aniqlash metodlari yaratilgandan keyin issiqlik to‘g‘risidagi tushunchalar mukammal o‘rganildi. Ideal gaz uchun temperatura molekulalar o‘rtacha kinetik energiyasining  $2/3$  qismiga teng deb hisoblash qulay. Chunki bu gaz bosimi uchun (5.13) formulaning ko‘rinishini

soddallashtiriladi. Ya’ni agar (5.13) formuladan  $\frac{2}{3} \cdot \frac{mv^2}{2} = \theta$  deb belgilasak quyidagi ko‘rinishni oladi.

$$P = n\theta \quad (5.14)$$

Ammo bunday ko‘rinishda temperaturani energiya birligida SI-sistemasida o‘lchanishi kerak. Temperaturani bunday birlikda

o'chish noqulay. Masalan, muzning erish temperaturasi  $5,65 \cdot 10^{-14} = 5,65 \cdot 10^{-21}$  j ga teng bo'lar edi.

Shuning uchun temperaturani graduslar bo'yicha aniqlashda Bolsman doimiylik koeffitsient kiritildi.

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{mv^2}{2} = kT$$

yoki  $\frac{mv^2}{2} = \frac{3}{2} KT$  (5.15)

deb belgilab olindi.

Bu formulada  $mv^2/2 = E_k$  molekulalarning ilgarilanma harakat o'rtacha kinetik energiyasi. Gaz molekulalarining harakatini 3ta tashkil etuvchiga ajratishini aytgan edik. Har bir tashkil etuvchiga  $\frac{1}{2} kT$  energiya mos keladi. Bu yerda k Bolsman doimiyligi bo'lib:

$$k = \frac{R}{N} = \frac{8.31 \cdot 10^3 \text{ J / kmol} \cdot \text{grad}}{6.02 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}} = 1.38 \cdot 10^{23} \text{ J / grad}$$

Bu yerda: N – Avagadro soni, R – gaz doimiysi deyiladi.

Demak, temperatura molekulalar harakatining o'rtacha energiyasi bilan aniqlangani uchun, u bosim singari statistik kattalikdir. Normal sharoitda gaz parametrlari T=273 K, P<sub>0</sub>=101325pa, V = 22,4 · 10<sup>-3</sup> m<sup>3</sup> – bir mol gaz hajmi.

$$\bar{E} = \frac{mv^2}{2} = \frac{3}{2} \cdot \frac{R}{N} \cdot T \quad (5.16)$$

Formulada molekulalar tezligi kvadratining o'rtacha qiymati uchun quyidagi formulani olamiz:

$$\bar{V}^2 = \frac{3RT}{mN} \quad (5.17)$$

bu yerda,  $m$  – bir molekulaning soni bo‘lganligi uchun  $mN$  molar og‘irlilik  $\mu$  bo‘ladi. Natijada molekulalar ilgarilanma harakatining o‘rtacha kvadratini tezligi uchun quyidagi ifodani olamiz:

$$\sqrt{\bar{V}^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}} \quad (5.17-a)$$

ya’ni, gaz molekulalari ilgarilanma harakatining o‘rtacha kvadratini tezligi gaz absolut temperaturasining kvadrat ildiziga to‘g‘ri proporsional va gaz molekular og‘irligining kvadrat ildiziga teskari proporsionaldir. (5.12) formulaga asosan hajm birligidagi molekulalar soni;

$$n_0 = \frac{3}{2} \cdot \frac{P}{E_n} \quad (5.18)$$

bu yerda, (5.16) formulani qo‘ysak,

$$n_0 = \frac{P}{KT} \quad (5.19)$$

teng bo‘ladi. Bu formuladan bir xil bosim va bir xil temperaturada hamma gazlarning hajm birligidagi molekulalar soni bir xil bo‘lishi kelib chiqadi. Normal sharoitda, ya’ni,  $P = 1at$  va  $T = 273K$  bo‘lganida har qanday gazning  $1sm^3$  hajmdagi molekulalar soni  $\Pi = 2,68 \cdot 10^{19} sm^{-3} \approx 2,7 \cdot 10^{19} sm^{-3}$  bu Loshmidt soni deyiladi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Ideal gaz. Ideal gaz bosimi. Molekular kinetik nazariya. Issiqlik va harorat. Mutlaq harorat. Termodinamik harorat.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Ideal gaz deb nimaga aytildi?*
2. *Gazning bosimi va uning o‘lchov birliklarini aytib bering.*

3. Molekular kinetik nazariyaning asosiy tenglamasini tushuntiring.
4. Issiqlik va haroratni ta'riflang.
5. Mutlaq haroratni aniqlash usullarini ayting.

Gaz to'ldirilgan idishda gaz molekulalarini o'zaro yoki idish devori sirti bilan to'qnashishini nazarga olish muhimdir.



## 7. Ideal gazning holat tenglamasi. Ideal gaz qonunlari

Bizga ma'lumki, gaz molekulalari Broun (1826-yil) kashf etgan qonunga asosan uzlusiz va tartibsiz issiqlik harakat qiladi. Shuning uchun ham modda tuzilishi haqidagi nazariya yuzaga keldi. Birinchi marta bu nazariyani M.V. Lomonosov moddaning turli agregat holatlardagi xususiyatlarini tushuntirish maqsadida rivojlantirgan edi.

Keyinchalik molekular-kinetik nazariya, asosan, moddaning eng sodda agregat holatdagi, ya'ni gazsimon holatdagi xususiyatlarini tushuntirishda qo'llanildi. Biroq, molekular kinetik nazariyaning asoslarini bayon qilishdan oldin, gazlar bo'y sunadigan empirik qonuniyatlarni ko'rib o'taylik.

### Boyl-Mariott va Gey-Lyussak qonunlari

Gazlar o'zi solingen idishning devorlariga bosim berish xossasiga egadir. Bosim P-son jihatdan yuz birligiga normal yo'nalishda ta'sir qiluvchi kuchga teng bo'lgan fizik kattalik. Demak, agar S yuzaga normal yo'nalishda ta'sir qiluvchi kuch  $F_n$  bo'lsa,

$$P = \frac{F_n}{S} \quad (7.1)$$

CGS Sistemada bosim  $P$  bilan, ya'ni  $1\text{m}^2$  yuzga perpendikular yo'nali shida ta'sir etuvchi birgina kuchning beradigan bosimga teng birlik bilan o'lchanadi. Xalqaro birliklar sistemasida bosim birligi uchun 1 Nyuton kuchning o'ziga perpendikular sirdagi  $1\text{m}^2$  yuzaga hosil qiladigan bosim qabul qilingan. Bu birlik  $\text{N}/\text{m}^2$  bilan belgilanadi; Ma'lumki,  $1\text{N}/\text{m}^2 = 10^7 \text{bar}$ . Bulardan tashqari, bosimni o'lhash uchun quyidagi birliklar ham ishlataladi:

1. 1 texnik atmosfera 1 kg kuchning  $1\text{sm}^2$  yuzga beradigan bosimga teng;

2. Fizik atmosfera –  $1,033 \text{kg}/\text{sm}^2$  bosimga teng;

3. Millimetrr simob ustuni, balandigi 1 m, asosining yuzi  $1\text{m}^2$  bo'lgan silindr hajmdagi simobning tinch holatdagi og'irligi tufayli vujudga keladigan  $P$  bosimdir. Bu birliliklarning biridan ikkinchisiga o'tishi uchun quyidagi munosabatdan foydalanish mumkin:

$1 \text{fiz. at} = 1,033 \text{tex. at} = 1033 \text{ g}/\text{sm}^2 = 760 \text{ mm simob ustuni} = 1033 \cdot 981 \text{ bar} = 1,013 \cdot 10^5 \text{ bar}$ .

Millimetrr simob ustuni va Paskal orasida quyidagi munosabat mayjud:

$1 \text{ mm} = 10^{-3} \text{ m}$  va asosining yuzi  $1\text{m}^2$  (ya'ni hajmi  $10^{-3}\text{m}^3$ ).  $1\text{m}^2 = 10^{-3}\text{m}^3$ ) bo'lgan silindr ichidagi simobning og'irligi:

$p_{gv} = 13,6 \cdot 10^3 \text{ kg}/\text{m}^3 \cdot 9,8 \text{ m}/\text{s}^2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 = 133,3 \text{ H}$  ya'ni  $1 \text{ mm sm. ust} = 133,3 \text{ N}/\text{m}^2$  ga teng. Fizik atmosfera (qissqacha atm.) balandligi  $760 \text{ mm}$  bo'lgan vertikal simob ustunining bosimdir, ya'ni  $1 \text{ atm} = 760 \text{ mm. sim. us.} = 101325 \text{ pa}$ .

Biror miqdor gaz asosan to'rtta kattalik bilan; 1.  $m$  – massasi, 2.  $V$  – egallagan hajmi, 3.  $P$  – bosimi, 4.  $T$  – temperaturasi bilan xarakterlanadi. Bu kattaliklarning hammasi bir-biriga bog'liqdir; ulardan biri o'zgarsa qolganlari ham o'zgaradi. Bu kattaliklarning to'rttalasi orasidagi qonuniy bog'lanishni ifodalovchi formula holat tenglamasi deyiladi. Gaz holati umumiy tenglamasining ifodasini berishdan oldin yuqorida keltirilgan to'rtta kattalikdan ikitasi o'zgarmaydigan hollarga tegishli soddarroq empirik qonuniyatlarni keltiramiz.

## Boyl-Mariott qonuni

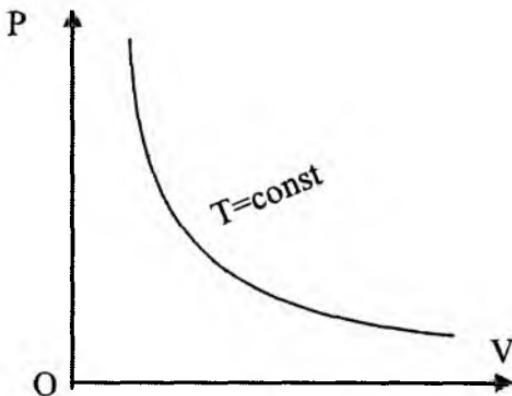
Temperatura o‘zgarmas bo‘lgan ( $T = \text{const}$ ) izotermik gaz protsesslarini o‘rganib, ingliz olimi Boyl (1662-y) va fransuz olimi Mariott (1667–y) bir-biridan mustaqil holda, keyinchalik ularning nomi bilan ataluvchi qonuniyatni yaratishdi.

Gazning massasi va temperaturasi o‘zgarmas bo‘lganda ( $m$  va  $T$  o‘zgarmas), uning bosimi hajmiga teskari proporsional ravishda o‘zgaradi. Boshqacha aytganda, gazning bosimi  $P$  ni hajmi  $V$  ga ko‘paytmasi o‘zgarmas kattalikdir.

$$PV = \text{const} \quad (7.2)$$

bu ifoda Boyl-Mariott qonunining matematik ifodalanishidir. Gaz massasi  $m$  va temperaturasi  $T$  – o‘zgarmaganda,  $P$  bilan  $V$  orasidagi bog‘lanish grafik usulda teng yonli giperbola bilan tasvirlanadi. (7.1-rasm)

Boyl-Mariott qonuni tasvirlovchi egri chiziq o‘zgarmas temperaturaga tegishli bo‘lgani uchun bu egri chiziq deb yuritiladi. Ammo Boyl-Mariott qonuni taqrifiy qonundir. Chunki real gazlar Boyl-Mariott qonuni beradigan natijaga qaraganda kamroq siqiladi. Biroq, uy temperaturasiga yaqin temperaturalarda va atmosfera bosimidan ko‘p farq qilmaydigan bosimlarda ko‘pchilik gazlar Boyl-Mariott qonuniga yetarli darajadagi aniqlik bilan bo‘ysunadilar.



7.1. rasm.

## Gey-Lyussak qonuni

Izobarik ( $P = \text{const}$ ) va izoxorik ( $V = \text{const}$ ) gaz protsesslarini o'rganib, fransuz fizigi Gey-Lyussak 1802-yilda o'z nomi bilan atalgan quyidagi ikki qonunni aniqladi.

Berilgan massali gaz uchun o'zgarmas bosimda ( $P = \text{const}$ ) gazning hajmi temperaturaning o'zgarishi bilan chiziqli o'zgaradi.

$$V = V_0(1 + \alpha T) \quad (7.3)$$

bu yerda  $V_0$  – gazning 273 K dagi hajmi,  $V$  – gazning T temperaturadagi hajmi,  $\alpha$  – hajmiy kengayish koefitsienti.

Berilgan massali gaz uchun o'zgarmas hajmda ( $V = \text{const}$ ) gazning bosimi temperaturaning o'zgarishi bilan chiziqli o'zgaradi:

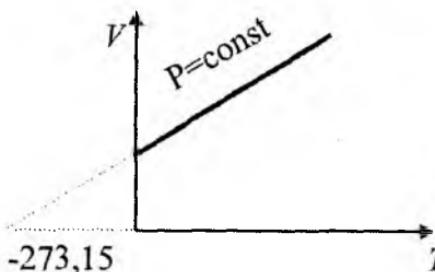
$$P = P_0(1 + \gamma T) \quad (7.4)$$

Bu yerda  $P_0$  – gazning 273 K dagi bosimi,

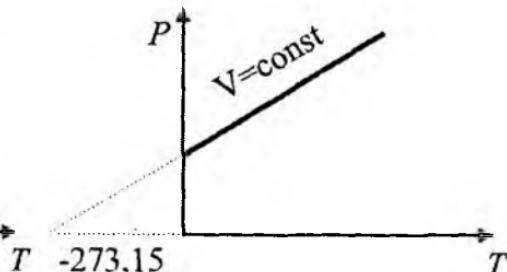
$P$  – gazning T, K temperaturadagi bosimi,

$\gamma$  – gaz bosimining termik koefitsientlari barcha gazlar uchun,

$$\alpha = \gamma = \frac{1}{273,15} = \frac{1}{273} \text{ grad}^{-1}$$



7.2-rasm.



7.3-rasm

(7.3) va (7.4) formulalarga muvofiq, izobarik va izoxorik protsesslar grafiklarda temperaturalar o'qiga qiya bo'lgan va uni

$T = 273K$  nuqtalarda kesib o‘tuvchi to‘g‘ri chiziqlar (izobarlar va izoxorlar) bilan ifodalanadi (7.2-rasm va 7.3-rasm).  $T = 273K$  nuqta termodinamik shkala deb ataluvchi temperaturalar yangi shkalasining sanoq boshi deb qabul qilish mumkin. Bu shkala termodinamik shkala (Kelvin shkalasi) deb ataladi. Termodinamik temperatura (bu temperatura avval absolut temperatura deb yuritilgan) Selsiy shkalasi bo‘yicha o‘lchangan t temperatura bilan quyidagicha bog‘lanishda bo‘ladi.

$$T = t + 273,15^{\circ}K \approx t + 273^{\circ}K \quad (7.5)$$

ga teng bo‘ladi:

(7.3) formuladan absolut nolga teng bo‘lgan temperaturada

$$V = V_0 \left( 1 + \frac{-273}{273} \right) = 0$$

ya’ni absolut nolda barcha moddalar o‘zining fizikaviy, kimyoviy, termodinamik xossalari yo‘qotadi. Bu xulosa past temperaturalarda eksperimental gaz qonunlarini qo‘llash mumkin emas degan fikrni yana bir marta tasdiqlaydi. Haqiqatan ham, past temperaturalarda modda gazsimon holatda bo‘lishi mumkin emas, u suyuq holatga, hatto qattiq holatga o‘tadi.

Termodinamik temperatura yordamida (7.3) formulani yana sodda ko‘rinishga keltirish mumkin:

$$V = V_0 \left( 1 + \gamma T \right) = \left( 1 + \frac{1}{273} \cdot T \right) = V_0 \frac{T}{T_0};$$

Binobarin,

$$\frac{V}{V_0} = \frac{T}{T_0} \quad (7.6)$$

ya’ni o‘zgarmas bosimda gazning hajmi termodinamik temperaturaga proporsional. Xuddi shu yo‘l bilan (7.4) formulani o‘zgartirib, quyidagi nisbatini olamiz:

$$\frac{P}{P_0} = \frac{T}{T_0} \quad (7.7)$$

bu temperatura avval absolut temperatura deb yuritilgan.

Ya'ni, o'zgarmas hajmda gazning bosimi absolut temperaturasiga proporsional. (7.6) va (7.7) formulalar ham Boyl-Mariott va Gey-Lyussak qonunlarining matematik ifodalanishidir.

**Dalton qonuni.** Biror hajmda bosimi  $P$  bo'lgan gazlar aralashmasi (masalan, Kislorod, Azot, Vodorod, Neon, Argon va hokazolar) bor deylik. Bu hajmda, masalan, azotdan tashqari hamma gazlarni chiqarib yuboramiz. U holda bu gaz (ya'ni azot) aralashma egallab turgan barcha hajmni egallaydi va uning bosimi  $P$  bo'ladi, bu bosim ana shu gazning parsial bosimi deyiladi. Gaz aralashmasi tarkibidagi biror gazning parsial bosim deb, ana shu gazning hajmdagi boshqa gazlarni chiqarib yuborilgandagi bosimga aytildi. Hajmni yana gaz aralashmasi bilan to'ldirib, so'ngra hajmdan ikkinchi gazdan (masalan, kisloroddan) boshqa hamma gazni chiqarib yuboramiz. U holda ikkinchi gaz barcha hajmni egallab, uning bosimi  $P_2$  bo'ladi, bu ikkinchi gazning parsial bosimidir. Gaz aralashmasidagi boshqa gazlar uchun ham shunday jarayonni qo'llab, uchinchi gaz uchun  $P_3$ , to'rtinchi gaz uchun  $P_4$  va hokazo parsial bosimlarini aniqlash mumkin.

1801-yil ingлиз fizigi va ximigi Dalton gaz aralashmasi bosimi bilan bu aralashmaga kiruvchi gazlar parsial bosimlari orasidagi munosabatni aniqladi, bu munosabat Dalton qonuni deb ataladi: gaz aralashmasining bosimi bu aralashmaga kiruvchi gazlarning parsial bosimlari yig'indisiga teng.

$$P = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 + \dots \quad (7.8)$$

**3. Avagadro qonuni.** Turli gazlar bilan olib borilgan tajribalar asosida 1811 yilda italyan olimi Avagadro uning nomi bilan atalgan quyidagi qonunni aniqladi: bir xil temperaturada va bosimda har

qanday gazning kilomoli bir xil hajmni egallaydi. Normal sharoitda bu hajm  $22,42 \text{ m}^3/\text{kmol}$  ( $22,42 \cdot 10^3 \text{ l/kmol}$ ) ni tashkil etadi.

### Ideal gazning holat tenglamasi

Gaz jarayonlarida gaz holatining parametrlaridan biri o‘zgarmay qolib, qolgan ikkitasining o‘zgarishi ko‘p kuzatiladi. Bir vaqtida gazning hajmi ham, bosimi ham, temperaturasi ham o‘zgaradigan eng umumi protsesslarini qaraymiz. Bunday protsesslarni tasvirlovchi qonunni Boyl-Mariott va Gey-Lyussak qonunlarini birlashtirish yo‘li bilan 1834-yilda fransuz fizigi (Sankt-Peterburg temir yo‘llar institutida ishlagan yillari) Klapeyron aniqlagan. Biror  $m$  massasi gazning holati  $V_1, P_1$ , va  $T_1$  parametrlar bilan xarakterlansin. Uni  $V_2, P_2$  va  $T_2$  parametrlar bilan xarakterlanuvchi boshqa holatga o‘tkazamiz. Bu protsesni quyidagi ikki bosqich bilan bajaramiz:

1. Dastlab izotermik ravishda temperatura ( $T_1 = \text{const}$  bo‘lganda) gazning hajmini  $V_2$  qiymatgacha o‘zgartiramiz, bunda uning bosimi  $P'_1$  ga teng bo‘ladi.

2. So‘ngra izoxorik (hajm  $V_2 \approx \text{const}$  bo‘lganda) gazning temperaturasini shunday  $T_2$  qiymatgacha o‘zgartiramizki, bunda uning bosimi  $P_2$  bo‘lib qolsin. Protsessning birinchi bosqichi Boyl-Mariott qonuni bilan tavsiflaniadi va shuning uchun

$$P_1 V_1 = P'_1 V_2 \quad (7.9)$$

$$\text{Bunda } P'_1 = \frac{P_1 V_1}{V_2} \quad (7.10)$$

Protsessning ikkinchi bosqichi Gey-Lyussak qonuni(7.7) bilan ifodalanadi va demak,

$$\frac{P'_1}{P_2} = \frac{T_1}{T_2} \quad (7.11)$$

bu formulaga  $P'_1$  ni (7.10) formuladan qo‘yib, quyidagi munosabatini olamiz.

$$\frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} = \frac{T_1}{T_2} \quad \text{bundan} \quad \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \quad (7.12)$$

Binobarin, gazning berilgan massasi uchun  $\frac{PV}{T}$  kattalik o‘zgarmasdan qolar ekan.

$$\frac{PV}{T} = B = \text{const} \quad (7.13)$$

bu ifoda Klapeyron tenglamasi (qonuni) deb ataladi.

Klapeyron tenglamasining kamchiligi shundan iboratki,  $B$  doimiy kattalik turli gazlar uchun turlichadir.

Bu kamchilikni yo‘qotish uchun 1875-yilda Mendeleyev-Klapeyron qonuni ko‘rinishini Avagadro qonuni bilan birlashtirib biroz o‘zgartiradi.

Buning uchun 1 kilomol gazni ko‘raylik va uning hajmini  $V_\mu$  bilan belgilaylik. Bu holda Klapeyron tenglamasi quyidagi ko‘rinishga keladi.

$$\frac{PV\mu}{T} = B \quad (7.14)$$

Avagadro qonuniga asosan  $P$  va  $T$  ning bir xil qiymatlarida hamma gazlarning 1 kilomoli bir xil  $V_\mu$  hajmini egallaydi, demak,  $B$  doimiy barcha gazlar uchun bir xil bo‘ladi.  $B$  ning bu qiymatini  $R$  bilan belgilasak, u holda

$$\frac{PV\mu}{T} = R \quad (7.15)$$

bo‘lib, bu yerda  $R$  universal gaz doimiysi deyiladi. (7.15) formuladan

$$PV\mu = RT \quad (7.16)$$

tengligi kelib chiqadi. Bu ifoda kilomol gaz uchun Mendeleyev-Klapeyron tenglamasi (qonuni) deb ataladi. SI sistemasida  $R$  ni hisoblaymiz.

$$R = \frac{PV\mu}{T} = \frac{101325 \cdot 0,0224}{273} \cdot \frac{N}{m^2} \cdot \frac{m^3}{mol} \cdot \frac{1}{K} = 8,31 \frac{J}{mol \cdot K} \quad (7.17)$$

(7.16) formulani ixtiyoriy  $m$  massali gaz uchun yozsak:

$$PV = \frac{m}{\mu} RT \quad (7.18)$$

hosil bo‘ladi.

(7.18) formula eksperimental gaz qonunlarini umumlashtirgani uchun uning umumiy formulasi, ya’ni ideal gazning holat tenglamasi deyiladi.

(7.18) formulani gazning zichligi  $\rho$  orqali ifodalaymiz:

$$P = \frac{m}{\mu V} RT \quad (7.19)$$

bunda  $\rho = \frac{m}{V}$  ekanligini e’tiborga olsak, (7.19) formula quyidagi ko‘rinishni oladi.

$$\rho = \frac{\rho}{\mu} RT$$

$$\rho = \frac{P\mu}{RT} \quad (7.20)$$

formula bilan ifodalanishini olamiz.

Masala: Og‘zi tiqin bilan zich berkitilgan shisha ichidagi bosim  $t_1 = 7^\circ C$  temperaturada  $P_1 = 1$  atm edi. Shisha qizdirilganda tiqin otilib ketadi. Agar tiqin  $P_2 = 1,3$  atm bosimiga chidash bersa, shisha

idishni qanday  $t_2$  temperaturagacha qizdirilgan?

Yechilishi. Shishani qizdirish izoxorik protsess bo'lib, unga Sharl qonunining formulasini qo'llash mumkin.

$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

Bu yerda  $T_1$  va  $T_2$  – shishadagi havoning boshlang'ich va oxirgi absolut temperaturalari.

$$\text{U holda } T_2 = \frac{P_2}{P_1} \cdot T_1$$

$$T_2 = \frac{1,3 \text{ atm}}{1 \text{ atm}} \cdot 280 \text{ K} = \frac{1,3 \cdot 10^5 \text{ H/M}^2}{1 \cdot 10^5 \text{ H/M}^2} \cdot 280 \text{ K} = 364 \text{ K}. \quad t_2 = 91^\circ \text{C}$$

2-masala: Hajmi 11 bo'lgan idishda azot molekulalari  $27^\circ \text{C}$  temperaturada va  $10^{-6}$  mm. sm. ust. bosimida saqlanadi. Idishdagi azot molekulalarining sig'imini aniqlang.

Berilgan:

$$V = 1 \text{ l} = 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$T = t^\circ + 273^\circ \text{C} = 27^\circ \text{C} + 273^\circ \text{C} = 300 \text{ K}$$

$$P = 10^{-6} \text{ мм.см.уcm.} = 133,3 \cdot 10^{-6} \text{ Па}$$

Yechish: idishning hajm birligidagi qismida

$$n = \frac{P}{KT}$$

molekulalar bor.

Bu yerda idishdagi azot molekulalar sonini

$$N = nv = \frac{PV}{KT}$$

formuladan topamiz.

Jadvaldan  $K = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$  – bolsman doimiysi

$$N = \frac{PV}{KT} = \frac{133,3 \cdot 10^{-6} \text{Pa} \cdot 10^{-3} \text{m}^3}{1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K} \cdot 300K} = 3,22 \cdot 10^{13}$$

### Tayanch tushunchalar:

**Ideal gaz.** Ideal gaz bosimi. Molekular kinetik nazariya. Issiqlik va harorat. Mutlaq harorat. Termodinamik harorat.

**Ideal gaz holat tenglamasi.** Boyl-Mariott qonuni. Gey-Lyussak qonuni. Izojarayonlar. Izotermalar. Sharl qonuni. Parsial bosim. Adiabata. Avagadro qonuni.

### Mavzuga doir savollar

1. *Ideal gazning holat tenglamasini keltirib chiqaring.*
2. *Boyl-Mariott qonunini ta'riflang va tushuntiring.*
3. *Gey-Lyussak qonunini ta'riflang va tushuntiring.*
4. *Sharl qonunini ta'riflang va tushuntiring.*
5. *Dalton qonunini ta'riflang.*
6. *Avagadro qonunini aytib bering.*

Gaz molekulalarining tartibsiz harakati tufayli uning zarralari idishning butun hajmi bo'ylab tekis taqsimlanadi.



### 8. Barometrik formula. Bolsman taqsimoti.

**Molekulalarning tezlik komponentalari bo'yicha taqsimoti.  
Maksvell taqsimoti**

Gaz molekulalarining tartibsiz harakati tufayli uning zarralari idishning butun hajmi bo'ylab tekis taqsimlanadi va har bir hajm

birligida o'rtacha bir xil sondagi zarralar bo'ladi. Shuningdek, tashqi kuchlar ta'sir etmaganda muvozanat holatda gazning bosimi va temperaturasi butun hajm bo'yicha bir xil bo'ladi. Agar, tashqi kuchlar ta'sir esa, idishdagi gaz molekulalarining tabiatini o'zgarishiga olib keladi. Masalan, og'irlik kuchi ta'sirida bo'lgan gaz (havo)ni ko'rib o'taylik.

Agar molekulalarning issiqlik harakati bo'limganda edi, ularning hammasi og'irlik kuchi ta'sirida yerga «qulab» tushar va butun havo yer sirti yaqinida yupqa qatlam hosil qilib to'plangan bo'lar edi. Agar og'irlik kuchi mavjud bo'lmay, molekular harakat mavjud bo'lganda edi, molekulalar butun olam fazosi bo'ylab tarqalib ketgan bo'lar edi.

Atmosfera (yerning havo qobig'i) o'zining hozirgi tarzida ayni bir vaqtida molekulalarning issiqlik harakati va yerga tortishish kuchi borligi tufayli mavjuddir. Molekulalarning balandlik bo'yicha taqsimlanishida, gaz bosimini balandlikka bog'liq holda o'zgarish qonuni amal qiladi. Bu qonunning mohiyatini qaraylik. I-rasmda havoning yer sirtidagi  $h=0$  bo'lgandagi bosimini  $P_0$  ga,  $h$  balandlikda esa  $R$  ga teng deylik. Balandlik  $dh$  ga ortganda bosim  $dp$  ga o'zgaradi.

Ma'lumki, biror balandlikka havoning bosimi yuzi bir birlikka teng bo'lgan shunday balandlikdagi vertikal havo ustuni og'irligiga teng. Shuning uchun  $dp$  yuzi bir birlikka teng bo'lgan havo ustunining  $h$  va  $h+dh$  balandliklardagi og'irliklari farqiga teng, ya'ni, asos yuzi bir birlikka teng bo'lgan  $dh$  balandlikdagi havo ustuni og'irligiga teng:

$$dp = -\rho g dh$$

bu yerda,  $\rho$  – havoning zichligi va  $g$  – og'irlik kuchining tezlanishi. Gazning (zichligi, molekula massasi  $m$  ni ularning hajm birligidagi soni  $n$  ga ko'paytirilganiga teng:

$$\rho = mn$$

Gazlar kinetik nazariyasidan ma'lumki, molekulalar soni

$n = P / kT$  ga teng. Shunga asosan n ni o‘rniga qo‘ysak,

$$\rho = \frac{mp}{kT} \text{ va } dp = -\frac{mg}{kT} pdh \quad (8.1)$$

ga teng bo‘ladi. Bu tenglamani quyidagi ko‘rinishda ifodalash mumkin:

$$dp = -\frac{mg}{kT} dh \quad (8.2)$$

Agar temperatura hamma balandlikda bir xil deb hisoblasak, u holda (8.2) munosabatni integrallab, quyidagi tenglikni olamiz:

$$\left[ \frac{dp}{p} = \frac{mg}{kT} dh \right]$$

$$\ln p = -\frac{mg}{kT} h + \ln c \quad (8.3)$$

bu yerda C – integrallash doimiysi. Bundan

$$P = Ce^{-\frac{mg}{kT} h} \quad (8.4)$$

C doimiy  $h=0$  bo‘lganda  $P=P_0$  ekanlik shartidan aniqlanadi. (8.4) formulaga h va P ning bu qiymatlarini qo‘yib yozsak:

$$C = P_0$$

Demak, biz qaraydigan havo bosimining yer sirtidan balanlikka bog‘liqligi quyidagi ko‘rinishda bo‘ladi.

$$P = P_0 e^{-\frac{mg}{kT} h} \quad (8.5)$$

$$\frac{k}{m} = \frac{R}{\mu}, \quad k\mu = mR \quad m = \frac{k\mu}{R}, \quad \mu = m \cdot N_A$$

yoki  $m = \frac{\mu}{N_A}$  ekanligini nazarga olsak (bu yerda  $\mu$  – molekular

massa, ya'ni mol massasi,  $N_A$  – Avagadro soni) quyidagi munosabatni hosil qilamiz:

$$P = P_0 e^{-\frac{\mu q}{Rt} h} \quad (8.6)$$

Bosimning balandlik ortishi bilan kamayib borishini ko'rsatuvchi (8.6) tenglama barometrik formula deyiladi. Tog' cho'qqilari, samolyotning uchish balandligini o'lchashga mo'ljallangan asboblar shkalalari bevosita metrlarda darajalangan maxsus barometrdan iborat bo'ladi. Ammo biz bu tenglamani keltirib chiqarishda balandlikni barcha sohalarida temperatura o'zgarmaydi deb hisobladik, shuning uchun formulaga temperatura tuzatmasini kiritish lozim bo'ladi.

### Bolsman taqsimoti (qonuni)

Bizga ma'lumki, gazlarning bosimi hajm birligidagi molekulalar soniga proporsional, ya'ni,  $P = n k T$  bo'lgani uchun (8.6) formula balandlik ortishi bilan molekula zichligining kamayishi qonunini ham ifodalaydi:

$$n = n_0 e^{-\frac{mq}{kT} h} \quad (8.7)$$

bu yerda,  $n$  va  $n_0$  – oralaridagi balandlik farqi  $h$  – ga teng bo'lgan nuqtalardagi hajm birligidagi molekulalar soni. (8.7) Formuladagi  $mqh$  kattalik molekulaning  $h$  – balandlikdagi potensial energiyasini bildiradi. Shuning uchun, (8.7) formula bizga energiyasi  $U = mqh$  bo'lgan zarralar soni  $n$  ni beradi deyish mumkin, bunda energiyasi nolga teng bo'lgan zarralar soni  $n_0$  ga teng bo'lishi kerak. Agar gaz qandaydir kuch maydonida bo'lib, shu tufayli uning zarralari biror potensial energiyaga ega bo'lsa, u holda berilgan  $U$  energiyali zarralar soni quyidagi formula bilan aniqlanadi:

$$n = n_0 e^{-\frac{U}{kT}} \quad (8.8)$$

va bu formulaga Bolsman (qonuni) formulasi deb ataladi. Bu formula issiqlik muvozanati sharoitida U energiyaga bo‘lgan zarralar taqsimotini aniqlash imkonini beradi:

$$\frac{n}{n_0} = e^{-\frac{U}{kT}} \quad (8.9)$$

Bu formula yordamida berilgan U energiyali zarralar taqsimoti  $\frac{n}{n_0}$  ning shu energiya kattaligidan tashqari, faqat temperaturaga

bog‘liq bo‘lishini ko‘rsatadi va zarralarning energiya bo‘yicha qanday taqsimlanishiga bog‘liq bo‘lgan kattalik sifatida ifodalashiga imkon beradi.

Gazlar kinetik nazariyasiga ko‘ra gaz molekulalari to‘xtovsiz issiqlik xaotik harakatida o‘zaro to‘qnashib turadi. Ko‘pgina to‘qnashuvlardan keyin muvozanat yuzaga keladi. Ammo makroskopik muvozanat holatda ham mikroskopik jarayonlar, ya’ni ularning to‘qnashuvlari davom etaveradi. Bu to‘qnashuvlar tufayli molekulalarning tezliklari o‘zgarib turadi. Lekin ular tezliklarining o‘zgarishi ma’lum bir tezlik intervalida ro‘y beradi va umumiy qonuniyat assosida bo‘ladi.

Gaz molekulalari harakat tezliklarining bu qonuniyatlarini ingliz olimi D. Maksvell tomonidan (1860-yilda) ochilganligi tufayli uning nomi bilan Maksvell taqsimoti deb yuritiladi. Maksvell taqsimotini qaraymiz.

Ma’lum V hajmdagi idishda N ta gaz molekulalari bo‘lsa, hajm birligidagi molekulalar soni  $n = \frac{N}{V}$  ga teng bo‘ladi. Anna shu n – sonidan dn tasi  $\vartheta, \vartheta + d\vartheta$  tezliklar intervalida xarakterlansa,  $f(\vartheta) = \frac{dn}{nd\vartheta}$  funksiyaga tezliklari  $\vartheta, \vartheta + d\vartheta$  intervalida yotuvchi gaz molekulalarining tezliklari bo‘yicha taqsimlanish funksiyasi deyiladi.

Bu ta'rifdan ko'rindiki, taqsimot funksiyasi  $f(\vartheta)$  hajm birligidagi n ta molekulalarning qancha qismi ( $dn$ ) $\vartheta$ ,  $\vartheta + d\vartheta$  tezlik intervalida xarakterlanish ehtimolligi bilan aniqlanadi. Bu funksiyaning normallashtirish sharti quyidagicha ifodalanadi.

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(v_x) dv_x = c \int_{-\infty}^{\infty} \ell^{\frac{av_x^2}{2}} dv_x = 1 \quad (8.10)$$

ya'ni butun tezliklar intervalida xarakterlanayotgan molekulalarning yig'indisi hajm birligidagi molekulalar sonini beradi.

(8.10) formula x, y, z koordinatalar sistemasida qaraydigan bo'lsak, taqsimot funksiyasi:

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(v_x) dv_x = c \int_{-\infty}^{\infty} \ell^{\frac{av_x^2}{2}} dv_x = 1 \quad (8.11)$$

ga teng bo'lishini hosil qilamiz.

Bunda,  $\int_{-\infty}^{\infty} \ell^{\frac{av_x^2}{2}} dv_x$  integralni qiymatini jadval integral sifatida

hisoblash mumkin.

$$\int_{-\infty}^{\infty} \ell^{\frac{av_x^2}{2}} dv_x = \sqrt{\frac{2\pi}{a}} \quad (8.12)$$

U holda C doimiy  $c = \sqrt{\frac{a}{2\pi}}$  ga teng bo'ladi. Taqsimot funksiyasini x, y, z o'qiga nisbatan proyeksiyalash uchun quyidagi ifodani olamiz.

$$f(v_x) = \sqrt{\frac{a}{2\pi}} \ell^{\frac{av_x^2}{2}}$$

$$f(v_y) = \sqrt{\frac{a}{2\pi}} \ell^{\frac{av_y^2}{2}} \quad (8.13)$$

$$f(v_z) = \sqrt{\frac{a}{2\pi}} \ell^{\frac{av_z^2}{2}}$$

bu formulaga o'zgartirishlar kiritishi bilan

$$\text{yoki } \frac{dn}{n} = \left(\frac{a}{\pi}\right)^{3/2} \ell^{a/2(v_x^2 + v_y^2 + v_z^2)} dv_x dv_y dv_z \quad (8.14)$$

$$\frac{dn}{n} = \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} \ell^{\frac{m}{2kt}(v_x^2 + v_y^2 + v_z^2)} dv_x dv_y dv_z \quad (8.15)$$

hosil bo'ladi.

Agar gaz molekulalari sferik qatlamga to'planadi va ma'lum vaqt dan keyin tarqaladi desak:

$4\pi r^2 dr = 4\pi(v_i)^2 d(v_i)$  hosil bo'ladi. Bu yerda gaz molekulalari sferik qatlamda to'planganligini e'tiborga olib, sferik qatlamni hajmi  $4\pi r^2 dr$  ga teng deb  $dv_x dv_y dv_z = 4\pi r^2 dr$ . Hajmdagi gaz molekulalari uchun (8.6) formulani quyidagicha yozish mumkin.

$$\frac{dn}{n} = \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} \ell^{\frac{mv^2}{2kt}} 4\pi r^2 dr = 4\sqrt{\pi} \left(\frac{m}{2kt}\right)^{3/2} \ell^{\frac{mv^2}{2kt}} v^2 dr \quad (8.16)$$

bu formulaga Maksvell taqsimoti deyiladi.

Maksvell taqsimoti funksiya ko'rinishida

$$f(v) = 4\pi \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} \ell^{\frac{mv^2}{2kt}} v^2 \quad (8.17)$$

ifodalanadi.

Gazlar uchun Maksvell taqsimoti funksiyasining qiymatini keltirib chiqarganda, gaz solingan idishning hamma nuqtalarida

temperatura bir xil, ya'ni gaz muvozanat holatda deb hisoblandi. Agar gaz tashqi biror potensial maydon ta'sirida bo'lsa, bu maydon ta'sirida gaz molekulalari qo'shimcha potensial energiyaga ega bo'ladi va bunday gazning to'liq energiyasi kinetik va potensial energiyalar yig'indisidan iborat bo'ladi. Tashqi potensial maydon gaz molekulalarining tezliklar taqsimotiga ta'sir qilmasdan faqat gaz molekulalarining konsentratsion taqsimotiga ta'sir ko'rsatadi.

Gaz molekulalarining yer tortish kuchi maydoni ta'siridagi konsentratsion taqsimotini bиринчи мarta L. Bolsman aniqlaganligi uchun taqsimot uning nomi bilan Bolsman taqsimoti deb ataladi.

Agar borometrik formuladagi  $E_n = mgh$  yer sirtidan  $h$  balandlikdagi  $m$  massali gaz molekulalarining yer tortish kuchi maydondagi potensial energiyasi ekanligini hisobga olsak,

$$n = n_0 \ell^{E_n/kT} \quad (8.18)$$

kelib chiqadi. Bu formulaga Bolsman taqsimoti deb ataladi.

Bu formula faqatgina yer tortish kuchi maydonida o'rinli bo'lib qolmasdan, istalgan potensial maydondagi gaz konsentratsiyasining taqsimoti uchun o'rnlidir.

Gaz molekulalarining tezliklari bo'yicha taqsimoti Maksvell qonuniga, uning potensial maydondagi konsentratsion taqsimoti Bolsman qonuniga bo'ysunadi. Endi shu taqsimotlar orasidagi umumiy bog'lanishni ko'ramiz.

Nisbiy tezliklar orqali Maksvell taqsimoti

$$f(u) = \frac{4}{\sqrt{\pi}} \ell^{-u^2} u^2 \quad (8.19)$$

ko'rinishida ifodalanishini aytgan edik. Bu yerda ekanligini e'tiborga olsak,

$$dn = \frac{4}{\sqrt{\pi}} n \ell^{-u^2} u^2 dn \quad (8.20)$$

bo'ladi.

Bu ifodaga Bolsman taqsimotidagi U ning qiymatini qo'ysak,

$$dn = \frac{4}{\sqrt{\pi}} n_0 \ell^{-\left(u^2 + \frac{E_n}{kT}\right)} u^2 du \quad (8.21)$$

umumlashgan Maksvell-Bolsman taqsimoti hosil bo'ladi.

Shunday qilib, Maksvell taqsimoti muvozanat holatdagi, ya'ni doimiy temperaturadagi gaz molekulalarining tezliklar bo'yicha taqsimotini ifodalaydi va tashqi potensial maydonga bog'liq emas.

Bolsman taqsimoti esa doimiy temperaturadagi gaz molekulalarining tashqi potensial maydondagi konsentratsiyani taqsimotini ifodalab, gaz molekulalari tezliklar taqsimotiga bog'liq emas. Maksvell taqsimotini tajribada nemis fizigi Otto Shtern 1920-yilda tekshirdi. Keyinchalik 1947-yilda O. Shtefn Isterman va Simpsonlar bilan birgalikda molekular dastalar usulidan foydalanib, Maksvell taqsimotining bajarilishini molekulalarning og'irlilik kuchi maydonida erkin tushishida ham kuzatdi va Maksvell taqsimoti qonunini to'g'ri ekanligini isbotladi.

Bolsman taqsimotini: ya'ni molekulalarning konsentratsion taqsimoti Bolsman qonuniyatiga bo'y sunishini tajribada J. Perren aniqladi. Buning uchun u bir-biriga aralashmaydigan ikki suyuqlikdan emulsiya tayyorlab, bir emulsiyada ikkinchisini muallaq turadigan mayda tomchilarini hosil qiladi.

Juda sezgir mikroskop yordamida emulsiya tomchilari sonining balandlikka qarab o'zgarishini kuzatadi. Bundan muallaq zarralarning balandlik bo'yicha taqsimoti Bolsman qonuniga bo'y sunishini isbotladi. Shu asosda, Perron Bolsman doimiysini

$$K = \frac{mg \left( L - \frac{P}{P} \right) (h_1 - h_2)}{TIn \frac{n_1}{n_2}} \quad (8.22)$$

aniqlashga ham erishdi:

$$K = 1,38062 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$$
 ga teng ekan.

### Tayanch tushunchalar:

Tezliklar bo'yicha taqsimot qonuni. Maksvell qonuni. Molekula va zarralarning taqsimoti. Bolsman taqsimoti.

### Mavzuga doir savollar:

1. *Gaz molekulalarining tezliklar bo'yicha taqsimotini tushuntirib bering?*
2. *Maksvell qonunining mohiyatini aytib bering?*
3. *Bolsman taqsimotini (qonunini) tushuntiring?*
4. *Maksvell-Bolsman taqsimotlari orasidagi o'zaro bog'liqlikning mohiyati nimaga asoslanadi?*
5. *Maksvell va Bolsman qonunlarini eksperimentda kimlar tekshirib isbotladi va ular bundan qanday xulosaga keldilar?*

Gaz molekulalarining tezliklar bo'yicha taqsimoti Maksvell qonuniga, uning potensial maydonidagi konsentratsion taqsimoti Bolsman qonuniga bo'ysunadi.



### 9. Maksvell-Bolsman taqsimoti. Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn statistikasi to'g'risida tushuncha Maksvell-Bolsman taqsimoti

Gaz molekulalarining tezliklar bo'yicha taqsimoti Maksvell qonuniga, uning potensial maydonidagi konsentratsion taqsimoti Bolsman qonuniga bo'ysunadi. Endi shu taqsimotlar orasidagi umumiy bog'lanishni ko'raylik.

Nisbiy tezliklar orqali Maksvell taqsimoti

$$f(u) = \frac{4}{\sqrt{\pi}} e^{-u^2} u^2 \quad (9.1)$$

ko'inishda ifodalanishini bilamiz. Bu yerda  $f(u) = \frac{dn}{ndn}$  ekanligini hisobga olsak.

$$dn = \frac{4}{\sqrt{\pi}} n e^{-u^2} u^2 du \quad (9.2)$$

bo'ladi. Bu ifodaga Bolsman taqsimotidagi  $n$  ning qiymatini qo'ysak

$$dn = \frac{4}{\sqrt{\pi}} n e^{-\left(\frac{u^2 + E_p}{KT}\right)} u^2 du \quad (9.3)$$

ko'inishda umumlashgan Maksvell-Bolsman taqsimoti hosil bo'ladi. (9.3) formula tashqi  $E_p$  potensial maydonda harakatlanuvchi umumiyl  $n$  ta molekulaning qancha qism  $(dn)v, v + dv$  nisbiy tezliklar intervalda harakatlanishini ko'rsatadi. Demak, Maksvell taqsimoti muvozanat holatdagi, ya'ni doimiy temperaturada gaz molekulalarining tezliklar bo'yicha taqsimotini ifodalaydi va tashqi potensial maydonga bog'liq emas. Bolsman taqsimoti esa doimiy temperaturadagi gaz molekulalarining tashqi potensial maydondagi konsentratsion taqsimotini ifodalab, gaz molekulalari tezliklar taqsimotiga bog'liq emas.

Bir qarashda Maksvell taqsimoti Bolsman taqsimotiga bog'liqdek tuyuladi. Aslida unday emas. Chunki gaz molekulalarining harakati to'xtovsiz xaotik bo'lganligi tufayli yuqoriga ko'tariluvchi molekulalar oqimidan kichik tezlik bilan harakatlanuvchi gaz molekulalari chiqib qoladi va natijada yuqoriga ko'tariluvchi molekulalar soni kamaya boradi. Bu molekulalarning harakat tezliklari katta bo'lganliklari uchun o'rtacha har bir molekulaga tegishli energiya masofaning o'zgarishi bilan doimiy qoladi, binobarin, balandlikning o'zgarishi bilan gazning temperaturasi, o'rtacha har bir molekulaga tegishli kinetik energiya Bilan

aniqlanganligi uchun doimiy qoladi. Shuning uchun gaz molekulalarining balandlikka qarab konsentratsiyasining o'zgarishi va hamma nuqtalarda temperaturaning doimiy qolishi o'zaro bir-biriga zid bo'lmasdan mos tushadi. Agar  $E_p$  – molekulaning kuch maydondagi potensial energiyasi bo'lsa, u holda  $m(gdr) = dE_p$  bo'lganligi uchun:

$$kTl n \left( \frac{n}{n_0} \right) = -dE_p \quad (9.4)$$

Bu munosabatda kuch maydonining bir jinsligi va fizik tabiatidan biror belgi qolgani yo'q. Shuning uchun (9.4) munosabatni integrallab

$$n = n_0 e^{-\frac{E_p}{KT}} \quad (9.5)$$

tenglikni olamiz. Bu munosabat Bolsman taqsimoti qonuni yoki sodda qilib, Bolsman taqsimoti deyiladi.

Ushbu ifodani gazning konsentratsiyasidan P bosimga o'tsak, (9.5) formuladan

$$P = P_0 e^{-\frac{\mu gh}{RT}} \quad (9.6)$$

olindi. Bu yerda,  $\mu$  – gazning molekular og'irligi,  $R$  – universal gaz doimiysi. Bolsman taqsimotining bu munosabati sof gidrostatik bo'lib, biz unda gazning strukturasini nazarda tutmay, uni tutash muhit deb qaradik. Demak, Maksvell-Bolsman taqsimoti gaz molekulalarini ma'lum tezliklar intervalida doimiy temperaturadagi taqsimotini xarakterlar ekan.

### Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn statistikasi

Maksvell va Bolsman taqsimotlari xaotik harakatdagagi gaz molekulalarining tezliklari va potensial maydondagi massalari bo'yicha taqsimotini xarakterlaydi. Bu taqsimotlarni keltirib chiqarishda gaz molekulalarining energiyalari aniq qiymatlar qabul qiladi deb

faraz qilindi. Ammo, gaz molekulalarining energiyalari kvantlangan qiymatlarga ega degan fikr aytilmadi, ya'ni bu holdagi jarayonni xarakterlashda klassik nuqtayi nazarga asoslandi.

Hozirgi zamon kvant mexanikasiga muvofiq barcha elementlar va murakkab zarralar ikki sinfga bo'linadi.

Birinchi sinfga yarim butun spinli elektron, proton, neytronlar kabi zarralar kiradi. Bunday zarralar Fermi-Dirak statistikasiga bo'ysunadi. Ular fermonlar deb ataladi.

Ikkinchi sinfga butun spinli barcha zarralar, jumladan fotonlar,  $\pi$  va  $K$  mezonlar kiradi. Ular Boze-Eynshteyn statistikasiga bo'ysunadi. Bunday zarralar bozonlar deb ataladi. Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn statistikalari orasidagi farq quyidagichadir: Fermi-Dirak statistikasida har bir kvant holatda bittadan ortiq zarra bo'la olmaydi. Boze-Eynshteyn statistikasi bunday cheklashlarni qo'ymaydi, ya'ni bu statistikaga ko'ra har bir kvant holatda ixtiyoriy sondagi zarralar bo'lishi mumkin. Bolsman, Boze-Eynshteyn va Fermi-Dirak taqsimotlari o'rtaqidagi farqni quyidagi misolda qarab o'taylik. A va B zarralarini uch kvant holatida Bolsman, Boze-Eynshteyn, Fermi-Dirak statistikasi bo'yicha taqsimlanishlarni qaraylik. Bu uch kvant holatni uchta katak bilan tasvirlaylik.

Bolsman taqsimotiga ko'ra, mumkin bo'lgan holatlar soni 9 ga teng. Shuning uchun har bir holatning mavjud bo'lish ehtimolligi  $1/9$  ga teng. Boze-Eynshteyn va Fermi-Dirak taqsimotida A va V zarralar o'rtaida farq yo'q. Shuning uchun ularni umumiy bir belgi bilan, masalan nuqta bilan belgilash mumkin. Boze-Eynshteyn taqsimotida bunday holatlar soni 6 ta, demak, har bir holatning mavjud bo'lish sharti  $1/6$  ga teng.

Fermi-Dirak taqsimotiga binoan, har bir holatda faqat bitta zarra bo'lishi lozimligini inobatga olsak, bunday holatlar soni faqatgina 3 ga teng bo'lishi ayon bo'lib qoladi. Ularning har birining ehtimoli  $1/3$  ga teng. Boze-Eynshteyn va Fermi-Dirak taqsimotidagi farqni yanada yaqqolroq tasavvur etish uchun quyidagi misolni ko'raylik.

Misol. Z ta kvartira bor. Shu kvartiralarga N ta kishini joylashtirish

Bolsman

Baze-Eynshteyn

Fermi-Dirak

A	B	
---	---	--

.	.	
---	---	--

.	.	
---	---	--

B	A	
---	---	--

	.	.
--	---	---

	.	.
--	---	---

	A	B
--	---	---

.		.
---	--	---

.		.
---	--	---

	B	A
--	---	---

:		
---	--	--

A		B
---	--	---

	:	
--	---	--

B		A
---	--	---

		:
--	--	---

AB		
----	--	--

	AB	
--	----	--

		AB
--	--	----

lozim bo'lsin. Bunda kishilar shaxsining ahamiyati yo'q, ya'ni qaysi kishining qaysi kvartirada bo'lishi ahamiyatsiz hisoblansin.

Bu masalani avvalo fermionlar uchun qaraylik. Bu holda  $Z > N$  bo'lmoq'i lozim, chunki  $N > Z$  bo'lganda fermionlarni kvant holatlar bo'yicha joylashtirishi mumkin emas. Bunda  $N$  – kishilar kvartiraga joylashadi.

$Z - N$  ta kvartira bo'sh qolishi kerak. Qaysi kishining qaysi kvartiraga joylashishida farq bo'limganligi tufayli mumkin bo'lgan barcha o'rin almashtirishlarni bajaramiz. Natijada kishilarni turli kvartiralar bo'ylab taqsimlanishi hosil bo'ladi. Bunday taqsimishlar soni  $Z$  ga teng. Biroq bu sonni  $N$  marta kamaytirish kerak, chunki kishilarning kvartiralari bo'yicha o'rin almashtirish, yangi taqsimotga olib kelmaydi. Bundan tashqari uni yana ( $Z - N$ ) marta kamaytirish kerak, chunki kvartiralar ham bir-biridan farqsiz bo'lganligi tufayli ularga o'rin almashtirishlar ham yangi taqsimotlarga olib kelmaydi. Natijada umumiy taqsimotlar

soni  $\frac{Z!}{N!(Z-N)}$  (9.7) ga teng bo'ladi. Endi esa Boze-Eynshteyn

statistikasi asosida taqsimotda bu kishilarning bu kvartiralar bo'yicha taqsimoti qanday bo'lishini ko'raylik. Bu holda  $Z$  va  $N$  sonlar orasidagi munosabat istalgancha bo'lishi mumkin. Kvant holatlarni  $Z$  va  $N$  bilan tasvirlaymiz. Bu katak (kvartiralar) bir-biridan  $Z$  to'siq bilan ajratilgan. Oxirgi kataklarning chekkalariga to'siqlar qo'ymaymiz. Bu kataklarga mutlaqo ixtiyoriy ravishda barcha zarralar-kishilarni joylashtirish mumkin. U holda  $Z + N - 1$  ta elementlar hosil bo'ladi, ya'ni  $N$  ta zarra (kishi) va  $N$  ta to'siq. Bu elementlar orasida o'rin almashtirishlarni bajaramiz.  $N$  ta zarraning  $Z$  kataklar bo'yicha turlicha taqsimlanishini olamiz. Biroq bu soni  $N!$  marta kamaytirish kerak, chunki zarralarning o'mini almashtirish yangi-yangi taqsimotlarga olib kelmaydi. Bundan tashqari bu soni  $(Z-1)!$  marta kamaytirish kerak, chunki to'siqlarning o'rnini almashtirish yangi taqsimotlarga olib kelmaydi. Shunday qilib,  $N$  ta bozon zarralarining  $Z$  kvant holatlari bo'yicha taqsimlanish soni

$$\frac{(Z+N-1)}{N!(Z-1)} \quad (9.8)$$

ga teng bo'ladi.

Shu fikrlarga asosan Fermi Dirak va Boze-Eynshteyn taqsimotlari uchun umumiy formulalarni keltirib chiqarish mumkin.

Doimiy hajmdagi adiobatik devorli idishga solingan fermionlar va bozonlardan iborat ideal gazni ko'z oldimizga keltiraylik.

Shu idishdagi gazni bir necha kvant holatlarga ega bo'lgan yupqa kvantli energetik qatlamlarga ajrataylik. Bu qatlamdagи zarralar energiyasi bir-biriga juda yaqin qiymatlarga ega bo'lgan kvant holatlardan iborat bo'lsin. Istalgan i-qatlamdagи kvant holat energiyasi  $E_i, E_i + SE_i$  interval orasida bo'lsin. Qatlam qalinligi uchun  $SE_i < E_i$  shart bajarilsin.

Demak,  $i$  – qatlamning  $Z$  kvant holatlari bo‘ylab,  $N$  zarralarni taqsimlash mumkin bo‘lgan usullar soni fermion va bozonlar uchun mos ravishda

$$G_i = \frac{Z_i!}{N_i!(Z_i - N_i)} \quad (9.9)$$

$$G_i = \frac{(Z_i + N_i - 1)!}{N_i!(Z_i - 1)!} \quad (9.10)$$

barcha  $G_{T_i}$  larni bir-biriga ko‘paytirib butun gazning qaralayotgan mikroholatining statistik og‘irligini topamiz.

Fermionlar uchun

$$G = \prod_i \frac{Z_i!}{N_i!(Z_i - N_i)} \quad (9.11)$$

Bozonlar uchun

$$G = \prod_i \frac{(Z_i + N_i - 1)!}{N_i!(Z_i - 1)!} \quad (9.12)$$

Termodinamik muvozanatda bo‘lgan sistema uchun muvozanatlari holat eng ehtimolli holat bo‘lganligi uchun  $G_T$  ning qiymati eng katta va  $N$  larni ham katta deb faraz qilib, shertining formulasini qo‘llaymiz.

Fermionlar uchun:

$$S_\phi = -k \sum [N_i m N_i + (Z_i - N_i) \ln(Z_i - N_i)] + const \quad (9.13)$$

$$S_B = k \sum [(Z_i + N_i - 1) \ln(Z_i + N_i - 1) - N \ln N_i] + const \quad (9.14)$$

Sistemadagi zarralar soni doimiylilik shartini (9.13) va (9.14) formulalarga qo‘yamiz va nihoyat bir kvant holati to‘g‘ri keladigan zarralarning o‘rtacha soni

Fermionlar uchun

$$\bar{n}_i = \frac{1}{\frac{E_i - \mu}{e^{KT}} + 1} \quad (9.15)$$

Bozonlar uchun

$$\bar{n}_i = \frac{1}{\frac{E_i - \mu}{e^{KT}} - 1} \quad (9.16)$$

(9.15. ifoda mos ravishda Fermi-Dirak (9.16) ifoda esa Boze-

Eynshteyn taqsimotidir. Agar  $\bar{n}_i < 1$  bo'lsa, (9.15) va (9.16) ifodalar maxrajdagi birlarni inobatga olmaslik mumkin.

$$n_i = e^{\frac{E_i + M}{KT}} = e^{\frac{M}{KT}} e^{\frac{E_i}{KT}} = \text{conste}^{\frac{E_i}{KT}} \quad (9.17)$$

bunga Bolsman taqsimotining o'zidan iborat ifodalanish deyiladi. Demak, kvant yacheykalarining soni kichik bo'lganda Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn taqsimotlari Bolsman taqsimotiga aylanadi.

### Tayanch tushunchalar:

Gaz molekulalarining tezliklar bo'yicha taqsimoti. Maksvell taqsimot qonuni doimiy temperaturada tashqi potensial maydonga bog'liq bo'limgan holda, Bolsman taqsimot qonuni gaz molekulalarini tezliklar taqsimotiga bog'liq bo'limgan holda tashqi potensial maydonidagi konsentratsion taqsimlanishini xarakterlaydi.

Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn statistikasi esa kvant mexanikasiga asosan gaz zarralarini yarim butun va butun stinli holatlariga muvofiq o'rgandi.

### Mavzuga doir savollar:

- 1. Maksvell-Bolsman taqsimoti mohiyatini tushuntirib bering.*
- 2. Bolsman taqsimoti qonuni matematik ifodalanishi qanday?*
- 3. Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn statistikasi va ularning qo'llanilishidagi farqi nima?*

## IV BO'LIM. ISSIQLIKNING KINETIK NAZARIYASI

Gazlar molekular-kinetik nazariyasiga asosan gaz molekulalari uzlusiz va tartibsiz harakatlanib turadi.

### 10. Ideal gazning ichki energiyasi. Ichki energiyaning erkinlik darajasi bo'yicha taqsimoti qonuni

Gazlar molekular-kinetik nazariyasiga asosan-gaz molekulalari uzlusiz va tartibsiz harakatlanib turadi. Bunda molekula ilgarilanma harakatining  $T$ -temperaturadagi o'rtacha kinetik energiyasi:

$$E_k = \frac{3R}{2N} T = \frac{3}{2} kT \quad (10.1)$$

teng bo'ladi.

Bu yerda  $R = 8,31 \cdot 10^3 \frac{J}{K \cdot kmol}$  universal gaz doimiysi,  $N = 6,02 \cdot 10^{26} kmol^{-1}$  Avagadrosoni. Bundan  $K = \frac{R}{N} = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$

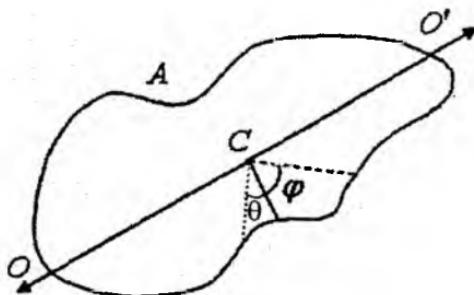
Bolsman doimiysi kelib chiqadi. Demak, molekulalarning ilgarilanma harakatining o'rtacha kinetik energiyasi faqatgina gazning temperaturasi  $T$  bilan aniqlanadi. Gaz isitilganda yoki sovutilganda, unga biror miqdorda issiqlik berilganda yoki undan olinganda, gaz molekulalarining harakat energiyasi o'zgaradi.

Ideal gazning ichki energiyasi barcha molekulalarining tartibsiz harakati kinetik energiyasi bilan belgilanadi. Biz keyinchalik real gazlar uchun molekulalarning o'zaro ta'sir potensial energiyasini ham hisobga olish zarurligini ko'ramiz. Real gazlarning ichki energiyasi molekulalarning kinetik energiyasi bilan ularning potensial energiyasining yig'indisiga teng bo'ladi.

Molekulalarning harakat kinetik energiyasi, umuman aytganda,

ularning ilgarilanma harakat kinetik energiyalaridangina iborat emas. U molekulalarning aylanishi va tebranish kinetik energiyalarining yig'indisidan iborat bo'lishi ham mumkin. Molekulalarning barcha tur harakatlariiga to'g'ri keladigan energiyani hisoblash uchun erkinlik darajasi tushunchasini kiritamiz.

Jismning fazodagi vaziyatini aniqlash uchun zarur bo'lgan erkli koordinatalarning soniga jismning Erkinlik darajasi deyiladi. Chunki moddiy nuqtaning erkinlik darajasi uchga teng. Moddiy nuqtalarning fazodagi vaziyati, uchta koordinata bilan, masalan to'g'riburchakli to'g'ri chiziqli koordinatalar sistemasida  $x$ ,  $y$ ,  $z$ , koordinatalar bilan aniqlanadi.



10.1-rasm.

Qattiq jismning (10.1-rasm) vaziyatini aniqlash uchun:

1. Og'irlik markazi C ning fazodagi vaziyati;
2. Ma'lum bir  $O'$  o'qning yo'nalishi;
3. Qattiq jismning mana shu o'qda biror boshlang'ich vaziyatga nisbatan burilish, burchagi berilgan bo'lishi kerak.

C – og'irlik markazining vaziyatini aniqlash uchun  $x$ ,  $y$ ,  $z$ , uchta koordinata berilishi kerak.  $OO'$  – o'qning fazodagi yo'nalishini aniqlash uchun yana ikkita koordinata, masalan uchta koordinata o'qidan ikkitasining o'q bilan tashkil qilgan  $O$  va  $\varphi$  burchaklari berilishi kerak. Nihoyat, jismning  $OO'$  o'qda burilish burchagi  $\varphi$  ni aniqlash kerak.

Shunday qilib, qattiq jismning erkinlik darajasi oltiga teng

bo'ladi. Agar jismning ayrim qismlari bir-biriga nisbatan siljiy oladigan (tebranma harakat qilsa) u harakatlarni tekshirish uchun yana qo'shimcha erkinlik darajalari kirittiladi va aksincha, qattiq jism biror o'q atrofida aylanmaydigan bo'lsa, uning erkinlik darajasi 6 tadan kichik, atigi 5 ga teng bo'ladi.

Gazning har bir molekulasi ma'lum erkinlik darajasiga ega bo'lib, uning ilgarilanma harakatiga faqat 3 ta erkinlik darajasi to'g'ri keladi.

Gazning molekulalari tartibsiz harakatda bo'lganligi sababli, molekulalarga faqat ilgarilanma harakatgina xos bo'lmashdan, balki barcha tur harakatlar (aylanma, tebranma) ham xosdir. Harakat turlarining barchasi teng qiymatlidir, shu sababli molekulaning har bir erkinlik darajasiga o'rtacha birday miqdorda  $\bar{E}_0$  energiya to'g'ri keladi. Bu holat energiyaning erkinlik darajalari bo'yicha birday taqsimlanish qonuni deb ataladi. Bu qonunga asosan gaz molekulasining o'rtacha energiyasi  $\bar{E}_0$  ni (10.1) formulaga asosan hisoblash mumkin.

Gaz molekulasi uchta erkinlik darajasiga ega bo'lgan ilgarilanma harakat qilayapti desak,

$$\bar{E}_0 = \frac{3}{2}KT \quad (10.2)$$

tenglik o'rmini bo'ladi.

Bundan bitta erkinlik darajasiga to'g'ri keladigan o'rtacha energiya:

$$\bar{E}_0 = \frac{1}{2}KT = \frac{1}{2}\left(\frac{R}{N}T\right) \quad (10.3)$$

formula bilan aniqlanadi. Agar gaz molekulasining har birining erkinlik darajasi  $i$  ga teng bo'lsa, u holda har molekulaga

$$\bar{E}_0 = \frac{i}{2}KT = \frac{i}{2}\left(\frac{R}{N}T\right) \quad (10.4)$$

energiya to'g'ri keladi.

$\bar{E}_0$  ning bu qiymatini gazni tashkil etgan molekulalarning soniga ko'paytirsak, gazning to'la ichki energiyasini topamiz. Agar  $\bar{E}$  ni Avagadro soni  $N$  ga ko'paytirsak, bir mol gazning ichki energiyasi  $U$  ni topamiz.

$$U = \frac{i}{2} \cdot \frac{R}{N} TN = \frac{i}{2} RT \quad (10.5)$$

Bu formulaga gazning ichki energiyasini, molekulalarning erkinlik darajasi i va gazning termodinamik temperaturasi  $T$  orqali ifodalanishi deyiladi.

### Tayanch tushunchalar:

Ideal gazning ichki energiyasi. Erkinlik darajasi. Erkinlik darajasi bo'yicha taqsimot qonuni.

### Mavzuga doir savollar:

1. *Ideal gazning ichki energiyasi deb nimaga aytildi?*
2. *Ichki energiyaning erkinlik darajasi bo'yicha taqsimoti qonunini tushuntiring.*
3. *Erkinlik darajasi nima?*

Sistemaning ichki energiyasini o'zgarishi – sistemalarni o'zaro energiya almashinuvi va atrof-muhit bilan energiya almashinuvi natijasida amalga oshadi.



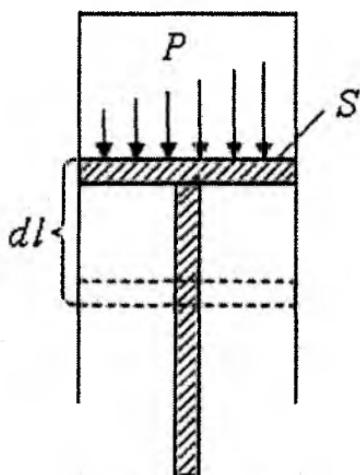
### 11. Ish va issiqlik miqdori

Sistemaning ichki energiyasini o'zgarishi – sistemalarni o'zaro energiya almashinuvi va atrof-muhit bilan energiya almashinuvi natijasida amalga oshadi. Energiya almashinuvi asosan ikki jarayonda sodir bo'ladi:

- 1) Ish bajarish natijasida

2) Issiqlik uzatish natijasida.

Bu jarayonlarni porshen harakatlanadigan silindr gaz bilan to‘ldirilgan holda qaraylik. (11.1-rasm)



11.1-rasm

Porshen ustidagi gaz kengayganda porshen  $d\ell$  masofaga siljiydi va

$$dA = F d\ell \quad (11.1)$$

ish bajaradi, bu yerda  $F$  – gaz kengayganda porshen yuzasiga ta’sir etadigan kuch.

Gaz  $S$  – porshen yuzasiga beradigan bosimini  $P$  – desak, u holda

$$F = P \cdot S \quad (11.2)$$

tenglik o‘rinli bo‘ladi.

(11.2) formulani (11.1)ga qo‘yamiz

$$dA = PSd\ell \quad (11.3)$$

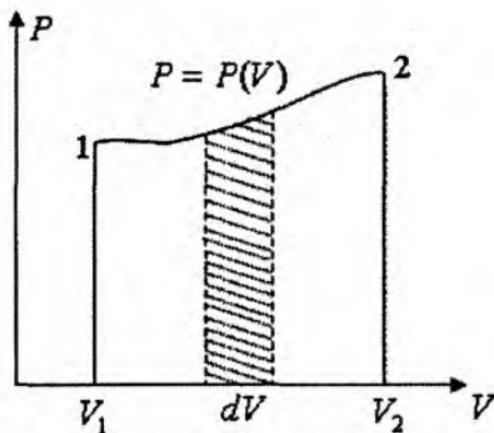
bunda  $Sd\ell = dV$  ga teng.

U holda (11.3) formula

$$dA = PdV \quad (11.4)$$

ko‘rinishini oladi. Agar gaz keñgayish jarayonida  $dA$  ish bajarsa,  $dV > 0$  bo‘lib, musbat ish bajariladi. Porshen gazni siqib  $dA$  ish bajarsa  $dV < 0$  bo‘lib, manfiy ish bajariladi. Boshqacha aytganda bu holda atrof-muhit ta’sirida (ya’ni porshen harakati ta’sirida) ish bajariladi.

Agar hajm o‘zgarmas  $dV = 0$  izoxorik protsess bo‘lganda bajarilgan ish ham  $dA = 0$  bo‘ladi. 11.2-rasmida gaz izoxorik protsesda bo‘lganidagi holatini grafik ko‘rinishida tasvirlaylik.



11.2-rasm

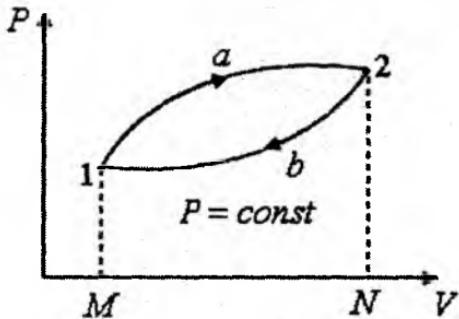
Gaz 12 egri chiziq bo'yicha PV koordinata hajm kengayishida bo'lsin. Gazning hajm  $dV$  ga kengayganda  $dA = PdV$  ish bajariladi. Bu ish sxemada  $dV$  kichkina shtrixlangan zonaga mos keladi. Agar gaz kengayishi  $V_1$  dan  $V_2$  gacha hajm kengayishiga nisbatan qaraladigan bo'lsa, u holda bajarilgan ish

$$A_2 = \int_{V_1}^{V_2} P dV \quad (11.5)$$

tenglama yordamida aniqlanadi. Agar gaz bosim o'zgarmas ( $p = const$ ) bo'lgan izobarik protsesda ish bajaradigan bo'lsa unda bajariladigan ish

$$A_2 = P(V_2 - V_1) \quad (11.6)$$

formula bilan aniqlanadi. Bu protsesda bajarilgan ish grafik holda 11.3-rasmida ko'rsatilganidek ifodalanadi.



11.3-rasm

Bu holda (gaz kengayganda) bajarilgan ish 1 a 2 NM yo‘nalishda musbat bo‘ladi. Gaz 2 b 1MN yo‘nalishda siqilib ( $dV < 0$ ) ish bajaradigan bo‘lsa, ish manfiy bo‘ladi. Gazning bajargan to‘la ishi

$$\left. \begin{array}{l} S_1 = 1a2NM \\ S_2 = 2\epsilon 1MN \end{array} \right\} \text{larni ayirma yuzasi } S \text{ ra teng bo‘ladi.}$$

$$S = S_1 - S_2 = 1a2NM - 2\epsilon 1MN = 1a2\epsilon 1ga \text{ teng bo‘ladi.}$$

Hamda doiraviy sistemada bajarilgan ish

$$\oint dA \neq 0 \quad (11.7)$$

nolga teng bo‘lmaydi.

Ma’lumki, har qanday boshqa jism kabi gazni ham har xil usul bilan qizdirish yoki sovitish mumkin. Yuzaki qaraganda bunda ish hech qanday rol uynamaydiganday ko‘rinadi.

Bu usul shundan iboratki, jism o‘zining xususiy temperaturasidan boshqa temperaturaga ega bo‘lgan biror jismga tekkiziladi. Jismlarning bevositya tekkizmasdan ular orasidagi biror boshqa muhit, hatto bo‘shliq bo‘lganda ham shunday natija olish mumkin.

Birinchi holda jismlarning isishi yoki sovishi issiqlik o‘tkazuvchanlik yo‘li bilan, ikkinchi holda esa nurlanish yo‘li bilan amalga oshadi deyiladi.

Bizga ma’lumki, bir atomli sistemalar uchun ichki energiya

$$U = \frac{3}{2} KT \quad (11.8)$$

formulaga asosan gaz temperaturasining o‘zgarishi hamma vaqt energiyaning o‘zgarishi bilan bog‘liq ekani kelib chiqadi. Bunday o‘zgarish ish bajarish natijasida bo‘ladi, chunki ishning o‘zi energiya o‘zgarishidir.

Fizikaning taraqqiyot tarixidan ma’lumki, jism temperaturasining o‘zgarishi, «Kontakt» yo‘li bilan yoki nurlanish bilan amalgamoshirilganda jismga biror issiqlik miqdori beriladi yoki undan biror issiqlik miqdori olinadi.

Demak, issiqlik miqdori jismning ikkinchi jismga bevosita tek-kanda yoki nurlanishiga uzatiladigan energiyasidir.

$$1) \quad Q = \lambda \frac{dx}{dt} = \lambda grad t \quad (11.9)$$

$$2) \quad Q = \alpha F(t_2 - t_1) \Delta \tau \text{ bu yerda } \alpha = \alpha_u + \alpha_r \quad (11.10)$$

$\alpha_u$  – nur chiqarish (radiatsiya) bilan issiqlik berish koeffitsienti;  $\alpha_r$  – tegish bilan issiqlik berish koeffitsienti.

Issiqlik bilan ish (energiya) orasida hech qanday farq yo‘q. Shuning uchun bu kattaliklarning har ikkalasi ham bir xil birliklarda o‘lchanishi kerak. SI sistemasida issiqlik miqdori  $Q$ ,  $J$  da va  $Kkal$  da o‘lchanadi.

$$1kkal=4186,8J=4190j$$

$$1kkal=4,19j$$

Mexanikaviy ish birligining issiqlik birligiga nisbatini ifodalovchi son issiqlikning mexanikaviy ekvivalenti deyiladi va  $J$  bilan belgilanadi.

$$J = 4186,8 \text{ j / kkal} = 4,19 \text{ j / kal}$$

Bu kattalikka teskari kattalik mexanikaviy ishning ekvivalenti deyiladi.

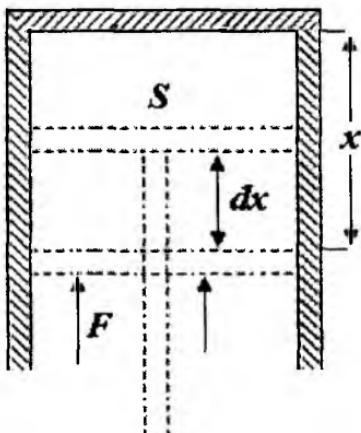
$$J^1 = 2,39 \cdot 10^{-4} \text{ kkal/j} = 0,239 \text{ cal/j}$$

### 3. Termodinamikaning I qonuni

Har qanday jism yoki sistemasining holat o'zgarishi (bu sistemani ish bajarishi yoki tashqi kuchlar bu sistema ustidan ish bajarishi bilan belgilanadi. Bizga ma'lumki jismlarning (gazning) holati P, V, T parametrlar bilan xarakterlanadi.

Bu parametrlarning ixtiyoriy birining o'zgarishida tashqi ish bajarilishi kerak. Masalan gaz temperaturasi o'zgarishi, ya'ni uning isitish yoki sovitishi tashqaridan bajarilgan ish hisobiga amalgaloshishi mumkin. Gaz silindrda porshen ustida bo'lsin. Mexanikaviy ish hisobidan gaz siqilsa isiydi yoki hajmi kengaysa gaz soviydi. Ammo gazning hajmini uning temperaturasining o'zgarmasdan turib ham o'zgartirish mumkin.(11.4-rasm).

Agar gazga (yoki jismga) biror d Q issiqlik miqdori berilsa, dastlab jismning d u (ichki energiyasi o'zgaradi va dA ish bajaradi. Bunda energiyani saqlanish qonuni shunday ifodalanadi.



11.4-rasm

Sistemaning bajargan ishi sistemaga berilgan issiqlik miqdori bilan ichki energiyasining o‘zgarishi orasidagi farqiga teng:

$$dA = dQ - dU \quad (11.11)$$

yoki

$$dQ = dU + dA \quad (11.12)$$

Bu ifodalar termodinamikaning birinchi qonunining matematik ifodalani shidir. Demak, jismga berilgan issiqlik miqdori, shu jismning ichki energiyasini o‘zgarishiga va ish bajarishiga sarf bo‘lar ekan.

Qo‘yilgan F tashqi kuch, ta’sir qiluvchi P(S ga teng kuch bo‘lib, muvozanatlashguncha siqiladi.

Porshen  $d\lambda$  masofaga siljib gazni siqdi deylik, bu holda bajarilgan ish  $dA = Fdx = PSdx$  ga teng bo‘ladi. Bunda  $Sdx = dV$  tengligini e’tiborga olsak,  $Sdx = dV$  yoki bundan

$$dA = -pdV \quad (11.13)$$

tengligi kelib chiqadi.

Aksincha, gaz kengayganda uning hajmi  $dV$  ortganida tashqi kuchlarga qarshi  $PdV$  musbat ish bajaradi:

$$dA = -pdV \quad (11.14)$$

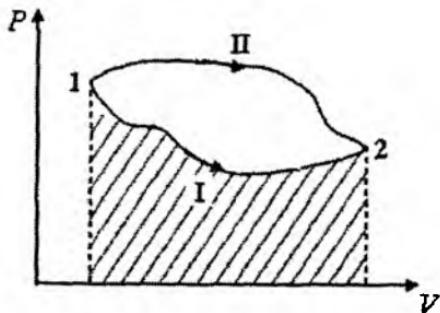
(11.14)  $\rightarrow$  (11.12) qo‘yamiz. U holda

$$dQ = du + PdV \quad (11.15)$$

tenglik hosil bo‘ladi. P V koordinatada bu jarayonni grafik ko‘rinishida ifodalaymiz.  $dA = -pdV$  ifodani 1,2 bo‘yicha integrallaymiz:

$$A = \int_1^2 dA = \int_1^2 PdV \quad (11.16)$$

Demak, jismning hajmi o‘zgarganda, bajargan tashqi ish jismning boshlang‘ich holatdan oxirgi holatiga o‘tishida bosib o‘tgan holat tartibiga bog‘liq bo‘ladi, yo‘lning shakliga bog‘liq bo‘lmaydi.



11.5-rasm.

$$\int_1^2 dQ = U_1 - U_2 + \int_1^2 PdV \quad (11.17)$$

Bu yerda,  $U_1$  va  $U_2$  jism ichki energiyasining mos ravishda 1 va 2 holatlaridagi qiymatlari. Agar  $U_1 = U_2$  bo'lsa, u holda holat o'zgarishi protsesda aylanma yoki sikli holat deyiladi. Bu holda bajarilgan ish

$$A = \int PdV \quad (11.18)$$

musbat bo'lsa, ya'ni agar jismning o'zi tashqi kuchlarga qarshi ish bajargan bo'lsa, u holda bu jism tashqaridan Q issiqlik olganini bildiradi.

Agar bir siklda bajargan ish A ish manfiy bo'lsa ya'ni tashqi kuchlar jism ustidan ish bajargan bo'lsa u holda bu ishga teng Q issiqlik miqdori ajraladi. Demak, siklda  $Q=A$  ga teng bo'ladi. Agar sistema tashqi muhitdan ajratilgan bo'lsa, aylanma siklda ish bajara olmaydi, shuning uchun  $\int dU = 0$  bo'lib, termodinamika-ning birinchi qonuni

$$\int dA = \int dQ \quad (11.19)$$

bo'lib,  $A=Q$  teng bo'ladi, ya'ni aylanma siklda bajariladigan ish

tashqaridan berilgan ekvivalent issiqlik miqdoriga bog‘liq bo‘ladi.

Bundan o‘zi olgan energiyadan ortiq ish bajara oladigan davriy harakatlanuvchi mexanizm yaratish mumkin emasligi kelib chiqadi. O‘zi olgan energiyadan ortiq ish bajara oladigan fikriy (faraz qilingan) mexanizm birinchi tur abadiy dvigatel deb ataladi. Shuning uchun termodinamikaning birinchi asosiy qonunini yana shunday ifodalash mumkin; birinchi tur abadiy dvigatel qurish mumkin emas. Shu munosabat bilan aytish mumkinki, termodinamika birinchi asosiy qonunining kashf etilishi abadiy dvigatel qurish haqidagi ko‘plab behuda urinishlarga chek qo‘ydi.

Termodinamikaning I qonuni odatda energiyaning saqlanish qonuni bo‘lib ochilishi tarixiy jihatdan, biror ko‘rinishdagi energiyani sarflamay tashqaridan issiqlik olmay ish bajara oladigan mashinani qurish yo‘ldagi urinishlarning oqibatsiz bo‘lib chiqishi bilan bog‘liq edi. Bunday mashina termodinamikada birinchi xil “perpetuum mobile” deb ataladi. Termodinamikaning birinchi bosh qonuni shunga asosan qo‘yidagicha ta’riflanadi: birinchi xil perpetuum mobileni, ya’ni bir davr davomida tashqaridan olingan energiya miqdoriga qaraganda ko‘proq miqdorda ish bajaradigan davriy harakat qiluvchi mashinani qurib bo‘lmaydi. Uzatilgan issiqlik bilan ish orasidagi ekvivalentlikning prinsipial va nazariy mohiyati Robert Mayer (1814–1878), V. Tomson (1824–1907), Klauzius (1822–1888) va bir qator boshqa fiziklar tomonidan aniqlangan.

Energiyaning saqlanish qonuni ilgaridan taxmin qilinar edi. M.V. Lomonosov 1748-yilda moddaning saqlanish qonunini bayon qilar ekan, tabiatda harakatning saqlanish haqidagi qonunini quyidagicha ta’riflab bergen edi. U «Tabiatda uchraydigan hamma o‘zgarishlar shunday sodir bo‘ladiki, biror jismidan qancha miqdor nimadir olinsa, boshqa jismga shuncha miqdor qo‘shiladi». Energiya saqlanish qonunining miqdori jihatidan ta’riflanishi 100 yil o‘tgach va turli ko‘rinishdagi energiyalarning bir-biriga aylanishi bilan bog‘liq bo‘lgan juda ko‘p protsesslar kashf qilingandan keyin Robert Mayer va Gelmgols (1821–1894) tomonidan bajarildi.

## Tayanch tushunchalar:

Ish va issiqlik miqdori. Termodinamik parametrlar. Issiqlik oqimi. Gaz hajmining o'zgarishida bajarilgan ish. Termodinamikaning I va II qonunlari.

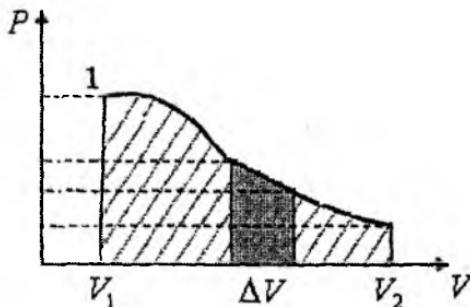
## Mavzuga doir savollar:

1. Ish va issiqlik miqdori nima?
2. Termodinamikaning I-qonunini tushuntirib bering.
3. Gaz hajmining o'zgarishida qanday ish bajariladi.

Molekular fizikada politropik proesess muhim jarayon ekanligini e'tirof etish kerak.

 12. Gaz hajmining o'zgarishida bajarilgan ish. Adiabatik protsesslar. Ideal gazlar issiqlik sig'imining tajriba ma'lumotlaridan chetlashishi. Issiqlik sig'imining kyant nazariyasi to'g'risida tushuncha. Politropik jarayon

Silindrda porshen ostida R1 bosimdagи V1 hajmidan R2 bosimdagи V2 kengayayotgan gazni ko'z oldimizga keltiraylik(13.1rasm). Grafiklagi bu protsess 1-2 egri chiziq bilan ifodalanadi.



12.1-rasm.

Kengayishning juda kichik  $\Delta V$  intervalini ko'ramiz, uning uchun bosimi taxminan doimiy va R ga teng deb olishimiz mumkin. Gazning kichik kengayishida bajarilgan ish R  $\Delta V$  ga teng. Grafikdan bu ishning miqdori kengligi  $\Delta V$  bo'lgan tor poloskaning yuziga teng ekanligi ko'rinib turibdi. Hajmning  $\Delta V_1$  va  $\Delta V_2$  gacha to'la o'zgarishini n ta kichik  $\Delta V_1, \Delta V_2, \Delta V_3, \dots, \Delta V_n$  intervallarga bo'lib, gaz hajmining o'zgarishida bajarilgan to'la A ishning miqdori bar'cha n-poloskalar yuzining yig'indisiga teng ekanini, ya'ni 1–2 egri chiziq,  $P_1$ , egri chiziq va absissalar o'qi bilan chegaralangan yuzaga teng ekanini keltirib chiqamiz:

$$A = \sum_{i=1}^{i=n} P_i \Delta V_i$$

Endi chekli kichik  $\Delta V$  intervalidan cheksiz kichik dV intervalga o'tsak, bu intervallarning har biridagi ish cheksiz kichik

$$dA = P dV \quad (12.1)$$

ga teng bo'ladi. bu tenglikni  $\Delta V_1$  dan  $\Delta V_2$  gacha chegaralarda integrallab gaz hajmining o'zgarishida bajarilgan to'la ishning ifodasini topamiz;

$$A = \int_{V_1}^{V_2} P dV \quad (12.2)$$

Ma'lumki bir kilomol ideal gaz hajmining izotermik o'zgarishida bajarilgan ishni hisoblashda Mendeleyev-Klapeyron qonuniga muvofiq,

$$P = \frac{RT}{V}$$

P ning bu ifodasini (12.2) formulaga qo'yib va izotermik protsesda T=const ekanligini nazarga olib, quyidagi ifodani hosil qilamiz:

$$A = \int_{V_1}^{V_2} \frac{RT}{V} dV = RT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = RT(\ln V_2 - \ln V_1),$$

yoki m – massali gaz uchun

$$A = \frac{m}{M} RT \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (12.3)$$

formulani olamiz. Bu formulaga gaz hajmining o‘zgarishida bajarilgan ishni hisoblashni matematik ifodalanish deyiladi. Gaz hajmining izobarik ( $r=\text{const}$ ) o‘zgarishida bajarilgan ish yana ham osonroq hisoblanadi:

$$A = \int_{V_1}^{V_2} P dV = P \int_{V_1}^{V_2} dV = P(V_2 - V_1) \quad (12.4)$$

Boyl-Mariott qonuniga asosan  $P_1 V_1 = P_2 V_2$  bo‘lgani uchun  $\frac{V_2}{V_1} = \frac{P_1}{P_2}$  tenglik o‘rinli bo‘lib, bu ifodani (13.3) formulaga qo‘ysak,

$$\text{u holda, } A = \frac{m}{M} RT \ln \frac{P_1}{P_2} \quad (12.4')$$

formula hosil bo‘ladi.

Sistema bilan atrof-muhit o‘rtasida issiqlik almashinuviziz bo‘ladigan protsesslar adiabatik protsesslar deyiladi. Bu holda  $dQ = 0$  va termodinamikani birinchi asosiy qonunining formulasi shunday ko‘rinishga keladi:

$$dA = -dU \quad (12.5)$$

Minus ishorasi adiabatik kengayishda sistemaning ichki energiyasi kamayishini ko‘rsatadi; sistema o‘zining ichki energiyasi hisobiga ish bajaradi. Adiabatik siqish holida sistemaning ichki energiyasi tashqi kuchlar bajargan ish hisobiga ortadi. Shuning uchun  $dU$  musbat bo‘ladi, biroq  $dA$  manfiy qiymat qabul qiladi.

Devorlari va porsheni mutlaqo issiqlik o‘tkazmaydigan idish-

larga qamalgan bir kilomol ideal gazdan iborat sistemadagi adiabatik protsesni ko‘raylik. Ma’lumki bir kilomol ideal gazning ichki energiyasi

$$U = C_v T \quad (12.6)$$

ga teng, bu yerda,  $C_v$  – o‘zgarmas hajmdagi mol issiqlik sig‘imi,  $T$  – temperatura  $C_v$  – doimiy kattalik bo‘lgani uchun (12.6) tenglikni differensiallab, shunday ifoda olamiz:

$$dU = C_v dT \quad (12.7)$$

(12.1) formuladan  $dA$  ning va (13.7) formuladan  $dU$  ning ifodalarini olib, (12.5) formulaga qo‘yamiz.

$$PdV = C_v dT$$

Mendeleyev-Klapeyron qonunidan foydalanib  $R$  ni  $\frac{RT}{V}$  ga almashtiramiz:

$$\frac{RT}{V} dV = -C_v dT \text{ yoki } \frac{R}{C_v} - \frac{dV}{V} = -\frac{dT}{T}$$

Bundan gaz hajmining adiabatik o‘zgarishida uning temperaturasi ham o‘zgarishi kelib chiqadi. Bu tenglikni  $V_1$  va  $V_2$  gacha chegaralarda va mos ravishda  $T_1$  dan  $T_2$  gacha integrallab, quyidaagi tenglikni hosil qilamiz.

$$\frac{R}{C_v} \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = - \int_{T_1}^{T_2} \frac{dT}{T},$$

bundan

$$\frac{R}{C_v} (\ln V_2 - \ln V_1) = \ln T_1 - \ln T_2$$

yoki

$$m \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^{\frac{R}{C_v}} = m \frac{T_1}{T_2} \quad (12.7')$$

Bu tenglikni potensirlab

$$\frac{R}{C_V} = \frac{C_p - C_V}{C_V} = \gamma - 1 \quad (12.8)$$

ekanligini nazarga olib, R. Mayer formulasini hosil qilamiz:

$$C_p - C_V = R$$

holda

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V} = \frac{i+2}{i}$$

ekanligini e'tiborga olsak, (13.7<sup>1</sup>) formula

$$\left( \frac{V_2}{V_1} \right)^{\gamma-1} = \frac{T_1}{T_2} \quad (12.9)$$

va

$$T_1 V_2^{\gamma-1} = T_2 V_1^{\gamma-1} \quad (12.10)$$

yoki, nihoyat

$$TV^{\gamma-1} = \text{const} \quad (12.11)$$

formula ideal gazdag'i adiabatik protsesni ta'riflovchi Puasson qonunini ifodalaydi. Puasson qonuni xulosasi: gazni adiabatik kengaytirishda uning temperaturasi pasayadi, adiabatik siqishda esa ko'tariladi.

Adiabatik protsesda bajarilgan ishning hisoblash jarayoni Boyl-Mariott qonuniga bo'ysunmaydi.

$$C_V dT + PdV = 0 \quad (12.12)$$

Bu formuladan T – temperaturani chiqarish kerak. Buning uchun gazning holat tenglamasi  $PV = RT$  ni differensiallaymiz.  $PdV + VdP = RdT$  dan  $dT$  ni topamiz.

$$dT = \frac{PdV + VdP}{R} \quad (12.13)$$

bu tenglikni (13.12) ga qo'yamiz.

$$C_v \frac{PdV + VdP}{R} + PdV = 0 \quad (12.14)$$

bu yerda  $R = C_p - C_v$  ekanligidan foydalananamiz:

$$\begin{aligned} C_v \frac{PdV - VdP}{C_p - C_v} + PdV &= 0 \\ C_v(PdV - VdP) + P(C_p - C_v)dV &= 0 \end{aligned}$$

$$C_v PdV - C_v VdP - PC_p dV - PC_v dV = 0$$

bundan

$$C_v VdP + C_p PdV = 0 \quad (12.15)$$

Shuningdek,

$\frac{C_p}{C_v} = \gamma$  deb belgilasak, u holda (12.15) formuladan

$$\frac{dP}{P} + \gamma \frac{dV}{V} = 0 \quad (12.16)$$

tenglik o'rnini bo'lib, uni integrallaymiz:

$$\int \frac{dP}{P} + \gamma \int \frac{dV}{V} = 0$$

$$\ln P = \gamma \ln V = const$$

bundan

$$PV^\gamma = const \quad (12.17)$$

formula hosil bo'ladi.

Bu formula hajmi adiabatik o'zgarish protsesda ideal gaz bosimi va hajmi orasidagi bog'liqlikni xarakterlovchi Puasson tenglamasi deyiladi.

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v} - \text{adiabatik ko'rsatgich; } C_p > C_v \text{ bo'lganda } \gamma > 1$$

bo'ladi. Shuning uchun bosimning hajmiga bog'lanish grafigi gi-perbola bo'lmasligi aniq.  $\gamma > 1$  bo'lgani uchun adiabatik protsesda  $P = f(V)$  egri chiziq adiabata deb ataladi.

Gaz holat tenglamasi  $PV = RT$  dan

$$V = \frac{RT}{P} \text{ ni (12.17) ga qo'yamiz } P \left( \frac{RT}{V} \right)^\gamma = \text{const} \text{ va demak,}$$

$$T' P^{1-\gamma} = \text{const} \quad (12.18)$$

ko'rinishdagi Puasson tenglamasi hosil bo'ladi. Bu tenglamani har ikkala tomonini  $\frac{1}{\gamma}$  darajaga ko'taramiz. U holda (12.18) tenglama:

$$TP^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = \text{const} \quad (12.19)$$

ko'rinishidagi Puasson tenglamasi ifodalanadi (12.17), (12.18) va (12.19) formulalarga asosan gaz hajmining adiabatik o'zgarishida bajarilgan ishni:

$$A = \frac{RT_1}{\gamma - 1} \left( 1 - \frac{T_2}{T_1} \right) = \frac{R}{\gamma - 1} (T_1 - T_2) = C_v (T_1 - T_2) \quad (12.20)$$

formula ko'rinishida ifodalash mumkin. Demak, adiabatik protsesda gazning bajargan ishi gaz temperaturasining o'zgarishiga proportional ekan. Bu yerda

$$\frac{R}{\gamma - 1} = C_v \quad (12.21)$$

ekanligini e'tiborga olindi.

Molekular fizikada politropik protsess muhim jarayon ekanli-

gini e'tirof etish kerak. Politropik protsess deb, S – issiqlik sig‘im o‘zgarmas va  $dQ/dT$  ga teng bo‘lib, qoladigan har qanday holat o‘zgarishiga aytildi:

$$C = \frac{dQ}{dT}, \text{ yoki } dQ = CdT$$

Termodinamikaning birinchi qonuniga asosan

$$dQ = CdT = C_v dT + PdV$$

bunda

$$(C - C_v) dT = PdV \quad (12.22)$$

Ma’lumki, (12.13) formuladan

$$dT = \frac{PdV + VdP}{R}$$

tengligini (12.22) chi formulaga qo‘yamiz va  $C_p - C_v = R$  ekanligini e’tiborga olsak

bo‘lib, bundan

$$\frac{C - C_v}{C_p - C_v} (PdV + VdP) = PdV$$

$$\left( \frac{C - C_v}{C_p - C_v} - 1 \right) PdV = - \frac{C - C_v}{C_p - C_v} \cdot VdP \quad (12.23)$$

va soddalashtirish bilan

$$\frac{C - C_v}{C_p - C_v} (PdV + VdP) = PdV$$

tenglikni hosil qilamiz va uni integrallaymiz va potensirlaymiz:

$$\ln P + \frac{C - C_p}{C - C_v} \ln V = const$$

$\frac{C - C_p}{C - C_v} = n$  politropik ko‘rsatkich deyiladi. Demak,

$$PV^n = \text{const} \quad (12.24)$$

ifodaga ega bo'lamiz. Gaz adiabatik siqilganda esa adiabatik siqilish koeffitsienti

$$\chi = \frac{1}{V} \cdot \frac{dV}{dP} \quad (12.25)$$

formula bilan ifodalanadi, bu yerda  $\chi = -\frac{1}{P}$  ga tengligini e'tiborga olsak,

$$\frac{C_p}{C_v} = \gamma$$

ga teng, shunga asosan  $\chi = -\frac{1}{\gamma P}$  (12.26)

teng bo'ladi va  $\chi$  – adiabatik siqiluvchanlik,  $\gamma$  esa izotermik siqiluvchanlik deyiladi.

Amalda adiabatik protsesslarni amalga oshirishning ikki yo'li bor 1) gaz hajmini juda tez o'zgartirish va 2) juda katta massani gaz hajmining o'zgartirish. Har ikki holda ham sistema (gaz) bilan atrof-muhit orasida unchalik issiqlik almashinishi bo'lmaydi, bu sistema bilan muhit orasida issiqlik izolatsiyasi yaxshi bo'lishi bilan barobardir.

Birinchi yo'l bilan adiabatik protsesni amalga oshirishga velospiped kamerasiga nasos bilan tez dam berish misol bo'la oladi. Havoni ko'p martalab tez-tez siqilishida ajralgan issiqlik miqdorining ancha qismi atrof-muhitga o'tishga ulgura olmaydi, buning natijasida nasos sezilarli darajada qizishi ma'lum.

Ichki yonuv dvigateli silindridda yonilg'i aralashmaning kengayishi va siqilishi singari protsesslarni ham adiabatik protsess deyish mumkin. Dizelda siqish protsesning adiabatik xarakteri ayniqsa ravan namoyon bo'ladi. Dizelda o't oldiruvchi (svecha) bo'lmaydi: aralashma adiabatik isish natijasida o'z-o'zidan alangananib ketadi.

Katta massali gazlarning adiabatik protsesslariga kelganda

shuni aytish kerakki, ular tabiatda keng tarqalgan. Agar, masalan, haydalgan shudgorning juda katta uchastkasi – A, suv havzasi – B va o'rmon massivi – C bilan chegaralangan bo'lsa, havo ochiq bo'lgan yoz kunlari shudgor qo'shni uchastkalardan kuchliroq qiziydi. Shudgor ustidagi havo massasi A ham qo'shni B va C mas-salarga nisbatan kuchliroq qiziydi, ularga qaraganda yengilroq bo'lib ko'tarila boshlaydi (konveksiya). Atmosferaning bosimi yuqoriga ko'tarilgan sari kamayib borgani uchun, havo massasi ko'tarilgan sari kengayadi va demak, adiabatik soviydi. Uning temperaturasi shudring nuqtasigacha pasaygach, havo massasidagi suv bug'i kondensatsiya yadrolarida kondensatsiyalana boshlaydi. Issiq kunlarda tush vaqtida paydo bo'ladigan D pag'a-pag'a bulutlar hosil bo'ladi, ular «yaxshi ob-havo bulutlari» deb bejiz aytilmaydi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Gaz hajmini o'zgarishida bajarilgan ish. Izotermik, adiabatik jarayonlar. Hajm va bosim o'zgarishlaridagi issiqlik sig'imlari. Kondensatsiya va konveksiya.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Gaz hajmini o'zgarishida bajarilgan ish mohiyatini tushuntirib bering.*
2. *Adiabatik jarayonni qanday tushunasiz?*
3. *Issiqlik sig'imi tushunchasi nima maqsadda kiritilgan?*
4. *Ideal gazning issiqlik sig'imi qanday fizik kattaliklarga bog'liq?*
5. *Ideal gazlar issiqlik sig'imirining tajriba natijalaridan chetlashishi-shining mohiyati nimada?*

## V BO'LIM. KO'CHISH JARAYONLARINING ELEMENTAR KINETIK NAZARIYASI

Agar biror tarzda gazning biror qismi isitsilsa, shu bilan gazning muvozanati buzilgan bo'ladi.

### 13. Molekular harakatlar va ko'chish hodisalari. Efektiv kesim yuzi. O'rtacha erkin yugurish yo'li

Bizga ma'lumki, gaz molekulalarining tezligini kinetik nazariyasining asosiy tenglamasi

$$\frac{\overline{m}g^2}{2} = \frac{3}{2} kT \quad (13.1)$$

deb hisoblanganda, molekulalarning tezliklari uchun juda katta son qiymat kelib chiqadi. Xona temperaturasida molekulalar tezligi havo molekulalari uchun 500 m/s va vodorod molekulalari uchun 1800 m/s ga teng bo'lib chiqadi va bu bevosita tajribada tasdiqlangan. Bu qiymatlar kutilmagan darajada katta bo'lib tuyuladi, chunki yuzaki qaraganda yaxshi ma'lum bo'lgan dalillarga zid keladi.

Misollar yordamida tushuntiraylik:

a) Muvozanat holatida gazning temperaturasi u egallagan hajming hamma yerida biday bo'ladi. Bu degan so'z, gazda zarralarning o'rtacha kinetik energiyasi hamma joyda bir xildir.

Agar biror tarzda gazning biror qismi isitsilsa, shu bilan gazning muvozanati buzilgan bo'ladi. Biroq bundan keyin gaz o'z holicha qo'yilsa, birmuncha vaqt o'tgandan keyin gazning muvozanati tiklanadi, temperatura gazning hamma joyida qaytadan biday bo'lib qoladi. Temperaturaning bunday tenglashishi molekulalarning uzluksiz harakatlari tufayli bo'lishi ravshan. Faqat gazning energiya ko'p bo'lgan joyida energiya ko'chishi ro'y beradi. Bu jarayon issiqlik o'tkazuvchanlik deb ataladi. Gaz molekulalarining

harakat tezliklari katta bo'lsada, issiqlik o'tkazuvchanlik gazlarda juda kichik bo'lishi tajribalarda ko'rildi.

b) Agar biror hajmni egallagan gazga boshqa gazni qo'shsak va bunda butun hajmda bosim va temperatura birday bo'lgan holda aralashmaning konsentratsiyasi bir qismda qolgan boshqa qislardagidek ko'proq bo'lsa, biror vaqt o'tgandan keyin aralashmaning butun hajm bo'yicha tarqalishini va gazning bir jinsli bo'lib qolishini tajriba ko'rsatadi. Konsentratsiyalarining bunday tenglashishi aralashma molekulalarining bu molekulalar kam bo'lgan yo'nalishda harakati tufayli yuzaga keladi va diffuziya deb ataladi.

Bunday ko'chish ham molekulalarning harakati tufayli ro'y bergani va bu harakatlarning tezligi esa katta bo'lGAN uchun diffuziya juda tez amalga oshishi va demak, konsentratsiya bir ondayoq tenglashishi kerak edi. Biroq tajriba shuni ko'rsatadiki, atmosfera bosimida diffuziya juda sekin jarayon va gaz agar butunlayiga harakatlanmasa, uning aralashishi bir necha sutkaga cho'zilishi mumkin.

v) Gazning tez harakatlanayotgan qismlaridan sekin harakatlanayotgan qismlariga qo'shilishi natijasida impuls ko'chishi (harakat miqdorining ko'chishi) tufayli biror vaqt o'tgandan keyin gazning butunlay oqish tezligi ham uning hamma qismlarida birday bo'lib qoladi.

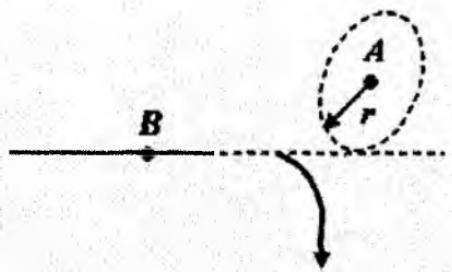
Bu hodisa ichki ishqalanish yoki qovushqoqlik deb ataladi. Demak, bu jarayonlar molekulalarning tez harakatlanishi tufayli ro'y berishiga qaramay, ko'chish hodisalari shunday sekin amalga oshadi. Bunday nomuvofiqlikning sababi shundaki, muvozanat tiklanadigan bu hodisalarda faqat molekulalarning harakat tezliklari emas, shu bilan birga ularning o'zaro to'qnashuvlari ham muhim rol o'ynaydi. Bu to'qnashuvlar molekulalarning erkin harakatlanishiga to'sqinlik qilishi ravshan. Molekulalarning o'zaro ta'siri turli natjalarga olib kelishi mumkin.

Molekulalarning to'qnashushi natijasida o'z harakat yo'nalishini o'zgartirish protsessiga molekulalarning sochilishi deyiladi. Mole-

kulaning harakat yo‘nalishi boshqa molekula ta’sirida sezilarli burchakka o‘zgarishini molekulalarning to‘qnashuvi deyiladi.

2. Fizikaning ko‘p sohalarida zarralarning bir-biri bilan yoki yorug‘lik kvantlarining modda zarralari, shuningdek, atom yadrolari bilan o‘zaro ta’sirini ko‘rishga to‘g‘ri keladi. Bunday o‘zaro ta’sir masalan: zarra (yoki yorug‘lik kvant (foton) elastik yoki noelastik sochilishi, yutilishi atomni ionlashi va hokazolarni keltirib chiqaradi.

Bu hollarning barchasida protsesni miqdoriy xarakterlash uchun bu protsesning effektiv kesim yuzi tushunchasi kiritiladi. To‘g‘ri chiziqli harakatlanayotgan B zarrani ko‘z oldimizga keltiraylik.

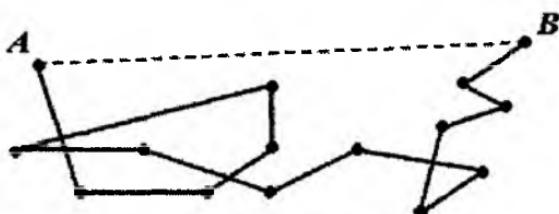


13.1-rasm

Bu  $B$  zarra ro‘parada turgan  $A$  zarra bilan o‘zaro ta’sirlashsin deylik. Ammo,  $B$  zarra  $A$  zarraga yetarlicha yaqinlashib masalan,  $r$  masofadan katta bo‘lmagan uchib o‘tishi kerak deb faraz qilaylik. Agar zarra harakatlanib,  $r$  radiusli orbitaga yaqinlashib to‘g‘ri o‘tishi bizga qiziqarli. Agar  $A$  zarra harakatlanadigan doira yuzasini  $\delta = \pi r^2$  desak, ayni shu protsesning kesimi deyiladi. 1-rasmda to‘qnashish natijasida  $B$ -zarrani o‘zining dastlabki harakat yo‘nalishidan og‘ish (sochilishi) holi ko‘rsatilgan.

Molekulalarni sharlar deb to‘qnashishini tasavvur qilsak, bu molekulalarning radiusi  $r/2$  ga teng bo‘ladi. Bunday sharlar ko‘ndalang kesim yuzi, ya’ni uning katta doirasining yuzi  $2r^2$  ga teng. Bu degan so‘z, molekulalarning effektiv ko‘ndalang kesimi  $\sigma$  molekulaning ko‘ndalang kesimi yuzidan 4 marta kattadir.

3. Bizga ma'lumki molekulalar doimo uzliksiz va tartibsiz (Braun) harakatda bo'ladi, to'qnashishgacha molekula to'g'ri chiziqli harakatlanib, to'qnashish natijasida molekula tezligining yo'nalishi o'zgaradi, shundan so'ng u yana to'g'ri chiziq bo'yab harakatlanadi.



13.2-rasm

Shunday qilib, molekulaning gazdag yo'li 2-rasmida tasvirlanganligiga o'xshab siniq chiziqdandan iborat bo'ladi.

Trayektoriyadagi har bir sinish to'qnashish joyini bildiradi. Molekulaning ikki ketma-ket to'qnashishlar orasida o'tgan masofa molekulaning erkin yugurish yo'li deb ataladi. Ammo molekulalar ko'p sonli bo'lgani uchun biz o'rtacha erkin yugurish yo'lini aniqlashga harakat qilamiz.

Shuningdek, gaz molekulalarining vaqt birligi ichidagi to'qnashishlar orasidagi ular biror  $\lambda$  yo'lni erkin bosib o'tadi. Ammo ikki to'qnashish orasidagi bu yo'lning uzunligi turlichadir. Molekulalar soni nihoyat darajada ko'p va ularning harakati tartibsiz bo'lgani tufayli molekulalarning erkin yo'lining o'rtacha uzunligi haqida fikr yuritish mumkin. Molekulalar erkin yo'lining mana shu o'rtacha uzunligi  $\bar{\lambda}$  ni hisoblaymiz.  $\bar{\lambda}$  tezlik bilan harakatlanayotgan aniq bir molekulani olib qaraymiz; molekulani r radiusli sharga deb tasavvur qilamiz.

Molekula har bir to'qnashishdan so'ng  $\bar{\lambda}$  tezligining yo'nalishini o'zgartiradi, biroq soddalik uchun, molekula to'qnashishgacha qanday yo'nalishda harakatlangan bo'lsa, to'qnashgandan so'ng ham

o'sha yo'nalishda harakatlanadi deb faraz qilamiz. Bunday tashqari, soddalik uchun, biz tekshirilayotgan molekuladan boshqa barcha molekulalar harakatsiz turibdi, deb faraz qilamiz. U holda molekula o'z yo'lida markazlari harakat to'g'ri chizig'idan  $2r$  dan katta bo'lmagan masofada yotuvchi molekulalarga tegib o'tadi. Demak, molekula vaqt birligida, radiusi  $R=2r$  va  $\ell$  uzunligi son jihatdan molekulaning (tezligiga teng bo'lgan silindr ichida markazlari joylashgan  $Z$  dona molekulaning barchasiga tegib o'tadi. Bunday silindrning ichida bo'ladigan molekulalarning soni  $Z$  quyidagi teng:

$$Z = \pi R^2 g n_0 \quad (13.2)$$

bunda  $n_0$  birlik hajmdagi molekulalar soni. Bu formulaga  $R=2r$  ni qo'shib va  $g$  ni molekulalar harakatining o'rtacha  $\bar{g}$  tezligi deb hisob, molekulalarning vaqt birligidagi o'rtacha to'qnashishlar soni  $\bar{Z}$  ni aniqlaymiz:

$$\bar{Z} = 4\pi r^2 \bar{g} n_0 \quad (13.3)$$

haqiqatda boshqa molekulalar ham harakatlangani uchun, to'qnashishlarning soni  $\bar{Z}$  (13.3) formuladan aniqlanadigan qiymatga qaraganda biroz kattaroq qiymatga ega bo'ladi. Hisoblashlarning ko'rsatishiga  $\bar{Z}$  ning qiymati  $\sqrt{2}$  marta katta bo'ladi:

$$\bar{Z} = 4\sqrt{2}\pi r^2 \bar{g} n_0 \quad (13.4)$$

Molekulalarning o'lchamlari  $r \approx 10^{-10} m$  ga tengdir. Normal sharoitda birlik hajmdagi molekulalarning soni  $n_0 \approx 3 \cdot 10^{19}$  ta va molekulalarning tezligi  $\bar{g} \approx 500 m/s$  ekanligini bilgan holda gaz molekulalarining vaqt birligidagi to'qnashishlar soni:

$$\bar{Z} \approx 4 \cdot \sqrt{2} \cdot 3,14 (10^{-10})^2 \cdot 5 \cdot 10^2 \cdot 3 \cdot 10^{19} c^{-1} \approx 3 \cdot 10^9 s^{-1}$$

teng bo'lar ekan.

Demak, normal sharoitda molekulalar 1 sekundda bir necha milliard marta to'qnashadilar. Molekulalarning vaqt birligida bosib o'tgan o'rtacha yo'lini vaqt birligidagi to'qnashishlar soni  $\bar{Z}$  ga bo'lsak, molekula erkin yo'lining o'rtacha uzunligi  $\bar{\lambda}$  ni topamiz. Vaqt birligida bosib o'tilgan yo'l son jihatdan  $\bar{\vartheta}$  tezlikka teng bo'lgani uchun, molekulalar erkin yo'lining o'rtacha uzunligi:

$$\bar{\lambda} = \frac{\bar{\vartheta}}{Z} \quad (13.5)$$

bo'ladi. Bu formulaga (13.4) chi tenglikdagi  $Z$  ning qiymatini qo'yamiz:

$$\bar{\lambda} = \frac{1}{4\sqrt{2}\pi r^2 n_0} \quad (13.6)$$

yoki agar molekulaning radiusi o'rniغا uning diametri  $\sigma = 2r$  ni kiritsak,

$$\bar{\lambda} = \frac{1}{\sqrt{2}\pi\sigma^2 n_0} \quad (13.7)$$

bo'ladi. (13.6) va (13.7) formulalardan molekulalar erkin yo'lining o'rtacha uzunligi  $\bar{\lambda}$  birlik hajmdagi molekulalar soni  $n_0$  ga teskari proporsional ekanligi ko'rinib turibdi.

Temperatura o'zgarmas bo'lganda molekulalar o'rtacha erkin yo'lining uzunligi  $\bar{\lambda}$  gazning P bosimiga teskari proporsionaldir. Shuningdek, molekulalarning erkin yo'li o'rtacha uzunligining absolut qiymati molekulalarning  $\sigma$  diametriga bog'liqdir.

(13.7) formulaga asosan gaz molekulalarining o'rtacha erkin yugurish yo'lining uzunligi  $\bar{\lambda}$  ning temperaturaga bog'lanishi Syezleng formulasi:  $\bar{\lambda} = \lambda_0 = \frac{T}{C+T}$  bilan aniqlanadi.

Ko'ndalang kesimi  $1\text{sm}^2$  va qalinligi  $\Delta X$  bo'lgan gaz qatlamini qaraylik. Gaz kesimi  $\sigma$  bo'lgan molekulalardan iborat, molekulalarning zichligi (ularning hajm birligidagi soni) n ga teng bo'lsin. Dastlab, gaz molekulalari tinch turibdi va qatlamga bittagina molekula yaqinlashib kelmoqda. Bu molekula qatlam orqali o'tganida to'qnashuvga duch kelishi mumkin deb faraz qilaylik. Molekulani qatlamdagi qaysi molekulalar bilan to'qnashishi tasodifiydir. Qatlamdagi barcha molekulalarning umumiy kesim yuzi:

$$\Delta S = n\sigma \Delta X \times 1\text{sm}^2$$

teng bo'ladi.

Umuman, qatlamdagi molekulalarning umumiy kesim yuzi, qatlam yuzining qancha katta qismini egallasa, molekulaning to'qnashuvga duch kelishi imkon shuncha ko'p bo'ladi.

$n\sigma\Delta X$  kattalik molekulaning gazda X yo'l davomida to'qnashuviga duch kelish ehtimolligidir.  $1\text{sm}$  ga teng yo'l davomida to'qnashish ehtimolligi  $n\sigma$  ga teng bo'lishi, ya'ni hajm birligidagi molekulalar sonining molekulalar effektiv kesim yuziga ko'paytirilganga teng bo'ladi. Agar qatlamning qalinligi molekulaning erkin yugurish yo'li uzunligiga teng bo'lsa, u holda molekula albatta to'qnashuvga duch kelgan bo'lar edi va

$$n\sigma\lambda \times 1 = 1\text{sm}^2$$

Demak, molekulaning effektiv ko'ndalang kesimi  $\sigma$  molekulalarning to'qnashish ehtimolligiga bog'langan bo'lib, sof geometrik ma'noga ega emas ekan. Agar biz vaqt birligidagi o'rtacha to'qnashuvlar sonini (14.2) formulaga asosan

$$Z = n\sigma\bar{\vartheta} \tag{13.8}$$

ko'rinishida ifodalasak, u holda, molekula effektiv ko'ndalang kesimining ehtimollik ma'nosiga ega ekanligi tushunarli bo'ladi.

Bu ifodadan  $Z / \bar{\vartheta}$  kattalikka teng yo'l uzunligida sodir bo'ladigan to'qnashuvlar soni  $Z'$  ni bildiradi:

$$n\sigma = Z / \bar{\vartheta} = Z'$$

bundan

$$\sigma = \frac{Z'}{n} \quad (13.9)$$

Bu ifodadan  $\sigma$  kattalikka ehtimollik ma'nosini berilishi kerak ekanligi kelib chiqadi. Shunga asosan molekulaning o'rtacha effektiv kesimi  $\sigma$ -ni

$$\sigma = \sigma_0 \left( 1 + \frac{c}{T} \right) \quad (13.10)$$

ko'rinishidagi formuladan aniqlash mumkin.

Fizikada effektiv ko'ndalang kesim uchun maxsus birlik qabul qilingan. Bu birlik atom yadrosining o'lchamlari bilan bog'liq bo'lgan  $1 \cdot 10^{-24} sm^2$  yuzdir.

### Tayanch tushunchalar:

Molekulalarning issiqlik harakati, effektiv kesimi, zarralarning erkin yugurish yo'lining uzunligini bosimga va temperaturaga bog'liqligi, temperatura ortishining zarralar harakat intensivligiga bog'liqligi, Sezerlend doimiysi.

### Mavzuga doir savollar:

1. Zarralar harakati va ko'chish hodisasini mohiyatini tushuntiring.
2. Effektiv kesim yuzini izohlab bering.
3. Zarralarning erkin yugurish yo'lini qanday aniqlash mumkin?
4. Molekulalar harakati bosimiga va temperaturaga bog'liqmi?

Bir-biriga tegib turgan ikki yoki bir necha moddaning bir-birining ichiga singib o'tish hodisasi diffuziya deb ataladi.



## 14. Gazlarda diffuziya va modda ko'chishi

1. Bir-biriga tegib turgan ikki yoki bir necha moddaning bir-birining ichiga singib o'tish hodisasi diffuziya deb ataladi. Agar gaz (yoki ixtiyoriy boshqa modda) tarkibi jihatidan bir jinsli bo'lmasa, ya'ni konsentratsiyasi jihatidan ikki yoki bir necha komponentlardan tarkib topgan bo'lsa, bunday gazda diffuziya protsesi vujudga keladi. Gaz aralashma komponentlari konsentratsiyasi katta tomondan, kichik konsentratsiyali tomonga siljiydi. Bu komponentning oqimi deyiladi. Ma'lum komponentning konsentratsiyasi  $\text{kg/m}^3$ ,  $\text{g/sm}^3$   $\text{mol/sm}^3$  birliklarda o'lchanadi. Ma'lum vaqt dan keyin turlicha gazlarning konsentratsiyalari tenglashadi va diffuziya tufayli bir jinsli bo'lib qoladi. Protsesda qatnashayotgan sistemaning parametrлари vaqt o'tishi bilan o'zgarib turadigan har qanday protsess nostatsionar protsess deb ataladi.

Komponentalarning o'zini konsentratsiyasini o'zgarishiga olib keluvchi diffuziya nostatsionar diffuziya deyiladi. Amalda ko'pincha, nostatsionar diffuziya bilan ish qurishga to'g'ri keladi.

2. Tajriba biror komponentaning diffuzion oqimi shu komponenta konsentratsiyasi gradiyentining teskari ishorasi bilan olingan qiymatiga teng ekanligini ko'rsatadi (FIK qonuni). Ya'ni, u quydagicha matematik ifodalanadi:

$$\text{grad } G = \frac{dG}{dx} \quad (14.1)$$

Agar gaz aralashmasi bizni qiziqtirgan q komponentining konsentratsiyasi  $X$  o'qi bo'ylab o'zgarsa, u holda q konsentratning gradiyenti:

$$\text{grad } q = \frac{dq}{dx} \quad (14.2)$$

ko'rinishda ifodalanadi. Binobarin, diffuziyaning asosiy qonuni (**FIK** qonuni) quyidagicha formula bilan xarakterlanadi:

$$J = D \frac{dq}{dx} \quad (14.3)$$

Bu yerda  $J$ -X o'qi yo'nalishidagi diffuzion oqim. Minus ishorasi diffuzion oqimning konsentratsiyasi kamayish tomonga qarab yo'nalganligini bildiradi.

$D$  – diffuziya koeffitsienti deyiladi.

$D$  – cu sistemasida  $\text{m}^2/\text{s}$

CFC – sistemasida  $\text{sm}^2/\text{s}$  larda o'lchanadi.

Konsentratsiya  $q$  –  $\text{kg}/\text{m}^2$  yoki  $\text{g}/\text{sm}^3$  larda o'lchanadi.

Bundan:  $D = \frac{J}{\frac{dq}{dx}}$  formulaga asosan  $\text{m}^2/\text{s}$ ,  $\text{sm}^2/\text{s}$ , o'lchanishi aniqlanadi.

$\frac{dq}{dx}$  –  $\text{kg}/\text{m}^4$  yoki  $\text{G}/\text{sm}^4$  larda o'lchanadi.

Odatda  $q$  – konsentratsiya komponentaning parsial zichligidan iborat. Ya'ni  $q = \rho$

Shunga asosan (14.3) formula

$$M = -D \frac{d\rho}{dx} \quad (14.4)$$

Bu diffuziylanuvchi komponenta oqimining  $1 \text{ sm}^3$  yuzdan vaqt birligi ichida o'tuvchi massasidir.

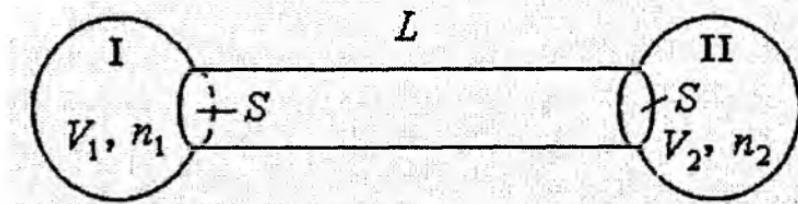
Agar diffuziylanuvchi komponenta oqimi massa bilan emas, 1s da  $1 \text{ sm}^2$  yuzdan utuvchi zarralar soni N bilan ifodallasak, u holda konsentratsiya  $1 \text{ sm}^2$  dagi molekulalar soni bilan ifodalanadi.

$$N = -D \frac{dn}{dx} \quad (14.5)$$

Diffuziya koeffitsienti moddaning xossalari va aralashmani tashkil qilgan komponentalarning xossalariiga bog'liq.

4. Bizga hajmlari  $V_1$  va  $V_2$  bo'lgan ikkita idish berilgan bo'lib, ular uzunligi  $L$  va ko'ndalang yuzi  $S$  bo'lgan nay bilan o'zaro birlashtirilgan.

Bu idishlar birday bosim va birday temperaturadagi, ammo turli tarkibdagi gaz aralashmalari bilan to'ldirilgan (14.1 rasm).



14.1-rasm.

Gaz konsentratsiyalari mos ravishda  $P_1$  va  $P_2$  bo'lzin, bunda  $n_1 > n_2$ .

Diffuziya tufayli konsentratsiya xar ikkala idishda tenglashadi, ya'ni vaqt o'tishi bilan konsentratsiyalari  $\Delta n = n_1 - n_2$  farqi kamayadi. Oqim quyidagicha ifodalanadi.

$$J = -D \frac{dn}{dx} \quad (14.6)$$

bu yerda  $\frac{dn}{dx} = \frac{\Delta n}{L}$  deb olaylik.

U holda (14.5) tenglama quyidagi ko'rinishni oladi.

$$N = -D \frac{\Delta n}{L} \quad (14.7)$$

bo'lib, diffuziya protsesda diffuziyalanuvchi komponentaning

molekulalari I idishdan II idishga o'tadi dt vaqt ichida II-idishga diffuziyalangan molekulalar soni:

$$dN = D \frac{\Delta n}{L} - S dt \quad (14.8)$$

tenglama bilan ifodalanadi. O'tkazilgan tajribalardan olingan nati-jalarga asosan konsentratsiya farqi vaqt o'tishi bilan ekspotensial qonunga asosan kamayar ekan:

$$\Delta n = \Delta n_0 \exp\left(-D \frac{S}{V_0 L} \cdot t\right) \quad (14.9)$$

formula bilan xarakterlanadi. Bu yerda  $D \frac{S}{V_0 L}$  o'zgarmas

kattalikdir. Bunga teskari bo'lган kattalik vaqt o'lchamligi  $\tau=t$  ga teng bo'ladi.

$$\tau = \frac{1}{D} \frac{V_0 L}{S} \quad (14.10)$$

Bu kattalik odatda protsesning vaqt doimiysi deyiladi, (14.10) formulaga asosan (15.9) formulani

$$\Delta n = \Delta n_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \quad (14.11)$$

ko'rinishda ifodalash mumkin. Vaqt o'zgarishi bilan bog'liq gaz konsentratsiyasini bunday o'zgarishi nostatsionar diffuziyani xarak-terlaydi va (15.11) formula sifatida matematik ifodalanadi.

Gaz aralashmasi solingan idishda konsentratsiyalar farqi ( $n=n_1-n_2$  o'zgarmas saqlanadigan (ya'ni statsionar protsess) X o'qiga perpendikular S izni olaylik (14.2-rasm). Aniq bo'lishi uchun  $n_1 > n_2$  deb olamiz. Issiqlik harakati tufayli bizni qiziqtirgan komponentaning molekulalari S yuza orqali chapdan o'ngga ham, o'ngdan chapga ham o'tadi, natijada X o'qi bo'ylab qandaydir diffuziya oqimi yuzaga keladi  $1 \text{ sm}^2$  yuza orqali kesib o'tayotgan molekulalar sonini mos ravishda  $N_1$  va  $N_2$  desak, vaqt birligida shu yuzadan o'tuvchi molekulalar ayirmasi:

$$N = N_1 - N_2 \quad (14.12)$$

teng bo'ladi.

Demak, S yuzning  $1\text{sm}^2$  ti orqali 1 sekda chapdan o'ngga kesib o'tuvchi molekulalar soni  $N_1$  va xuddi shu vaqt ichida o'ngdan chapga kesuvchi molekulalar soni  $N_2$  quyidagi munosabatdan

$$N_1 = \frac{1}{G} n' \bar{g}, \quad N_2 = \frac{1}{G} n'' \bar{g} \quad (14.13)$$

aniqlanadi.

Bu yerda  $n'$  va  $n''$  lar molekulalar konsentratsiyasi (14.13) ----> (14.12) qo'yamiz.

$$N = N_1 - N_2 = \frac{1}{G} (n' - n'') \bar{g} \quad (14.14)$$

$$n' - n'' = 2\lambda \frac{dn}{dx} \quad (14.15)$$

teng bo'lishini e'tiborga olsak (14.15) ---> (14.14) qo'ysak, u holda demak, diffuziya oqim uchun

$$N = -\frac{1}{3} \lambda \bar{g} \frac{dn}{dx} \quad (14.16)$$

tenglik hosil bo'ladi. Bu tenglikni ikkala tomoniga m-molekula massasini ko'paytiramiz

$$Nm = -\frac{1}{3} \lambda \bar{g} \frac{dn}{dx} m$$

yoki

$$M = -\frac{1}{3} \lambda \bar{g} \frac{d\rho}{dx} \quad (14.17)$$

FIK qonuni tenglamasi hosil bo'ladi. Demak, FIK qonunini (14.4) va (14.17) tenglamalarini o'zaro tenglashtiramiz va shunga asosan gazlarda diffuziya hodisani xarakterlovchi jarayonini taqqoslab diffuziya koeffitsienti uchun

$$D = \frac{1}{3} \lambda \bar{g} \quad (14.18)$$

tenglikni olamiz.

Agar ikki xil gaz komponentalari uchun massalari  $M_1$  va  $M_2$  bo'lsin. Ularning har biri uchun ya'ni birinchi komponenta massasi  $M_1$

$$M_1 = -\frac{1}{3} \left( \frac{\rho_2}{\rho_1} \lambda_1 \bar{g} + \frac{\rho_1}{\rho_2} \lambda_2 \bar{g}_2 \right) \frac{d\rho_1}{dx} \quad (14.19)$$

va ikkinchi komponenta massasi  $M_2$

$$M_2 = -\frac{1}{3} \left( \frac{\rho_2}{\rho} \lambda_1 \bar{g}_1 + \frac{\rho_1}{\rho} \lambda_2 \bar{g}_2 \right) \frac{d\rho_2}{dx} \quad (14.20)$$

ifodani olamiz.

Bu ikkala tenglikni (14.4) FIK tenglamasi bilan taqqoslab, bir gazni ikkinchi gazga diffuziyalanib o'tishi koeffitsienti  $D_{12}$  (o'zaro diffuziya koeffitsienti)

$$D_{12} = -\frac{1}{3} \left( \frac{\rho_2}{\rho} \lambda_1 \bar{g} + \frac{\rho_1}{\rho} \lambda_2 \bar{g}_2 \right) \quad (14.21)$$

ko'rinishda ifodalanadi.

Agar  $\frac{\rho_1}{\rho}$  konsentratsiya kichik bo'lsa, u holda  $\frac{\rho_2}{\rho}$  konsentratsiya birga yaqin bo'ladi. Shunga asosan (14.21) formula quyidagicha ko'rinishni oladi:

$$D_{12} = -\frac{1}{3} \lambda_1 \bar{g}_1 = D \quad (14.22)$$

Bu formulani umumiy holda quyidagicha ifodalash mumkin.

$$D = \frac{1}{3} \lambda \bar{g} \quad (14.23)$$

Bu formulaga o'zaro diffuziya koeffitsienti umumiy ko'rinishda

ifodalanishi deyiladi. Diffuziya koeffitsienti o'lchashni eng oddiy metodlardan biri Loshmidt tomonidan 1870-yil taklif etildi.

Termodiffuziya – bir jinsli gaz aralshma qisman ajralib, bir jinsli bo'lman aralashmaga aylanishidir. Bu hodisa 1911-yilda nazariy aytilgan va 1917-yilda olimlar tomonidan eksperimental tasdiqlangan.

Termodiffuziya hodisasi shundan iboratki, bir jinsli gaz aralashmasidagi temperatura farqi temperaturaning pasayishi yo'nalishi bo'ylab aralashma komponentlarida konsentratsiyalar farqini yuzaga kelishiga olib keladi. Termodiffuziya koeffitsienti  $-D_T$  bilan belgilanadi va  $\text{m}^2/\text{s}$  larda o'lchanadi. Termodiffuziya koeffitsienti  $-D_{rr}$  o'zaro diffuziya koeffitsienti  $-D_{12}$  quyidagicha holda ifodalanadi:

$$\frac{D_T}{D_{12}} = \alpha C(1 - C) \quad (14.24)$$

Bu yerda  $\alpha$  – termodiffuziya doimiy deyiladi.

### Tayanch tushunchalar:

Gazlarda diffuziya hodisasi. Diffuziyaning asosiy qonuni (FIK qonuni). Nostatsionar diffuziya. Statsionar diffuziya. Diffizuya koeffitsienti. O'zaro diffuziya koeffitsienti. Termik diffuziya. Qovushqoqlik va impuls ko'chishini tushuntiring.

### Mavzuga doir savollar:

1. Gazlarda diffuziya hodisasi to'g'risida tushuncha bering.
2. Diffuziyaning asosiy qonuni (FIK qonuni)ni aytib bering.
3. Nostatsionar diffuziya nima?
4. Statsionar diffuziyani tushuntiring.
5. Diffizuya koeffitsienti qanday hisoblanadi?
6. O'zaro diffuziya koeffitsienti nima?
7. Termik diffuziya nima?

Agar gazning geometrik o'chamlari aniq bo'lgan trubadan oqish tezligi o'chansa, quvushqoqlik koeffisientini aniqlash mumkin.



## 15. Gazlarning qovushqoqligi (ichki ishqalanishi) va impuls ko'chishi

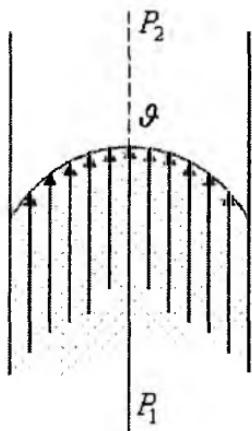
1. Gazlarning (shuningdek, suyuqliklarning ham) qovushqoqligi shunday xossasiki, bu xossa tufayli gazning turli qatlamlarining harakat tezliklari tenglashadi. Massalan, shamol yoki bo'ronning vaqt o'tishi bilan gazlarning ana shu xossasi tufayli ro'y beradi. Agar gaz qo'shni qatlamlarining tezliklari turlicha bo'lsa, harakat tezligi katta bo'lgan qatlamdan kichik tezlik bilan harakatlanayotgan qatlamga impuls (harakat miqdori) uzatilishi tufayli bu qatlamlarining tezliklari tenglashadi.

Agar tashqi qo'llar yordamida gazning turli qatlamlarining harakat tezliklari orasidagi farq o'zgarmas bo'lsa, u holda qatlamdan qatlamga o'tuvchi impuls oqimi ham o'zgarmas (statsiolnar) bo'ladi, shu bilan birga bu oqim tezlikning kamayishi yo'nalishi bo'ylab yo'nalgan bo'ladi. Massalan, gaz (yoki suyuqlik)ning ikki plastika oralig'ida yoki trubada harakat yo'nalishi bosimlar farqi doimiy bo'lganda sekin oqishini aytish mumkin.

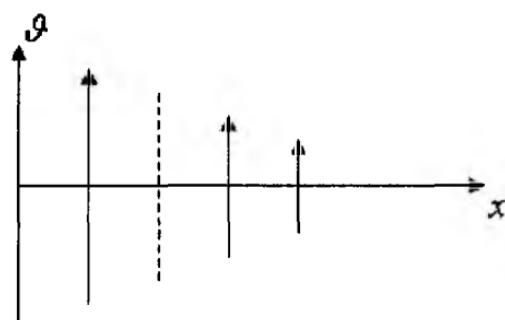
2. Ma'lumki, gazning truba bo'ylab oqishida uning qatlamlarining tezliklari 16.1-rasmida ko'rsatilganidek taqsimланади. Eng katta tezlik trubaning o'rta qismida kuzatiladi. Truba devorlariga yaqinlashgan sari tezlik kamaya boradi va trubaning devorlariga bevosita tegib turgan qatlam esa harakatlanmay tinch turadi.

Bunday oqimda impuls gazning tezligi eng katta bo'lgan markaziy qatlamdan kichik tezliklar bilan harakatlanayotgan qatlam oqimlariga beriladi. Bu protsess harakat miqdorining o'zgarishi bilan bog'liq bo'lganligi sababli, gaz o'zini xuddi unga biror kuch (ishqalanish kuchi) ta'sir qilayotgandek tutadi. 15.2-rasmda

ko'rsatilganidek X-o'qqa perpendikular yo'nalishda harakat tezligi barcha nuqtalarda birday bo'ladi, ya'ni (tezlik faqat X ning funksiyasidir.



15.1-rasm.



15.2-rasm.

Bunda tajribaning ko'rsatishicha, X o'qqa perpendikular 1 sm<sup>2</sup> yuzdan 1 sek ichidan olib o'tilayotgan harakat miqdori L shunday tenglama bilan aniqlanadi.

$$L = -\eta \frac{d\theta}{dx} \quad (15.1)$$

Bu yerda  $\frac{d\theta}{dx}$  – tezlikning X o'qi bo'ylab gradiyenti bo'lib,

tezlikning shu o'q bo'ylab o'zgarishini bildiradi. Minus ishorasi impulsning tezlik kamayayotgan yo'nalishida kuchishini bildiradi.  $\eta$  – koeffitsient gazning qovushqoqlik koeffitsienti yoki gazning ichki ishqalanish koeffitsienti deyiladi. Bu koeffitsient ham gazning xossasiga bog'liq bo'ladi.

(15.1) formuladagi  $\eta$  – dinamik qovushqoqlikning koeffitsienti deyiladi. Bu koeffitsient  $\eta = \frac{\eta}{\rho}$  – kinematik qovushqoqlik koeffitsientidan farq qiladi.

Qovushqoqlik koeffitsientining fizikaviy ma'nosи shundaki,  $1\text{sm}^2$  yuzdan 1 sek ichida shu yuzaga perpendikular yo'nalishda ko'chirib o'tilgan harakat miqdoriga teng. SI – sistemasida modda (gaz)ning qovushqoqlik koeffitsienti –  $\text{kg}\cdot\text{m}/\text{s}$  bilan o'lchanadi. Bu birlik Puaz deb ataladi. Kinematik qovushqoqlik koeffitsienti  $\text{m}^2/\text{s}$  va  $\text{sm}^2/\text{s}$  larda o'lchanadi,  $1\text{sm}^2/\text{s}=1$  Stoks deyiladi. Qovushqoqlik – bu gazning biror qo'shni qatlamiga nisbatan harakatlanayotgan ixtiyoriy qatlamiga biror kuch ta'sir qiladi.

Bu kuch turli tezliklar bilan harakatlanayotgan gaz qatlamlari orasidagi ishqalanish kuchidir. Shuning uchun uni ichki ishqalanishi deb yuritiladi. Demak, shunga ko'ra (15.1) formulani

$$F = -\eta \frac{d\vartheta}{dx} \quad (15.2)$$

ko'rinishida ifodalanadi.

$F$  – gazning ikki qo'shni qatlamlarini ajratib turgan sirt birligiga ta'sir qiluvchi kuch. Ichki ishqalanish koeffitsienti  $\eta$  qancha katta bo'lsa, bosimlar farqi ham shuncha katta bo'lishi kerak. Truba kesimidan vaqt birligida oqib o'tuvchi gaz hajmi  $V$  va uning uchun kerak bo'lgan bosimlar farqi  $\Delta P$  orasidagi bog'lanish Pauzeyli formulasi

$$V = \frac{\pi R^4}{8\eta} \cdot \frac{\Delta P}{\ell} \quad (15.3)$$

aniqlanadi: bu yerda  $\ell$  – trubaning uzunligi va  $R$ -uning radiusi gaz oqadigan qatlamning impuls oqimi  $L$  ni hisoblashda:

$$L = -\frac{1}{3} mn\bar{\vartheta} \frac{d\vartheta}{dx} \quad (15.4)$$

formuladan foydalaniladi.

(15.1) va (15.4) formulalarni o'zaro solishtirsak, qovushqoqlik koeffitsienti uchun quyidagi ifodani olamiz:

$$\eta = \frac{1}{3} mn\bar{\vartheta}\lambda = \frac{1}{3} \rho \bar{\vartheta}\lambda \quad (15.5)$$

Bundan ko‘rinadiki η qovushqoqlik koeffitsienti bosimga bog‘liq emas ekan.

3. Agar gazning geometrik o‘lchamlari aniq bo‘lgan trubadan oqish tezligi o‘lchansa, quvushqoqlik koeffitsientini aniqlash mumkin. Puazeyl formulasi  $V = \frac{\pi R^4}{8\eta} \cdot \frac{\Delta P}{\ell}$  dan foydalanib, bu

o‘lchashlardan qovushqoqlik koeffitsientini aniqlash mumkin.

Biroq, shuni aytish kerakki, bunday tajriba uchun har qanday truba ham yaroqli bo‘lavermaydi. Qovushqoqliknin o‘lchash uchun gazning oqimi laminar bo‘lishi kerak. Laminar oqim deb, shunday oqimga aytildi, unda gaz (suyuqlik)ning truba o‘qiga perpendikular yo‘nalishdagagi tezligi barcha nuqtalarda nolga teng bo‘ladi, ya’ni gazning qatlamlari turli tezliklar bilan oqayotgan bo‘lsa ham, ular bir-biriga qat’iy paralell bo‘ladi.

Agar trubada oqadigan gaz (suyuqlik) uyurmalarini hosil qilsa, bunday jarayonga turbulent oqim deyiladi va Puazeyl formulasi o‘rinli bo‘lmaydi. Puazeyl formulasidan foydalanishga asoslangan qovushqoqlik koeffitsientini o‘lchash usuli, ko‘pincha kapilyar usuli, tegishli asboblarni esa kapilyar viskometrlar deb ataladi.

Trubalarda gaz (suyuqlik) oqimini, truba o‘lchamlariga va harakat tezligiga bog‘liqligini o‘rganib, laminar oqimdan turbulent uyurmalar harakatiga o‘tishni quyidagi o‘lchamsiz kattalik bilan o‘lchash mumkin.

$$Re = \frac{\rho u r}{\eta} \quad (15.6)$$

Kriteria formula bilan aniqlanadi. Hisoblashlar shuni ko‘rsatadi, (15.6) formula kritik qiymat masalan 1000 qiymatidan ortgandan so‘ng turbulent harakatga o‘tadi.

Bu yerda,  $\rho$  – gazning zinchligi,  $u$  – oqimning o‘rtacha tezligi,  $r$  – trubaning radiusi va (6) Reynolds soni deb ataladi. Reynolds soni harakatlanayotgan suyuqlik yoki gazda ta’sir ko‘rsatadigan energiya va qovushqoqlik kuchlar orasidagi munosabatini xarakretlaydi.

$$\text{Re} \approx \frac{u}{\bar{g}} \cdot \frac{r}{\lambda} \quad (15.7)$$

Demak, oqim laminar bo'lishi uchun gazning harakat tezligi U katta bo'lmasligi kerak.

Ko'chish koeffitsientlari orasidagi munosabatni aniqlash uchun issiqlik o'tkazuvchanlik va qovushqoqlik koeffitsientlari orasida oddiy munosabat

$$x = \eta C_v \quad (15.8)$$

muhimdir.

Shuningdek, qovushqoqlik va diffuziya koeffitsientlari:

$$\eta = \frac{1}{3} \rho \bar{g} \lambda$$

$$L = -\eta \frac{d\vartheta}{dx}$$

ni taqqoslasak ulardan quyidagi bog'lanish formulasi aniqlanadi.

$$D = \frac{\eta}{\rho} \quad (15.9)$$

Bu yerda  $\frac{\eta}{\rho}$  kinematik qovushqoqlik deyiladi va u son jihatdan

diffuziya koeffitsientiga teng bo'ladi. Demak, diffuziya va issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsientlar:

$$L = -\eta \frac{d\vartheta}{dx}$$

$$\eta = \frac{1}{3} \rho \bar{g} \lambda$$

ni taqqoslab,

$$D = \frac{x}{\rho \cdot C_v}$$

formulani olishga erishamiz.

Demak, xulosa qilib aytganda, ko'chish hodisalarining diffuziya

protsesslari: modda diffuziyasi, temperatura diffuziyasi va tezlik diffuziyasi deb ataladi.

Gazlarning (shuningdek suyuqliklarning ham) qovushqoqlik xossasi tufayli gazning turli qatlamlarining harakat tezliklari tenglashadi. Masalan: shamol yoki bo'ronning vaqt o'tishi bilan to'xtashi (so'nishi) gazlarning ana shu xossasi tufayli sodir bo'ladi. Agar gazlarning I qatlamining tezligi  $x_1$  va II qatlamning tezligi  $x_2$  bo'lib,  $x_1 > x_2$  yoki  $x_1 > x_2$  bo'lsa, kichik tezlik bilan harakatlanayotgan qatlamga impuls (harakat miqdori) uzatilishi tufayli bu qatlamlarning tezliklari tenglashadi. Gaz qatlamlarining harakat tezliklari farqi o'zgarmasa, qatlamdan qatlamga o'tuvchi impuls oqimi ham o'zgarmas (statsionar) bo'ladi.

Shu bilan bizga bu oqim tezlikning kamayishi yo'nalishi bo'ylab yo'nalgan bo'ladi. Masalan, gaz yoki suyuqlikning ikki plastina oralig'ida yoki turbada harakat yo'nalishi bo'ylab tashqi bosimlar farqi doimiy bo'lgan sharoitda sekin oqishida ana shunday hol bo'lishi mumkin.

Ma'lumki, gaz truba bo'ylab oqishida uning qatlamlarini tezliklari ko'rsatilgandek taqsimlanadi va trubaning o'rta qismida tezlik katta, devor yaqinlariga tomon tezlik kamaya boradi. Devorlarga bevosita tegib turgan qatlam tinch turadi. Gazning bunday oqishida impuls, gazning tezligi eng katta bo'lgan markaziy qatlamdan tezlik kichik bo'lgan qatlam oqimlariga beriladi.

Bu protsess harakat miqdorining o'zgarish bilan bo'lgani sababli, gaz o'zini xuddi unga biror kuch (ichki ishqalanish kuchi) ta'sir qilayotgandek tutadi.

Gaz harakatining tezligi  $X$  o'qi yo'nalishida o'zgarayotgan bo'lsin va  $X$  o'qining yo'nalishi gaz harakat tezligi yo'nalishiga perpendikular deylik (15.1-rasm). Bu holda  $X$  o'qqa perpendikular yo'nalishda harakat tezligi barcha nuqtalarda birday bo'ladi, ya'ni tezlik faqat  $X$  ning funksiyasidir. Tajribaning ko'rsatishicha  $X$  o'qqa perpendikular  $1 \text{ sm}^2$  yuzdan  $1 \text{ s}$  ichida olib o'tilgan harakat miqdori  $L$  quyidagicha tenglama bilan ifodalanadi:

$$L = -\eta \frac{d\vartheta}{dx} \quad (15.10)$$

bu yerda  $\frac{d\vartheta}{dx}$  tezlikning X o‘qi bo‘ylab gradiyenti bo‘lib, tezlikni X – o‘qi bo‘ylab o‘zgarishini bildiradi. Minus ishorasi ismpulsning tezlik kamayayotgan yo‘nalishda ko‘chishini bildiradi.  $\eta$  – koefitsienti gazning qovushqoqlik koeffitsienti yoki gazning ichki ishqalanish koeffitsienti deb ataladi. Ko‘p hollarda  $\eta$  – koeffitsient dinamik qovushqoqlik koeffitsienti deb ataladi. Shuningdek,  $\vartheta = \frac{\eta}{\rho}$

kattalik kinematik qovushqoqlik koeffitsientidan farq qiladi, bu yerda  $\rho$  – gazning zichligi gazning laminar oqimida uning oqim tezligi OX yo‘nalishida kamayadi deylik (15.3-rasm), ya’ni gaz qattiq devorli silindr truba orqali oqayotgan bo‘lsin. Gazning ikki qo‘shni qatlami bir-biriga tegayotgan  $\Delta S$  yuzni ko‘z oldimizga keltiraylik, bu yuzdan  $\bar{\lambda}$  masofada oqim tezligi qiymatlarini  $\vartheta_1$  va  $\vartheta_2$  bilan belgilaylik ( $\vartheta_1 > \vartheta_2$ ). Molekulalarning xaotik harakatiga oqimning  $\vartheta$  tezligi ham qo‘shiladi, shuning uchun yuqori qatlam molekulalarining harakat miqdori pastki qatlam molekulalarinikiga qaraganda katta bo‘ladi:  $m\vartheta_1 > m\vartheta_2$ , bu yerda t molekula massasi. Xaotik harakat protsessida yuqori qatlam molekulalari o‘zining harakat miqdorini pastki qatlamga ko‘chiradi va bu bilan pastki qatlamning tezligini oshiradi, o‘z navbatida pastki qatlam molekulalari o‘zining harakat miqdorini yuqori qatlamga ko‘chiradi va uning tezligini kamaytiradi. Natijada qatlamlar orasida ichki ishqalanish vujudga keladi, bu ishqalanishning kuchi S yuz bo‘ylab oqim tezliklariga parallel ta’sir qiladi. Ko‘chish tenglamasi:

$$\Delta(n\varphi) = -\frac{1}{3} \bar{\lambda} \vartheta \frac{\Delta(n_0\varphi)}{\Delta x} \Delta S' \cdot \Delta t \quad (15.11)$$

formulani qo‘llab, molekulaning harakat miqdorini  $\varphi = k = m\vartheta$  ekanligini qayd qilaylik. Bu holda gazning butun hajmida moleku-

lalar konsentratsiyasi  $\Pi_0$  ni bir xil deb hisoblash mumkin bo'lgani uchun

$$\Delta(n_0\varphi) = \Delta(n_0k) = \Delta(n_0m\vartheta) = n_0m\Delta\vartheta \quad (15.12)$$

bu yerda  $\Delta\vartheta = \vartheta_1 - \vartheta_2$  shuningdek,

$$\Delta(n\varphi) = \Delta(k) \quad (15.13)$$

bu yerda  $\Delta k = \Delta t$  vaqt ichida  $\Delta S$  chegaraviy yuzda bir qatlamning ikkinchi qatlamga nisbatan harakat miqdorini o'zgarishi. Harakat miqdorining o'zgarishi ta'sir qiluvchi kuchning impulsiga teng bo'lgani uchun:

$$\Delta k = F \cdot \Delta t \quad (15.14)$$

bu yerda  $F$  – gaz qatlamlari orasidagi o'zaro ta'sir kuchi, ya'ni ichki ishqalanish kuchidir. Shunga ko'ra (16.13) tenglamani quyidagi ko'rinishda ifodalash mumkin:

$$\Delta(n\varphi) = \Delta k = F \cdot \Delta t \quad (15.15)$$

(15.12) va (15.15) ifodalarni ko'chish tenglamasi (15.11) ga qo'yib, quyidagi ifodani hosil qilamiz.

$$F \cdot \Delta t = -\frac{1}{3} \bar{\lambda} \bar{g} n_0 \frac{\Delta \vartheta}{\Delta x} \cdot \Delta S \cdot \Delta t$$

Bu tenglikni  $\Delta t$  ga qisqartib va  $n_0m = \rho$  (gazning zichligi) ekanligini e'tiborga olib yozsak,

$$F = -\frac{1}{3} \bar{\lambda} \bar{g} \rho \frac{\Delta \vartheta}{\Delta x} \cdot \Delta S \quad (15.16)$$

Bunda

$$\frac{1}{3} \bar{\lambda} \bar{g} \rho = \eta \quad (15.17)$$

bilan belgilab (15.1) ifodani quyidagicha yozish mumkin:

$$F = -\eta \frac{\Delta \vartheta}{\Delta x} \cdot \Delta S \quad (15.18)$$

Bu tenglama gazning bir-biriga nisbatan sirlanuvchi ikki qatlarning urinish tekisligida yuzga to‘g‘ri keladigan ichki ishqalanish kuchi bu qatlamlarning urinuvchi yuzlari  $\Delta S$  ga va tezlik gradiyenti

$$\frac{\Delta \mathcal{S}}{\Delta X} \text{ ga proporsional bo‘ladi.}$$

### **Tayanch tushunchalar:**

Gazlarning qovushqoqligi, (ichki ishqalanishi). Gazlarning qovushqoqlik koefitsienti. Qovushqoqlik koefitsieti. Impuls ko‘chish koefitsienti orasidagi munosabat.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Gazlarning qovushqoqligi (ichki ishqalanishi) to‘g‘risida tushuncha bering.*
2. *Gazlarning qovushqoqlik koefitsienti qanday hisoblanadi.*
3. *Qovushqoqlik koefitsienti qanday o‘lchanadi.*
4. *Impuls ko‘chish koefitsienti orasidagi munosabatni tushuntiring.*

## VI BO'LIM. TERMODINAMIKA ELEMENTLARI

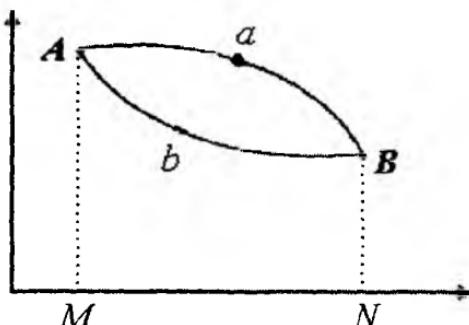
Klauzius bilan V.Tomson keyinchalik Karnoning xulosalarini umumlashtiradi.

### 16. Issiqlikni mexanik ishga aylanishi. Siklik jarayon va sikl ishi. Termodinamikaning II bosh qonuni

Bizga ma'lumiki, mexanika va energiya issiqlikka aylanishida bu protsess juda sodda holda ro'y beradi. Mexanikaviy energiyaning hammasi issiqlikka aylanadi. Bunday aylanishda qancha kaloriya hosil bo'lishini bilish uchun joullar sonini 0,239 ga ko'paytirish kifoya. (Mexanika va ishning issiqlik ekvivalenti).

Bunday foydalanish koeffitsienti hamma vaqt birga teng, ammo teskari protsess ancha murakkab ekanligini bilamiz. Shuningdek, issiqlikning ishga aylantiruvchi real mavjud bo'lgan qurilmalar (bug' mashinalari, ichki yonuv dvigatellari va x.k) ma'lumki, siklik ravishda ishlaydi, ya'ni ularda issiqlikni uzatish (berish) va uni ishga aylantirish protsessorlari davriy takrorlanib turadi. Buning uchun ish bajarayotgan jism manbadan issiqlik olgandan so'ng, yana xuddi shunday protsesni qaytadan boshlash uchun o'zining dastlabki holatiga qaytishi kerak, boshqacha aytganda bu jism aylanma protsesslarni bajarishi kerak. Bunday protsess sikl deyiladi. Agar jismning holati uning bosimi va hajmi, orqali xarakterlansa u holda bu holat grafik ravishda P-V diagrammadagi AB nuqtalar bilan ifodalanadi.

Holatning o'zgarishi bunda diagrammada chiziq bilan, masalan: 16.1-rasmdagi A va B chiziq bilan ifodalanadi. Aylanma protsess (sikl) yopiq egri chiziq masalan A,b va B,a egri chiziq bilan ifodalanadi.



16. I-rasm

Bu sikl davomida bajarilgan ish bu yopiq egri chiziq bilan chegaralangan yuzaga teng bo‘ladi. 1854-yil V.Tomson (Kelvin): biror jismdan olingan issiqlik boshqa qandaydir jism yoki jismlarda hech qanday o‘zgarishi vujudga keltirmaydi, yagona mexanikaviy ishga aylantirib beruvchi sikllik protsesni amalga oshirish mumkin emas degan edi. Bu prinsip issiqlik mashinalarining ishlashiga tegishli ko‘p sonli tajribalar asosida isbotlangan.

Birinchidan, ishchi jism ikkinchidan issiqliknинг manbayi ya’ni – isitgich, üchinchidan issqqlik uzatiladigan pastroq temperaturali jism – sovutgich bu jarayonning asosini tashkil etadi. Sikllik mashinada ish bajarish uchun turli temperaturali ikki jism qatnashishi shart degan tasdiq Karno prinsipi deyiladi. Bu prinsipga asosan issiqlik mashinasi (sikllik mashina) faqat issiqlik manbayi va ishchi jism bilan qanoatlanib qola olmaydi. Agar faqat ishchi jism va issiqlik manbayi bilangina qanoatlanib qolishi mumkin bo‘lganda edi, u holda ish bajarish uchun dengiz va okeanlarning suvlari, yer qobig‘i, yer atmosferasi singari amalda cheksiz issiqlik miqdori olish mumkin bo‘lgan «manbalardan» foydalanish mumkin bo‘lar edi. Bunday manbalarning issiqligi hisobiga ishlaydigan va hech qanday yoqilg‘i talab qilmaydigan mashina, abadiy dvigatel singari ahamiyatga ega bo‘lar edi va bunday mashina ikkinchi tur abadiy dvigatel deb atalar edi. Biroq, bunday mashinani energiyaning saqlanishi qonuni «tasdiqlaydi». Bunda ish issiqlik hisobiga bajariladi. Ammo tajriba

bunday mashinani yasalishi mumkin emasligini ko'rsatadi. Siklik issiqlik mashinasining ishlashi uchun sovutgich temperaturasi issiqlik manbayining temperaturasidan past bo'lgan jism kerak bo'ladi. Odatda atinosferaning o'zi sovutgich bo'lib xizmat qiladi.

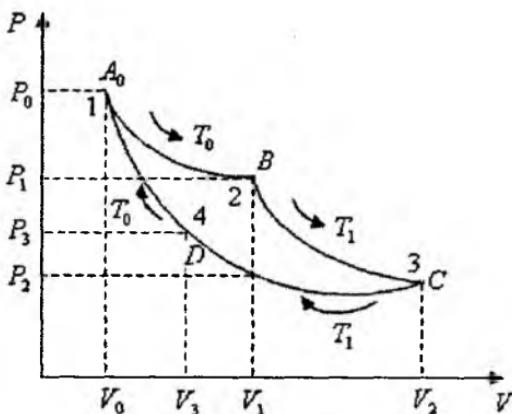
2. Siklik jarayoni uchun bilamizki, uchta jism: Issiqlik olinayotgan issiqlik manbayi (isitgich), issiqlik beriladigan sovuqroq jism (sovutgich) va issiqliknинг berilishi va ishining bajarilishida vositachi bo'lgan ishchi jism bo'lishi kerak.

Ishchi jismda amalgalashuvchanlik protsesni bu jismning biror bosimgacha siqilib isitgich bilan kontaktda bo'lgan paytidan, ya'ni demak, uning  $T_0$  ga teng temperaturaga ega bo'lgan paytidan boshlaymiz (2-rasmdagi A). Temperaturalar farqi bo'limgani uchun bunda issiqlik o'tkazuvchanlik protsessi bo'lmaydi. Ish bajarilmasdan issiqlik berish protsessi ham bo'lmaydi. Bizning maqsadimiz maksimal ish olish bo'lgani uchun siklda bunday protsesslar bo'lishiga yo'l qo'ymasligimiz kerak. Endi ishchi jismga isitgich bilan kontaktini uzmagan holda kegayishi va biror jismni masalan: porshenni siljitim uchun imkon beramiz. Demak, kegayishi izometrik kegayishi bo'ladi (16.1-rasmdagi A V egri chiziq).

Bunda ish bajariladi.

Bu ish isitgichdan olgan issiqlik hisobiga bajariladi, biroq isitgichning issiqlik sig'imi katta bo'lgani uchun u o'z temperaturasini o'zgartirmaydi.

Ishchi jism olgan issiqliknинг sovutgichga berishi kerak. Sovitgichga bu issiqliknинг ishchi jismni bevosita sovutgich bilan tegizib amalgalashuvchanlik bo'lmaydi, chunki izotermik kegayigan ishchi jismning temperaturasi sovutgichning temperurasidan baland bo'ladi va bevosita kontaktida issiqlik uzaytirilganda foydali ish bajarilmaydi. Shuning uchun, dastlab ishchi jismni sovutgich temperurasigacha sovitish va so'ngra unga tegizish kerak. Ishchi jismni sovitish uchun esa u isitgichdan izolatsiya qilinishi va so'ngra sovutgich temperurasiga tenglashguncha adiabatik kegayishiga (16.2 rasm CD egri chiziq) imkon berish kerak.



16.2-rasm

Adiabatik kengayishida jismlar soviydi. Bu ikkinchi bosqichda jism kengayib, masalan porshenni siljitib qo'shimcha mexanikaviy ish bajaradi. Shunday yo'l bilan ishchi jism sovutilgandan keyin u sovtugichga tegiziladi. Shu bilan siklning birinchi yarmi tamom bo'ladi, bunda jism isitgichda olingan issiqqlik hisobiga foydali ish bajaradi.

Endi ishchi jismni dastlabki holatiga qaytarish, ya'ni, dastlabki bosim va temperaturani tiklash kerak. Demak, ishchi jism siqilishi va qaytadan isitgich bilan kontaktda bo'lishi kerak. Bunda ham dastlabki bosqichga qaytarish jarayoni ikki bosqichda bajariladi. Dastlab izotermik siqiladi – CD egri chizik, so'ngra adiabatik siqiladi. AD – egri chiziq va nihoyat sikl tugaydi.

Demak, aylanma protsess ikki izotermik va ikki adiabatik kengayishi hamda siqilishdan iborat bo'ladi. Kengayishlarda ishchi jism foydali ish bajaradi: siqilishlar esa, aksincha tashqi kuchlar jism ustidan bajarilgan ishi hisobiga bo'ladi.

Bu holda butun sikl qaytuvchanlik yo'li bilan amalga oshiriladi, (ya'ni protsess juda sekin kvazistatik bo'lsin) bunday ishchi jism ustida bajarilgan ishni 1824-yil fransuz olimi Sadi Carno birinchi bo'lib bayon etdi. Shuning uchun uning sharafiga Carno sikli deyiladi. Ishchi jism sifatida ideal gaz olingan.

$T_0 > T_{1-0} = P_0 V_0 / R$ ,  $T_1$  – sovutgich temperaturasi

I – bosqich:

AV – izotermik kengayishida bajarilgan A1 ish

$$A_1 = RT_0 \ln \frac{V_1}{V} = Q_0 \quad (16.1)$$

teng bo'ladi, bu yerda  $Q_0$  – gazning isitgichdan olgan issiqlik miqdori.

II bosqich:

BC – adiabatik kengayish  $T_0 = T_1$  protsess to'xtasa-da, gaz kengayganda

$$T_0 V_1^{\gamma-1} = T_1 V_2^{\gamma-1} \quad (16.2)$$

tenglik o'rini bo'ladi. Shuningdek,

$$\left( \frac{V_2}{V_1} \right)^{\gamma-1} = \frac{T_0}{T_1} \quad (16.3)$$

tenglikdan  $V_2$  topish mumkin.

II bosqichda gazning bajaradigan ishi  $A_2$

$$A_2 = \frac{RT_0}{\gamma-1} \left[ 1 - \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \right] = \frac{R(T_0 - T_1)}{\gamma-1} \quad (16.4)$$

teng bo'ladi. III-bosqichda, shundan keyin gazning hajmi  $V_2$  va  $V_3$  gacha izotermik siqiladi. Bunda gaz bajarilgan ish  $A_3$  ga teng bo'ladi.

$$A_3 = RT_1 \ln \frac{V_3}{V_2} = -RT_1 \ln \frac{V_2}{V_3} = -Q_1 \quad (16.5)$$

va  $Q_1$  issiqlik ajralib chiqadi.

IV bosqichda gaz adiabatik siqiladi va dastlabki  $P_0$ ,  $V_0$  holatga qaytadi:

$$\left( \frac{V_3}{V_0} \right)^{\gamma-1} = \frac{T_0}{T_1} \quad (16.6)$$

$$\text{tenglikdan} \quad T_1 V_3^{\gamma-1} = T_0 V_0^{\gamma-1}$$

Sikl oxirida IV bosqichda adiabatik siqishda bajarilgan

$$A_4 = \frac{R(T_1 - T_0)}{\gamma - 1} = -\frac{R(T_0 - T_1)}{\gamma - 1} \quad (16.7)$$

ga teng bo'ladi.

Siklning natijasi nima bo'ladi?

Uning issiqlikning mexanikaviy ishga aylantirishdan iborat maqsadi qay darajada bajariladi?

Gazning bajargan va gaz ustida umumiy ish A ning

$$A = A_1 + A_2 + A_3 + A_4 \quad (16.8)$$

ga teng bo'lishi o'z-o'zidan ravshan

(18.1), (18.4), (18.5) va (18.7) tengliklardan quyidagini olamiz:

$$A = RT_0 \ln \frac{V_1}{V_0} + \frac{R(T_0 - T_1)}{\gamma - 1} - RT_1 \ln \frac{V_2}{V_3} - \frac{R(T_0 - T_1)}{\gamma - 1} = RT_0 \ln \frac{V_1}{V_0} - RT_1 \ln \frac{V_2}{V_3} \quad (16.9)$$

(18.3) va (18.6) tenglik o'ng tomoni teng, shuning uchun:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{V_3}{V_0}, \quad \text{yoki} \quad \frac{V_1}{V_0} = \frac{V_2}{V_3} \quad \text{ekanligi kelib chiqadi.}$$

Bu munosabatni  $r$  orqali belgilaymiz. U holda

$$\ln \frac{V_1}{V_0} = \ln \frac{V_2}{V_3} = \ln r \quad (16.10)$$

$V_1 > V_0$  va  $V_2 > V_3$  bo'lgani uchun, umumiy ish

$$A = R(T_0 - T_1) \ln r \quad (16.11)$$

teng bo'lib,  $T_0 > T_1$  bo'lgani uchun  $A > 0$  demak, ishchi jismning isitgichdan olgan  $Q_0$  issiqlik miqdoriga teng emas.

Isitgich bergen

$$Q_0 = RT_0 \ln \frac{V_1}{V_0} \quad (16.12)$$

issiqlik miqdoridan

$$Q_1 = -RT_1 \ln r \quad (16.13)$$

ga teng bo'lgan bir qism gazning  $V_2$  hajmdan  $V_3$  hajmgacha izotermik siqishda sovutgichga berilgan edi. Shunday qilib, olingan issiqliknинг

$$Q_0 - Q_1 = R(T_0 - T_1) \ln r = A \quad (16.14)$$

ga teng bo'lgan qismigina foydali ishga aylantirishga erishiladi.

Demak,

$$\frac{Q_0}{T_0} = R \ln \frac{V_1}{V_0},$$

tengliklardan

$$\frac{Q_0}{T_0} - \frac{Q_1}{T_1} = 0 \quad \frac{Q_0}{T_0} = \frac{Q_1}{T_1} \quad (16.15)$$

tenglik o'rini bo'ladi.

Bundan  $\frac{Q_0}{Q_1} = \frac{T_0}{T_1}$  tenglikka asosan

$$\eta = \frac{A}{Q_0} = \frac{Q_0 - Q_1}{Q_0} \quad (16.16)$$

Issiqlik mashinasining F.I.K ni aniqlashga erishamiz.

$\eta=1$  bo'lgan issiqlik dvigateli g'oyat manfaatli bo'lar edi. Chunki bunday dvigatel ikki jism issiqliq jismning (isitgichning) va sovuqliq jismning (sovutgichning) mavjud bo'lishini talab qilinadi.

Bunday dvigatel ikkinchi xil perpetuum mobele degan nom olar edi. Biroq faqatgina isitgichdan bir marta olgan  $Q_0$  issiqlik hisobidan davriy  $A=Q_0$  ish bajaradigan issiqlik mashinasini yasash yo'lidagi barcha urinishlar hamma vaqt muvaffaqiyatsizlikka uchrab keladi.

Fransuz fizigi Sadi Kurno 1824-yilda o'zining «Olovning harakatlantiruvchi kuchi haqida mulohazalar» degan asarida ideal gaz ustida

bajarilgan va gaz hajmining adiabatik va izotermik o'zgarishlaridan iborat bo'lган ayirma protsesda (agar sovutgichning temperaturasi absolut noldan yuqori bo'lsa) issiqlikning isitgichdan sovutgichga uzatilmasligi mumkin emas, degan xulosaga keldi.

Klauzius bilan V. Tomson keyinchalik Karnoning xulosalarini quyidagicha umumlashtiradi: biror-bir manbadan bir marta olingan issiqlik hisobida davriy ishlashi mumkin emas degan issiqlik mashinasi to'g'risidagi prinsipga (birdan-bir natijasi manbalardan bittasidan olingan issiqlik hisobiga ish hosil qilishdan iborat bo'lган davriy protsesni vujudga keltirib bo'lmaydi. Bu prinsip Termodinamikaning II bosh qonuni deb nom oldi. Termodinamikaning II bosh qonunini butun koinotga va cheksiz katta vaqt oralig'iqa umumlashtirish xatodir.

### Tayanch tushunchalar:

Issiqlik, mexanik ish, issiqlikni mexanik ishga aylanishi. Siklik jarayon va sikl ishi. Termodinamikaning II qonuni.

### V. Mavzuga doir savollar:

1. Issiqlikni mexanik ishga aylanishini tushuntiring.
2. Siklik jarayon va sikl ishi nima.
3. Termodinamikaning II qonunini aytib bering.

Karno siklining foydalanish koeffitsienti ideal gaz ustida bajarilgan  
Karno siklining foydali ish koeffitsientiga tengligini ko'rsatish  
mumkin.

### 17. Issiqlik mashinalari va ularning foydali ish koeffitsienti (FIK). Karko sikli va uning FIK. Karko teoremlari

Issiqlik mashinalarida sodir bo'ladigan jarayonlarda uzatiladigan issiqlik mashinalarida sodir bo'ladigan jarayonlarda uzatiladigan

issiqlik miqdori hisobida A ish bajariladi va bunda energiya saqlanish qonuni bajariladi. Tashqaridan olingan va tashqariga qaytarib berilgan issiqlik miqdorining qiymatlari orasidagi  $Q_0 - Q_1$  ayirma hosil qilingan A ishga teng.

Isitgichdan olingan  $Q_0$  issiqlik miqdorining qancha qismi A ishga aylanganini bilish katta amaliy ahamiyatga egadir. Chunki, sovutgichga berilgan  $Q_1$  issiqlik miqdorining amaliy ahamiyati yo'q. Shuning uchun F.I.K. tushunchasi kiritiladi.

$$\eta = \frac{A}{Q_0} = \frac{Q_0 - Q_1}{Q_0} \quad (17.1)$$

Bu foydali ish koeffitsientini hisoblashda o'tgan mavzudagi ikkinchi rasmdagi siklni bajarilishida ishlarni hisoblagan edik, 4 ta bosqichdan iborat bo'lgan bu siklda ishlovchi modda biror manbadan olingan  $Q_0$  issiqlik miqdori hisobiga A ishni bajaradi. Shuningdek, bu jarayonda  $Q_1$  issiqlik miqdori sovutgichga berilishini ko'rdik. Bu protsess murakkab xarakterlidir. Demak, bu jarayonda sovutgichga bajaradigan  $Q_1$  issiqlik

$$Q_1 = Q_0 - A \quad (17.2)$$

bilan aniqlanishini o'rgandik. Bunda A-ish isitgichdan olingan  $Q_0$  issiqlik miqdorining qanday qismini tashkil qilishini aniqlash muhimdir. (18.1) formuladan  $\eta$ -birga qancha yaqin bo'lsa, ya'ni A ish olingan issiqlik miqdorining qanchalik katta qismini tashkil qilsa, mashina shunchalik ko'p manfaatli bo'ladi.

Biz o'tgan mavzuda Karko siklini ko'rib, bu jarayon ikkita izotermal va ikkita adiabatadan iborat bo'lgan qaytuvchan aylanma protsess ekanligini bilgandik (18.1-rasm).

1 holat hajm  $V_0$ , bosim  $P_0$  va temperatura  $T_0$  bilan xarakterlanadi. 1 mol ideal gazni ishlovchi modda sifatida olib Karko siklini o'rGANAMIZ. Gaz 2-holatni olguncha hajm  $V_1$ , bosim  $P_1$  bilan izotermik ( $T=\text{const}$ ) kengayishiga majbur qilamiz: gaz izotermik kengayishi vaqtida isitgichdan  $Q_0$  issiqlik miqdorini oladi va  $A_1 = Q_0$  ish bajaradi.

Gaz 2-hajmdan boshlab, hajmi  $V_2$  bosim  $P_2$  ga teng bo'lgan adiabatik kengayishi imkonini beramiz va u 3-holatga yetib keladi bu holda gazning temperaturasi  $T_1$  gacha pasayadi.

Gaz 3-holatdan boshlab hajmi  $V_3$ , bosim  $P_3$  bilan xarakterlanib, o'zgarmas temperatura  $T_1$  bilan siqamiz. Bunday siqilish izotermik siqilish bo'lib, gazni hajmi  $V_3$  va bosimi  $P_3$  ga teng bo'lgan 4-holatni egallaydi. Bu siqilishda gaz sovutgichga  $Q_1$  issiqlikni beradi va  $A = -Q_1$  ish bajaradi. Nihoyat, gazni 4-holatdan boshlab adiabatik ravishda shunday siqishimiz, uning hajmi boshlang'ich  $V_0$  hajmni,  $P_0$  bosimni egallah va uning temperaturasi boshlang'ich temperaturagacha ko'tarilsin. Bunday yonish sikl Karno sikli bo'lib, uning f.i.k.

$$\eta = \frac{A}{Q_0} = \frac{Q_0 - Q_1}{Q_0} \quad (17.3)$$

orqali ifodalanadi.

Bu yerda  $A$  – to'la sikl davomida bajarilgan ish.

$Q_0$  – isitgichdan olingan issiqlik miqdori.

$Q_1$  – sovutgichga berilgan issiqlik miqdori.

Agar bu protsesda:  $-T_0$  deb gazning (17.1)-(17.2) izotermik kengayishidagi temperaturasi.  $T_1$  – deb gazning (17.3)-(17.4) izotermik siqilishdagi temperaturalar desa, u holda izotermik kengayishda gaz isitgichdan  $Q_2$  issiqlik miqdorini beradi. Demak, isitgichning temperurasini,  $T_0$  va sovutgichning temperurasini  $T_1$  desak, Karno siklini f.i.k bilan xarakterlanadi:

$$\eta = \frac{T_0 - T_1}{T_0} \quad (17.4)$$

Bu Karnoning to'g'ri sikli ideal issiqlik mashinasidir. Bunday ideal issiqlik mashinasining f.i.k.  $\eta$  faqatgina isitgichning  $T_0$ -temperurasini va sovutgichning  $T_1$  temperurasini deb aniqlanadi.

Bu siklning o'tishi natijasiga gaz

$$A = Q_0 - Q_1 = \eta Q_0 \quad (17.5)$$

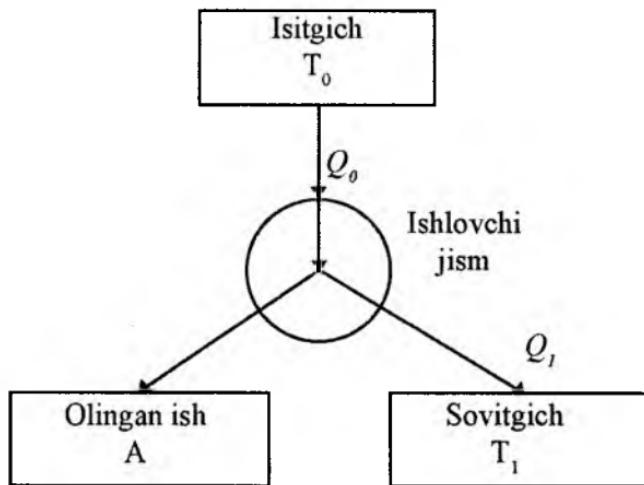
ishni bajaradi. Bu holda isitgichdan  $Q_0$  issiqlik miqdori olingan vasovutgichga

$$Q_1 = Q_0 - A = (1 - \eta)Q_0 \quad (17.6)$$

issiqlik miqdori berilgan bo'ladi.

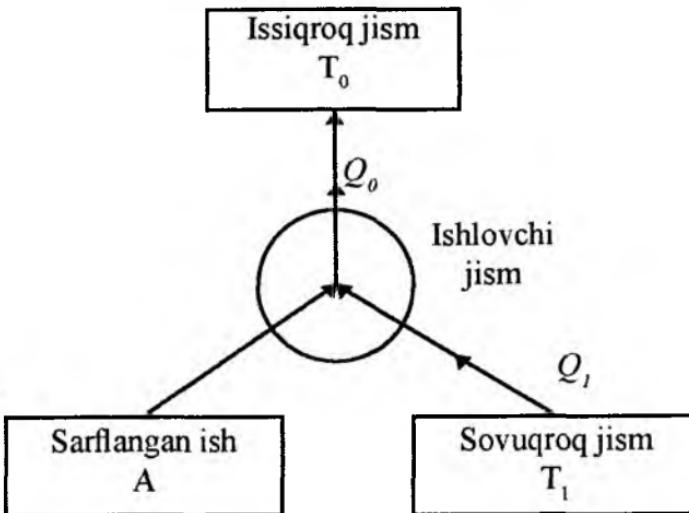
Demak, isitgichning temperaturasi  $T_0$  qanchalik yuqori bo'lsa vasovutgichning temperaturasi  $T_1$  qancha past bo'lsa F.I.K. shunchalik yuqori bo'ladi. Isitgichdan olingan  $Q_0$  issiqlik miqdorining shancha ko'p qismi ishga aylanadi va shuncha kam  $Q_1$  issiqlik miqdori sovutgichga beriladi.

Agar sovutgichning temperaturasi  $T_1=0$  bo'lsa  $\eta=1$  bo'lishi mumkin. Ammo absolut O-ni olib bo'lmaydi. Shuning uchun  $\eta < 1$  da bo'ladi. Karko to'g'ri siklning (ideal issiqlik mashinasining) ishslash sxemasi quyidagicha:



17.1-rasm

Korno siklining qaytuvchanlikka nisbatan aksincha yo'naliishda amalga oshirish Karko ideal sovuqlik mashinasini bo'ladi. Uning sxemasi quyidagicha



*17.2-rasm*

$$\eta = \frac{1 - \eta}{\eta} \cdot A \quad (17.7)$$

Isitgichga

$$Q_0 = \frac{A}{\eta} \quad (17.8)$$

issiqlik miqdori beriladi.

Karno aks siklning (ideal sovuqlik mashinasining) ishlash sxemasi 17.2-rasmda keltirilgan. Yuqorida bayon qilingan barcha xulosalarni chiqarishda biz Karno sikli ideal gaz ustida bajarildi, deb faraz qildik. Ammo, termodinamikaning ikkinchi bosh qonunidan foydalanib, ixtiyoriy ishlovchi modda ustida bajarilgan qaytuvchan Karno siklning foydalanish koeffitsienti ideal gaz ustida bajarilgan Karno siklning foydali ish koeffitsientiga tengligini ko'rsatish mumkin.

## Tayanch tushunchalar:

Issiqlik mashinalari. Foydali ish koeffitsientlari. Karno sikli. Karno teoremlari.

## Mavzuga doir savollar:

1. Issiqlik mashinalari va ularning F.I.K. nima?
2. Karno sikli va uning F.I.K. ni tushuntiring.
3. Karno teoremlarini tariflang.

Karno sikli uchun keltirilgan issiqlik miqdorlarining yig'indisi noldan katta bo'la olmaydi.



## 18. Klauzius tengsizligi. Entropiya va ehtimollik. Entropiya va tartibsizlik

Bizga ma'lumki, qaytuvchan Karno siklini tekshirish  $Q_0 - Q_1$  issiqlik miqdorining ishga aylanishi uchun temperaturasi  $T_0$  bo'lgan isitgichdan temperaturasi  $T_1$  bo'lgansovutgichga uzatilishi zarur bo'lgan  $Q_1$  issiqlik miqdorini aniqlash imkonini beradi. O'tgan mavzudan ma'lum bo'lgan

$$\frac{Q_0}{Q_1} = \frac{T_0}{T_1} \quad (18.1)$$

formuladan foydalananamiz.

Bu yerda  $Q_0$  – ishlovchi jismga beriladigan issiqlik miqdori  $Q_1$  –sovutgichga berilgan yokisovutgichdan ishchi jismga berilgan issiqlik miqdori deb belgilagan edik.

Endi esa ishlovchi isitgich tomonidan ham,sovutgich tomonidan ham berilgan issiqlik miqdorining  $Q$  bilan (ishorasiz) belgilaymiz. Agar  $Q_1$  sovutgich tomonidan ishlovchi moddaga berilgan issiqlik miqdorini bildirsa, quyidagi tengsizlik mavjud bo'ladi:  $Q_1 < 0$ : bunday belgilanganda (19.1) tenglikni quyidagicha yozish mumkin.

$$\frac{Q_0}{-Q_1} = \frac{T_0}{T_1} \quad (18.2)$$

bundan bo'ladi.  $\frac{Q_0}{T_0} + \frac{Q_1}{T_1} = 0 \quad (18.3)$

Bundan  $\frac{Q}{T}$  nisbat keltirilgan issiqlik miqdori deyiladi va (18.2) formula quyidagicha ta'riflanishi mumkin. Kärno siklida keltirilgan issiqlik miqdorining yig'indisi nolga teng bo'ladi ixtiyoriy Kärno siklining FIK.

$$\eta = \frac{Q_0 - Q_1}{Q_0} \leq \frac{T_0 - T_1}{T_1} \quad (18.4)$$

tengsizlik o'rini bo'ladi. Shuningdek, ixtiyoriy Kärno sikli uchun

$$\frac{Q_0}{T_0} + \frac{Q_1}{T_1} \leq 0 \quad (18.5)$$

tengsizlik o'rini bo'ladi.

Demak, Kärno sikli uchun keltirilgan issiqlik miqdorlarining yig'indisi noldan katta bo'la olmaydi. Bu tengsizlik Klauzius tengsizligi deyiladi.

Har qanday aylanma protsesda keltirilgan issiqlik miqdorining yig'indisi noldan katta bo'la olmaydi; qaytuvchan protsess uchun bu yig'indi nolga teng. Protsess qaytuvchan bo'lganda yopiq, kontur  $\sum \frac{\Delta Q}{T} \leq 0$  yig'indi tengsizlik

$$\oint \frac{dQ}{T} = 0 \quad (18.6)$$

integralga aylanadi. Ya'ni, bunda (18.6) to'la qaytuvchan protsessligini ifoydalaydi.

Qaytmas protsess uchun esa  $\sum \frac{\Delta Q}{T} \leq 0$  yig'indi kontur

integral bilan almashtirib bo'lmaydi, chunki integrallashning P va T o'zgaruvchilari protsesning qaytmas qismlari aniq qiymatlarga ega bo'lmaydilar.

Qaytuvchan protsesda jismga berilgan keltirilgan issiqlik miqdorlarining yig'indisi protsesning qaysi yo'ldan borishiga bog'liq bo'lmanligini ko'rsatamiz. Grafikdan A holatdan V holatga qaytuvchan ravishda o'tishdagi keltirilgan issiqlik miqdorlarining yig'indisini ifodalovchi  $\int_A^B \frac{dQ}{T}$  integral jismning dastlabki va oxirgi holatlari bilangina aniqlanib, protsesning o'tish yo'liga bog'liq emas.

A – dan o'tilgan yo'l  $S_A$

B – dan o'tilgan yo'l  $S_B$

Shunga ko'ra natijaviy yo'l

$$S_B - S_A = \int_A^B \frac{dQ}{T} \quad (18.7)$$

tenglik bilan ifodalaydi.

4. Bunda  $S_B - S_A$  – ayirma holatning funksiyasi bo'lgan biror S – fizik kattalikning ayirmasidir. Bu fizik kattalik entropiya deyiladi.

5. S – entropiya B va A ikki holat entropiyalarining  $S_B$  va  $S_A$  ayirmasining aniqlash mumkin. Yopiq sistemada protsesslar entropiyasi o'sa boradigan yo'naliishda yuz beradi. Sistemada yuz beradagan protsesslarning hammasi qaytuvchan bo'lgan xususiy holda entropiya o'zgarmay qoladi.

Qaytmas protesslarning o'tish yo'naliishini ko'rsatadigan entropiya ham ehtimollik bilan aloqadordir. Shuning uchun Bolsmanning ko'rsatishicha, S entropiya holat ehtimolligining logarifmiga proporsionaldir.

$$S = k m W \quad (18.8)$$

Bu yerda W-beradigan holatning ehtimolligi  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$

Bolsman doimiysi  $k m W = R m \frac{V}{V'}$ , gaz izotermik kengaysa  $V' = V_1$ ,  $V' = V_2$  bo'lib,  $A = RT m \frac{V_2}{V_1}$  ish formulasiga teng bo'ladi.

$$|\Delta S| = |S_2 - S_1| = k m \frac{W_1}{W_2} = k m \frac{V_2}{V_1}; \quad \Delta S = \frac{A}{T}; \quad A = \Delta Q \text{ bo'lganda}$$

$dQ = dU + dA$  bilan ifodalanadi.

$$\Delta S = \frac{\Delta Q}{T} \quad (18.9)$$

$$(9) \text{ tenglikdan } dS = \frac{dQ}{T} \text{ bo'lib, } dQ = TdS \text{ yoki } TdS = dU + dA \\ du = TdS - dA \quad (18.10)$$

bundan

$$dA = -d(U - TS) \quad (18.11)$$

$T = \text{const}$  bo'lgani uchun  $SdT = 0$  va (18.11) tenglikdan

$$F = U - TS \quad (18.12)$$

bilan belgilasak, bunga erkin energiya, ya'ni mexanik ish bajarishi mumkin bo'lgan energiyani aniqlash formulasi deyiladi.

**1-misol.** 100 g suv  $t_1 = 15^\circ\text{C}$  dan  $t_2 = 0^\circ\text{C}$  gacha sovutilganda entropiya o'zgarishi topilsin. Bizga ma'lumki entropiya o'zagarishi

$$S_B - S_A = \int_A^B \frac{dQ}{T} \quad (18.13)$$

suv isiganda hajmning o'zgarishini juda ham kichik deb hisoblasak

$$dQ = mCdT$$

Bu yerda  $m$  – suvning massasi

$S$  – uning solishtirma issiqlik sig'imini suv uchun  $C = \text{const}$  desak

$$S_2 - S_1 = mC \int_{T_1}^{T_2} \frac{dT}{T} = mC_m \frac{T_2}{T_1}$$

$m=100 \text{ g}$ ,  $S=1 \text{ kal/g-grad}$ ,  $T_2=273 \text{ K}$ ,  $T_1=288 \text{ K}$

$$S_2 - S_1 = 100 \cdot 1 \text{ m} \frac{273}{288} \text{ kal/grad} = -5,1 \text{ kal/grad}.$$

### **Tayanch tushunchalar:**

Klauzius tengsizligining mohiyati. Qaytuvchan protsess. Entropianing fizik mohiyati. Qaytuvchan va qaytmas protsesslarda entropiya. Entropiya sistemasining holat ehtimolligiga bog'langanligi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Klauzius tengsizligining mohiyatini tushuntiring?*
2. *Qaytuvchan protsesni siz qanday tushunasiz?*
3. *Entropiyani fizik mohiyatini tushuntiring?*
4. *Qaytuvchan va qaytmas protsesslarda entropiya?*
5. *Entropiya sistemasining holat ehtimolligiga qanday bog'langan?*

## VII BO'LIM. REAL GAZLAR

Molekulalarning o'lchamlari molekulalar orasidagi o'rtacha masofaga nisbatan nazarga olmasa bo'ladigan darajada kichik deb hisoblanadi.

### 19. Molekulalararo o'zaro ta'sir kuchlari. Eksperimental izotermalar. Real gazning holat tenglamasi. Van-Der-Vaals tenglamasi.

#### Van-Der-Vaals izotermalari. Kritik holat

Biz ideal gaz molekular-kinetik nazariyasini o'rganganimizda gaz zarralarini (molekulalarini) elastik sharlarga o'xshagan va taribsiz harakatlanuvchi molekulalardan iborat deb hisoblagan edik. Molekulalar orasidagi kuchlar faqat ular bir-biriga urilgandagina ta'sir qiladi va bu kuchlar itarishish elastik kuchlardir.

Molekulalarning o'lchamlari molekulalar orasidagi o'rtacha masofaga nisbatan nazarga olmasa bo'ladigan darajada kichik deb hisoblanadi.

Bu model ideal gaz Boyl-Mariott, Gey-Lyussak qonunlariga aniq bo'ysunadigan gazga mos keladi, ammo, biz aytib o'tganimizdek real gazlar bu qonunlarga faqat taqriban bo'ysunadi. Yuqori bosimlarda hamma gazlar ham Boyl-Mariott qonuniga bo'ysunmay qo'yadi.

Molekulalarni sharlar deb hisoblar ekanmiz, ularning radiuslari  $10^{-8} \text{ sm}$  chamasidagi kattaliklar deb olishimiz kerak. Bunda bir dona molekulaning hajmi:

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 \approx 4 \cdot 10^{-24} \text{ sm}^3$$

Normal sharoitdagisi  $1 \text{ sm}^3$  gazda  $n_0 = 3 \times 10^{19}$  dona molekula bor. Demak,  $1 \text{ sm}^3$  hajmda bo'lgan barcha molekulalarning jami hajmi  $V^1 = n_0 V \approx 10^{-4} \text{ sm}^3$  ga teng.

Ya'ni,  $1atm = 10^5 N/m^2 = 1pa$  bosim va  $0^\circ C$  temperaturadagi gaz molekulalarining hajmi gaz hajmining taxminan o'n mingdan bir qisminigina egallar ekan. Agar bosim oshib borsa gaz Boyl-Mariott qonuniga bo'yso'nmaydi ya'ni gazlarni xossalari ideal gaz xossalardan chetlashishiga olib keladi.

Chunki, birinchidan, gaz molekulalari o'zining ma'lum o'lchamlariga ega bo'lishi, ikkinchidan, molekulalar orasidagi o'zaro ta'sir kuchlarining elastik sharlardagi o'zaro ta'sir kuchlariga qaraganda ancha murakkab bo'lishidir. Bu ikki sababni 1873-yilda gollandiyalik fizik Van-Der-Vaals nazarda tutgan. Birinchi sabab molekulalarning o'lchami birligidir. Molekulalarning erkin harakatlanishi uchun hajmi V dan biror B kattalikka qadar kichikdir, ya'ni

$V_0 - V - \epsilon$ . Ideal gazning 1 moli uchun

$$PV_0 = RT \quad (19.1)$$

teng edi. Agar molekulalarni o'lchamlarini hisobga olsak,

$$P(V_0 - \epsilon) = RT \quad (19.2)$$

tenglik o'rinni bo'ladi.

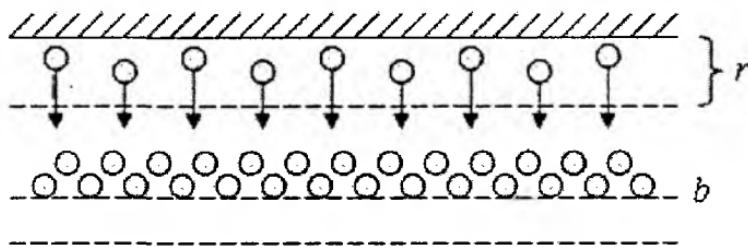
(19.1) tenglamadan,  $P \rightarrow \infty$  bo'lganda gazning hajmi  $V_0 \rightarrow \infty$  intiladi. Ammo bunday bo'lishi mumkin emas. Gaz molekulalar orasidagi bo'sh fazoning kamayishi hisobiga siqiladi. (19.2) formulaga ko'ra  $P \rightarrow \infty$  bo'lganda, gazning hajmi  $V_0 - \epsilon$  ga teng bo'lishiga intiladi.

Ikkinchi sababli molekulalar orasida o'zaro ta'sir kuchlari ning mavjudligi, bir-biridan ma'lum uzooqlikda turgan molekulalarning o'zaro tortilishlariga olib keladi. Bu tortishish kuchlari molekulalar orasidagi masofa juda kichik bo'lgandagina yanada kuchliroq bo'lgan itarishish kuchlari bilan atashadi. Molekulalar orasidagi tortirish kuchlari ta'sirida gaz go'yo unga idish devorlari ko'rsatayotgan tashqi R bosimidan ko'ra kattaroq P' bosim ta'sir etayotgandek, Boyl-Mariott qonunidan kelib chiqadigan hajmga

qaraganda kichikroq bo‘lgan V hajmni egallaydi. Shunday qilib, (19.2) tenglikda tashqi P bosimni  $P^1 = P + P_i$  kattalik bilan almashtirish kerak, buning natijasida

$$(P = P_i)(V_0 - \sigma) = RT \quad (19.3)$$

tenglik hosil bo‘ladi.  $P_i$  bosim gazning ichki bosim deyiladi. Gaz joylashgan A idishda molekulalarning o‘zaro ta’sirini quyidagicha (19.1-rasm) ko‘rsatish mumkin.



19.1-rasm

Devor yaqinidagi molekulalar r masofada turgan molekulalar a va b qatlamdagi molekulalarga ta’sir qiladi desak va bu qatlamning hajmi birligidagi molekulalar soni  $n^0$  ga proporsional bo‘ladi. Nati-jada, devor yaqinidagi molekulalarga ta’sir qilayotgan va gazning ichiga qarab yo‘nalgan kuchlar  $n^2_0$  ga proporsionaldir.

Mana shu kuchning devor izi birligiga to‘g‘ri keladigan miqdori ichki bosim  $R_i$  ni bildiradi. Ichki bosim  $P_i$  ning qiymati o‘zaro ta’sir qilayotgan molekulalarning tabiatiga ham bog‘liqdir.

Bundan:

$$P_i = \alpha^1 n^2_0 \quad (19.4)$$

Bu yerda  $\alpha^1$  – molekulalarning xiliga bog‘liq bo‘lgan o‘zgarmas kattalik.

$n_0 = \frac{N}{V_0}$  bo‘lgani uchun ( $N$  – Avagadro soni,  $V_0$  – bir mol gazning hajmi)  $P_i$  ning ifodasini quyidagicha yozish mumkin.

$$P_i = \frac{\alpha^1 N^2}{V_0^2} \quad (19.5)$$

yoki  $\alpha^1 N^2 = \alpha$  desak,

$$P_i = \frac{\alpha}{V_0^2} \quad (19.6)$$

ga teng bo'ladi. (19.6) chi (19.3) ifodaga qo'ysak 1 gaz uchun Van-Der-Vaals tenglamasini hosil qilamiz.

$$\left( P + \frac{\alpha}{V_0^2} \right) (V_0 - \epsilon) = RT \quad (19.7)$$

Bu yerda,  $\alpha$  va  $\epsilon$  lar bosimga va hajmga kiritilgan tuzatmalar bo'lib, berilgan gaz uchun aniq qiymatlarga ega bo'ladi. R – katalik gaz doimiysi,

$$R = 8,31 \cdot 10^7 \text{ kal / grad} \cdot \text{mol} = \frac{8,31 \cdot 10^7}{4,19 \cdot 10^7} = 1,9858 \text{ kal / grad} \cdot \text{mol} \approx \text{kal / grad} \cdot \text{mol}$$

Bu yerda,

$$R = 8,31 \cdot 10^3 \text{ J / K} \cdot \text{kmol}$$

Van-Der-Vaals tenglamasining fizik mohiyati shundan iboratki, agar gazning molar hajmi  $V_0$  juda katta bo'lganda b-tuzatma  $V_0$  ga nisbatan,  $\alpha/V_0^2$  – esa P ga nisbatan juda kichik bo'lganligi uchun ularni hisobga olmaslik ham mumkin. U holatda Van-Der-Vaals tenglamasi (19.1) tenglama

$$PV_0 = RT \text{ shaklini oladi.}$$

Demak, Mendeleyev-Klapeyron formulasining taqribiy ekanligi yaqqol ko'rindi. Kichik P bosimlarda katta  $V_0$  hajmlar sohasidagi haqiqatga yaqinroq bo'ladi. Bosim P katta bo'lganda esa, a va v tuzatmalar e'tiborga olinishi kerak.

Ya'ni, Van-Der-Vaals (19.7) formulasidan foydalaniadi. Van-Der-Vaals formulasi ham absolut aniq formula emas, ammo u

Mendeleyev-Klapeyron formulasiga qaraganda haqiqatga ancha yaqindir.

Van-Der-Vaals formulasi (19.7) ni m massali gaz uchun ifodalaydigan bo'lsa u holda uning hajmini V belgilaymiz. Berilgan temperatura va bosimda

$$V = \frac{m}{\mu} V_0 \quad (19.8)$$

bo'ladi, bunda  $\mu$  – gazning molekular og'irligidir.

$$\left( P + \frac{a}{V_0^2} \right) (V_0 - b) = RT$$

Van-Der-Vaals tenglamasidagi  $V_0$  o'rniغا uning (19.8) tenglik asosidagi qiymatini qo'yamiz, u holda

$$\left( P + \frac{m^2}{\mu^2} \cdot \frac{a}{V_0^2} \right) \left( V - \frac{m}{\mu} b \right) = \frac{m}{\mu} RT \quad (19.9)$$

ko'rinishini oladi. Bu formulaga m massali gaz uchun Van-Der-Vaals tenglamasi deyiladi. Van-Der-Vaals tenglamasidagi  $b$  hajmga kiritilgan tuzatma hisoblashlarda

$$b = \frac{\sqrt{2}}{2} \pi \sigma^3 N \quad (19.10)$$

deb belgilab olinadi,  $\sigma = 2r$  masofa. Shuningdek, bir dona molekula ning hajmi

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{1}{6} \pi \sigma^3 \quad (19.11)$$

ekanligini e'tiborga olsak, u holda (19.10) formula quyidagi ko'rinishni oladi.

$$b = 3\sqrt{2} \cdot VN \approx 4VN \quad (19.12)$$

Bu yerda  $V \times N$  – bir mol gazda barcha molekulalarning hajmini

ifodalagani uchun, molekulalar hajmi uchun Van-Der-Vaals kiritgan  $b$  tuzatma molekulalarning o‘z hajmidan taxminan 4 marta kattadir.

Van-Der Vaalsning ikkinchi a tuzatmasi molekulalar o‘zarotasi sir kuchlarning xarakteriga bog‘liqdir. Van-Der-Vaals tenglamasi:

$$\left( P + \frac{a}{V_0^2} \right) (V_0 - b) = RT$$

$V_0$  ga nisbatan uchinchi darajali algebrik tenglamadir. Shuning uchun u P va T ning qiymatlarga qarab, molekular hajm  $V_0$  ning bitta yoki uchta har xil qiymatlarini beradi. T ning har xil qiymatlari uchun yozilgan Van-Der-Vaals tenglamasi asosida P va  $V_0$  ga bog‘lanish grafigini chizsak, bir qator izotermalarga ega bo‘lamiz.

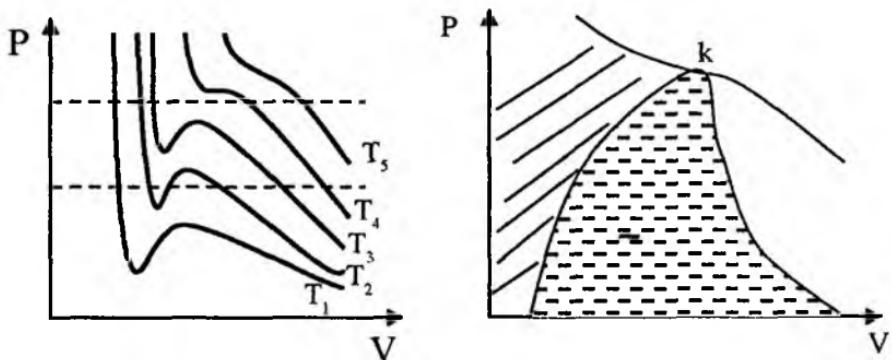
$$PV^3 - (bP + RT)V^2 + aV - ab = 0 \quad (19.13)$$

Buning har ikkala tomonini P ga bo‘lib, quyidagicha yozish mumkin.

$$V^3 - \left( b + \frac{RT}{P} \right) V^2 + \frac{a}{P} V - \frac{ab}{P} = 0 \quad (19.14)$$

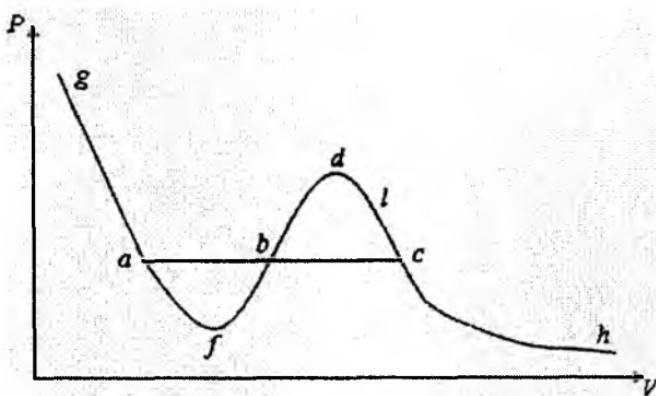
Bu V hajmga nisbatan 3-darajali tenglama bo‘lib, uning uchta ildizi bor. Uning hammasi haqiqiy yoki ulardan ikkitasi mavhum va bittasi haqiqiy bo‘lishi mumkin. Van-Der-Vaals tenglamasining mavhum ildizlari fizikaviy ma’noga ega emas. Shuning uchun ularga qaramaymiz. Van-Der-Vaals tenglamasi ildizlarning fizikaviy ma’nosini aniqlash uchun (19.1) tenglamaga tegishli izotermalarni, ya’ni o‘zgarmas temperaturada P bosimning V(molar hajmga bog‘lanishini qarash va ularni tajriba ma’lumotlarda olingan izotermalar bilan solishtirish kerak.

Bizga ma’lumki, ideal gazning izotermasi giperbola edi, undan farqli ravishda (19.1) tenglamaga tegishli bo‘lgan izoterma quyidagicha ko‘rinishda bo‘ladi. Biz uni Van-Der-Vaals izotermasi deb ataymiz:



19.2-rasm

Bu izotermada bosimning bitta  $P_1$  qiymatiga molar hajmining  $V_1$ ,  $V_2$  va  $V_3$  qiymatlari mos keladi. Grafikning maksimal holatiga suyuq hamda bundan  $V_1$  va  $V_3$  holatlarga gazsimon holat mos keladi. Endi hajmi  $V_2$  bo'lgan uchinchi holatining ma'nosini aniqlash kerak bo'ladi. Van-Der-Vaals izotermalari bilan tajribada olingan izotermalar orasida katta farq bor. Bu farqni 19.3-rasmda ko'rsatish mumkin. 19.3-rasmda tutash chiziqlar bilan tajribada olingan izotermalar punktir chiziqlar bilan esa Van-Der-Vaals izotermasi keltirilgan.



19.3-rasm

Rasmdan ko‘rinib turibdiki, to‘g‘ri chiziqli gorizontal  $a$  va  $b$  qismi o‘rniga Van-Der-Vaals izotermada bu soha maksimum va minumumli xarakterli gajak ko‘rinishda bo‘ladi. Shuni aytish kerakki, tajribadan olingan izoterma grafikadan ad ba ch lar Van-Der-Vaals tenglamasiga kuzatilmas ekan, chunki bu qismiga bosimning hajmga odatdan tashqari bog‘lanishi mos keladi, bosim ortishi bilan hajm kamaymaydi, balki ortadi.

$Cd$  – qism moddaning gaz holatiga mos keladi.

$af$  – qism ad tarmoqning davomi hisoblanadi va ko‘pincha moddaning bu holatiga o‘ta qizigan suyuqlik deyiladi. O‘ta qizigan suyuqlik deb ochiq idishda qaynash temperaturasidan yuqori temperaturagacha qizdirilgan, biroq qaynamayotgan suyuqlikka aytiladi. Bunda suyuqlik erkin bo‘lganda uning massasi o‘zgaradi. Ammo bizni yopiq idishdagi aniq massali suyuqlik yoki gazning tabiatini qiziqtiradi.

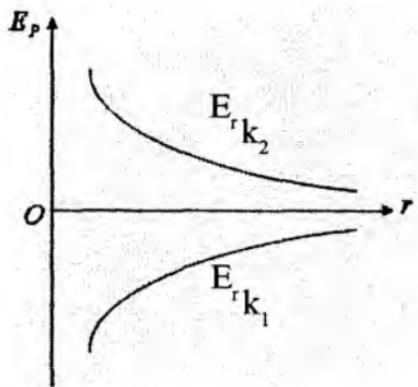
Rasmdagi  $Cd$  va  $af$  qismlarga mos keluvchi holatlar va  $fbd$  ga metastabil holatlar deb ataladi.

Shunga asosan, Van-Der-Vaals izotermalari bilan tajribadan olingan izoterma orasidagi farqni tushuntirish mumkin bo‘ladi. Holat tenglamasining  $V_3$  ildiziga mos keluvchi holatlar nostabil va metastabil bo‘lganliklari tufayli tajribada kuzatilmaydi. Ikkita  $A$  va  $B$  molekula orasidagi masofani  $r$  bilan beglilaymiz. Ularni tortishish kuchi  $f_1$  manfiy, itarish kuchini  $f_2$  musbat deymiz.

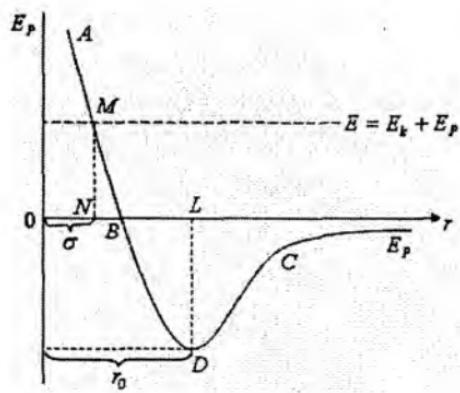
Bu kuchlar mos ravishda o‘zaro tortishadigan molekulalarning  $E_p$  va o‘zaro itarishadigan  $E_p$  potensial energiyalarini hosil qiladi (19.4-rasm). Shuningdek, 19.5-rasmida ifodalanganidek, real gazlarda molekulalarni o‘zaro ta’siri ular bir-biriga tegmasdanoq, ya’ni  $r_0$  masofadan ta’sirlanadi.

$f_1$  va  $f_2$  kuchlarga  $E_{P_1}$  va  $E_{P_2}$  potensial energiyalar mos keladi.

$$E_{P_1} = -\frac{C'}{r^{k_1}}; \quad E_{P_2} = -\frac{C''}{r^{k_2}}; \quad k_1 = \chi_1 - 1; \quad k_2 = \chi_2 - 1$$



19.4-rasm



19.5-rasm

19.5-rasmdan  $A$  – molekulani  $qo'zg'$  almas deb,  $B$  – molekulani  $A$  molekulaga nisbatan harakatlanadi deymiz.  $L$  nuqtada  $E_k = E - E_p$ . Van-Der-Waals tenglamasining ahamiyati shundaki, bu moddaning faqatgina ikkita suyuq va gazsimon fizikasi mavjudligini tavsiflash bilan cheklanmaydi. U kritik temperatura va kritik holatining ham muhim faktlaridan bevosita kelib chiqadi.

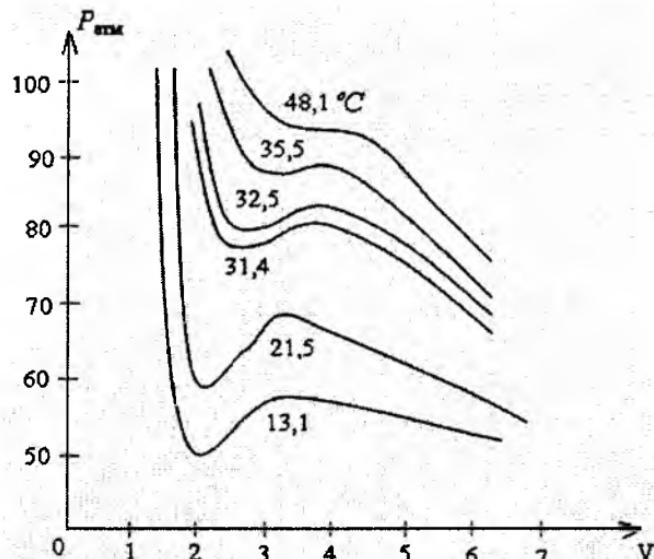
Temperatura o'zgarganda bu izotermalarning qanday o'zgarishini ko'raylik.  $P$ - $V$  grafikda Karbon oksidiga tegishli izotermalar berilgan (20.6-rasm). Bu izotermalar  $a$  va  $b$  ning qiymatlari tajribadan olingan:

$$a = 3,6 \cdot 10^{-6} \text{ atm} \cdot \text{m}^6 / \text{mol}$$

$$b = 42,8 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3 / \text{mol}$$

qiymatlari uchun hisoblangan.

Bu konstantalarning eksperimental ravishda qanday aniqlanishi grafikda keltirilgan. 20.6-rasmdagi egri chiziqlardan temperatura ko'tarilgan sari izotermalarning yuqoriroq joylashishi ko'rinish turidi. Ammo shunday temperaturada ( $31,4^\circ\text{C}$  da) izotermaning maksimum va minimum birlashib  $V = 0,94 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3 / \text{mol}$  va  $P = 73 \text{ atm}$  qiymatlarda karbonat angidridi ( $\text{CO}_2$ ) ning eksperimental izotermlari burilish nuqtasiga aylanadi.



19.6-rasm

Demak, temperatura ko'tarilgan sari hajmnning bosimning ayni bir qiymatiga mos keluvchi uchta qiymati orasidagi farq tobora kamayib boradi, ya'ni Van-Der-Vaals tenglamasining uchta ildizi orasidagi farq kamayadi.

Karbonat angidrid ( $\text{CO}_2$ ) ning eksperimental izotermalari

$$P_k = \frac{a}{27\sigma^2}, \quad V_k = 3\sigma \quad T_k = \frac{8a}{27R\sigma}$$

Kritik nuqtada moddaning siqiluvchanligi cheksizlikka teng bo'lishini aytish kerak. Bunda gazning siqiluvchan holati

$$\chi = \frac{1}{V} \cdot \frac{\partial V}{\partial P}$$

formula bilan xarakterlanadi. Biroq kritik nuqtada  $\frac{\partial P}{\partial V} = 0$  bo'lgani uchun  $\frac{\partial V}{\partial P} = \infty$ , binobarin,  $\chi$  ham  $\infty$  ga teng bo'ladi.

Van-Der-Vaals izotermalari gazning xossalarini ideal gaz izotermasiga qaraganda aniqroq aks ettiribgina qolmay, gazlarning suyulish protsessini, shuningdek, issiqlikning  $T_k$  kritik temperatura va bu temperaturaga mos keluvchi qolgan ikki kritik parametr –  $V_k$  kritik hajm va  $P_k$  kritik bosimning qiymatlarini hisoblash qiyin emas.

Haqiqatdan ham, Van-Der-Vaals tenglamasi (19.10) ning chap qismi, ya’ni quyidagi

$$V^3 - \left( \epsilon + \frac{RT_k}{P_k} \right) V^2 + \frac{a}{P_k} V - \frac{a\epsilon}{P_k}$$

ifoda  $T=T_k$  va  $P=P_k$  qiymatlarda aniq kub bo‘ladi va uni quyidagicha ifodalash mumkin:

$$V^3 - \left( \epsilon + \frac{RT_k}{P_k} \right) V^2 + \frac{a}{P_k} V - \frac{a\epsilon}{P_k} = V^3 - 3V_k V^2 + 3V_k V - V_k^3 \quad (19.11)$$

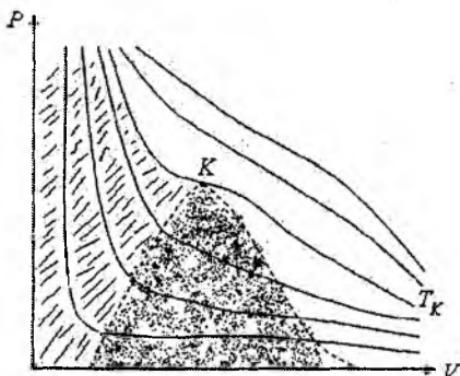
Bu tenglik ayni ravishda bajarilishi uchun  $V$  ning birday darajalarining koefitsientlari tenglamaning ikki tomonida o‘zaro teng bo‘lishi kerak:

$$\epsilon + \frac{RT_k}{P_k} = 3V_k, \quad \frac{a}{P_k} = 3V_k^2, \quad \frac{a\epsilon}{P_k} = V_k^3$$

Bu tenglamalar sistemasini yechib, kritik parametrlarning  $a$  va  $\epsilon$  konstantalar orqali ifodalangan qiymatlarini olamiz: juda kam siquvchanlik xossasi aks ettiriladi.

Van-der-Vaals izotermalari orasidagi burilishlari bor bo‘lgan izotermalarni urilishlari bo‘lmagan izotermalardan ajratib turuvchi bir izoterma bor. Bu izoterma kritik deyiladi, bunga mos bo‘lgan temperatura  $T_k$  esa kritik temperatura deyiladi. Kritik izotermada burilishlar sohasi o‘rnida faqat  $K$  burilish nuqtasigina bo‘ladi.  $K$  nuqta kritik nuqta deyiladi. Unga mos bo‘lgan  $V_k$  ba  $P_k$  bosim esa kritik hajm va kritik bosim deyiladi.

Kritik temperatura tushunchasi dastlab D.I. Mendeleyev tomonidan 1861-yilda kiritilgan. 19.7-rasmida quyidagicha xulosaga keladi:



19.7-rasm.

1. Kritik temperatura  $T_k$  yuqori temperaturada faqat modda holatdagina mavjud bo'la oladi.  $T$ -temperaturasi kritik temperatura  $T_k$  dan yuqori bo'lgan gazni siqish bilan suyuq holatga o'tkazib bo'lmaydi. Kritik temperaturadan past temperaturalarda modda bosimga qarab gazsimon holatda yoki bir vaqtning o'zida ikki faza: suyuqlik va to'yangan bug' holatlarida mavjud bo'lishi mumkin.

2. To'yangan bug'ning elastikligi  $P_0$  shu berilgan moddaning kritik bosimi  $P_k$  dan katta qiymatga ega bo'la olmaydi.

3. Moddaning suyuq holatdagi hajmi berilgan miqdor moddaning kritik hajmidan katta qiymatlariga ega bo'la olmaydi. Ko'pchilik suyuqliklarning va ular aralashmalarining kritik temperaturalarining M.P. Avenarius va uning shogirdlari A.I. Nadejdin, V.I. Zayoicheveskiy va boshqalar tekshirdilar. Jumladan A.I. Nadejdin 1885-yilda suvning kritik temperaturasini ( $374^{\circ}\text{C}$ ) birinchi bo'lib aniqlanadi. Mashhur rus fizigi A.G. Stoletov ham moddaning kritik massasi bilan shug'ullangan. U mavjud eksperimental materiallarni analiz qiladi va ularni nazariy ma'lumotlar bilan bat afsil solishtirib chiqdi.

### Tayanch tushunchalar:

Real gaz. Van-Der-Vaals tenglamasining fizik mohiyati. Van-Der-Vaals izotermalari. Kritik holatlar.

## Mavzuga doir savollar:

1. Molekulalararo o'zaro ta'sir kuchlari mohiyatini tushuntiring.
2. Eksperimental izotermalarni izohlang.
3. Real gaz deb nimaga aytildi.
4. Van-Der-Vaals tenglamasining fizik mohiyatini aytib bering.
5. Van-Der-Vaals izotermalarini tushuntiring.
6. Kritik holatlarni tariflang.

Sovitgich mashinada issiqlik sovuq jismdan olib, issiqroq jismga berilishini eslaylik.



## 20. Real gazning ichki energiyasi Joul-Tomson effekti

1. Bizga ma'lumki, ideal gazning  $U$  – ichki energiyasi uning molekulalari harakatining  $\Sigma_k = \sum \omega_k$  kinetik energiyasidan iborat. Bu energiya berilgan gazning hajmiga ham, bosimiga ham bog'liq bo'lmay, faqat uning  $T$  – temperaturasi bilan aniqlanadi.

Bir mol ideal gaz uchun  $U = E_k = C_V T$  bunda  $C_V$  – o'zgarmas hajmdagi molar issiqlik sig'imidir.

Real gazda molekulalar orasidagi o'zaro ta'sir kuchlari katta ahamiyatga egaligini bilamiz. Shuning uchun real gazning ichki energiyasi uning molekulalalar harakatining kinetik energiyasi bilan molekulalarning o'zaro ta'sir potensial energiyasining yig'indisidan iborat bo'ladi.

$$U = E_k + E_p \quad (20.1)$$

Molekulalarning o'zaro ta'sir potensial energiyasi ular orasidagi o'rtacha masofaga bog'liq, shuning uchun  $E_p$  gazning hajmiga bog'liq bo'lishi kerak.

Atrofdagi jismlar bilan energiya almashmagani holda gazning hajmi o'zgarsa, uning ichki energiyasi zaxirasi o'zgarmaydi va bu

holda (1) tenglamadan

$$\Delta E_p = -\Delta E_k \quad (20.2)$$

kelib chiqadi.

2. Ma'lumki, o'zgarmas hajmdagi issiqlik sig'im real gaz uchun ham faqat molekulalar harakatining kinetik energiyasi bilan aniqlanganligi sababli bu holda ham  $E_k = C_v T$  ga teng bo'ladi.

$$\Delta E_p = -C_v \cdot \Delta T \quad (20.3)$$

tengligini olamiz.

Demak, bunda atrofdagi jismlar bilan issiqlik almashinmay va tashqi ish bajarmay, real gazning hajmi o'zgarmay uning temperaturasi ham o'zgaradi. Buni birinchi bo'lib ingliz fizigi Joul 1887-yilda kuzatadi.

3. Joul C – jo'mrakka ega bo'lgan naycha bilan tutashtirilgan ikki A va B idishlarni suvli kalorimetrga joylashtirgan. B idishning havosi so'rib olingan bo'lib, A idishdagi havo ma'lum P bosimga ega. C – jo'mrak ochilganda A idishdagi havo B-idishga oqib chiqib, tashqi ish bajarmagani holda kengayadi.

Joul bu tajribada kelometrning temperaturasi o'zgarmaganini payqagan. Shunga asosan, u ichki energiyasi o'zgarmaydi degan xulosa chiqardi. 1888-yilda Joul shu tajribani Tomson bilan birgalikda yanada sezgirroq boshqa variantda takrorlaydi. A va B idishlarni tutashtiruvchi naychaga g'ovak tiqin C ni joylashtiradi. Naycha issiqlik o'tkazmaydigan modda bilan o'rالgan. A va B idishlardagi gazning P<sub>1</sub> va P bosimi o'zgarmas holda saqlab turiladi. Gaz nay idishdagi tiqin orqali bosimi katta idishdan bosimi kichik idishga oqadi. Tiqinining ikkala tomoniga sezgir termometrlar qo'yiladi. Bu vaqtida har ikkala termometr ko'rsatayotgan termometrlar orasidagi ozgina farq borligi ko'ringan. Tiqinining gaz kengayayotgan tomonidagi temperatura ko'pchilik gazlar uchun biroz pastroq bo'lgan vodorod uchun temperaturaning o'zgarishi aksincha bo'lib chiqdi. Vodorod kengayayotganda isigan gazning hajmi (issiqlik

almashinmay) kengayganida, uning temperaturasini o'zgarishidan iborat bo'lgan mana shu effekt Joul-Tomson effekti deyiladi.

Bu hodisa real gaz xossalaring ideal gaz xossalardan farq qilishining natijasidir. Gaz kengayishi natijasida sovishdan iborat bo'lgan effektga Joul-Tomson musbat effekti deyiladi. Gaz kengayishi natijasida isisa, bunday effektga Joul-Tomson manfiy effekti deyiladi.

Keyinchalik Joul-Tomson effektining ishorasi Van-Der-Vaals tenglamasidagi  $a$  va  $b$  tuzatmalardan qaysi birining roli kattaroq bo'lishiga bog'liq ekanligida aniqlanadi. Joul-Tomson effekti bilan Van-der-Vaalsning

$$\left( P + \frac{a}{V_0^2} \right) (V_0 - b) = RT \quad (20.4)$$

tenglamadagi  $a$  va  $b$  tuzatmalar orasidagi bog'lanishni aniqlash uchun potensial egri chiziqlardan foydalanish mumkin.

Ma'lumki, molekulalarning o'zaro ta'sir kuchlari O ga teng bo'ladigan ideal gazlarda Joul-Tomson effekti bo'lmaydi. Joul-Tomson effekti miqdoriy jihatdan Joul-Tomson differensial koefitsienti deb ataluvchi  $\mu$  bilan xarakterlanadi. Ya'ni,

$$\mu = \frac{\Delta T}{\Delta P} \quad (20.5)$$

Agar  $\Delta P < 0$  va  $\Delta T < 0$  bo'lganda,  $\mu$  – musbat  $\Delta P > 0$  va  $\Delta T > 0$  bo'lsa  $\mu$  – manfiy ekanini bildiradi. Joul-Tomson protsess qaytmas protsessdir, Demak, bu protsesda entropiya ortadi,  $dS > 0$  Joul-Tomson koeffitsientini hisoblaymiz.  $d(U + PV) = 0$  tenglamadan

$$d(U + PV) = dU + PdV + VdP = 0 \quad (20.6)$$

Ammo  $dU = PdV = TdS$  ekanligini e'tiborga olsak,

$$TdS = VdP = 0 \quad (20.7)$$

Entropianing  $dS$  o'zgarishini  $dT$  o'zgarishi va bosimning  $dP$  o'zgarishi orqali ifodalasak,

$$dS = \frac{C_p dT}{T} - \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P dP \quad (20.8)$$

teng edi. (21.8) formulani (21.7) qo‘yamiz.

$$C_p dT - T \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P dP + v dP = 0 \quad (20.9)$$

Bundan Joul-Tomson koeffitsientining quyidagi ifodasini olamiz:

$$\mu = \frac{dT}{dP} = \frac{T \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P - V}{C_p} = \frac{V}{C_p} (\alpha T - 1) \quad (20.10)$$

Bu yerda  $\alpha = \frac{1}{V} \left( \frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$  gazning kengayish koeffitsienti Joul-Tomson koeffitsienti o‘zining ishorasini o‘zgartiradi. Bu  $T_i$  – temperatura inversiya temperaturasi deyiladi.

4. Yuqorida aytilgandek, Joul-Tomson effekti qaytmas protsessdir. Issiqlik mashinasining f.i.k. to‘g‘risida aytilgan fikrlar hammasi sovitish apparatlariga ham tengligidir, chunki ularni issiqlik dvigatellariga teskari qurilmalar deb tushinish mumkin.

Sovitgich mashinada issiqlik sovuq jismdan olib, issiqroq jismga berilishini eslaylik. Bunda mexanik ish bajariladi, yana shu ish hisobidan sovuq jismdan issiq jismga issiqlik uzatiladi. Bunda protsess o‘zidan bajarilmasligini bilamiz. Sovitgich mashinasining f.i.k. sifatida sovutilayotgan jismdan olingan Q issiqlik miqdorining bunda sarf qilingan A ishga nisbatini olish kerak:

$$\varepsilon = \frac{Q}{A} \quad (20.11)$$

Sovituvchi apparatlarga qo‘llanilganda bu koeffitsient sovitish koeffitsienti deb yuritiladi. Karno sikli bo‘yicha ishlaydigan sovitgich mashina uchun sovitish koeffitsienti

$$\varepsilon = \frac{T_1}{T_2 - T_1} \quad (20.12)$$

teng bo‘ladi,  $T_1$  – sovutilayotgan jsimning temperaturasi  $T_2$  – issiqlik uzatilayotgan jismning temperaturasi. Sovitish koefitsienti, albatta birdan katta ham bo‘lishi mumkin.

Texnikada gazlar (havo) ni suyultirish uchun ishlataladigan tarixiy birinchi mashinalar Linde va Gempsonlar tomonidan 1985-yil yaratilgan. Ular gazlarni kritik temperaturadan past temperaturagacha sovitish va suyultirish uchun drossellash metodidan foydalanganlar.

1902-yilda Klod birinchi marta detanderli mashinalar ishlab chiqib, unda havoni suyultirdi. P.L. Kapisa Klod mashinasidan foydalanib porshenli detanderturbinaga, ya’ni turbodetander-ga almashtirildi va unda 77,32K temperaturada suyuq azot va 90,12 K – temperaturada suyuq kislorod olinadi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Real gazning ichki energiyasi. Molekulalarning harakat kinetik energiyasi. O‘zgarmas hajmdagi issiqlik sig‘imi. Joul-Tomson effekti. Gazlarni suyultirish.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Real gazning ichki energiyasini tushuntiring.*
2. *Molekulalarning harakat kinetik energiyasi va o‘zgarmas hajmdagi issiqlik sig‘im orasidagi bog‘lanishni tushuntiring.*
3. *Joul-Tomson effektining mohiyati nimadan iborat.*
4. *Gazlarning suyultirish jarayonini ta’riflang.*

## VIII BO'LIM. SUYUQLIKLARNING XOSSALARI

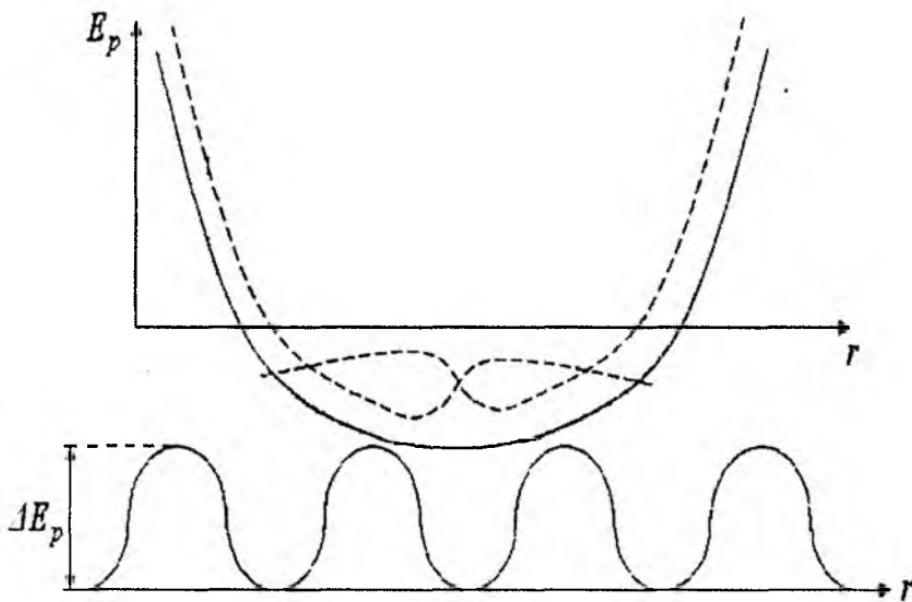
Moddaning suyuq holati uning gazsimon hamda qattiq holatlari orasidagi oraliq holat bo'ladi.

### 21. Suyuqliklarning tuzilishi ikki muhit chegarasidagi muvozanat shartlari. Sirt taranglik suyuqliklarning egri sirtida yuzaga keluvchi kuchlar

Moddaning suyuq holati uning gazsimon hamda qattiq holatlari orasidagi oraliq holat bo'ladi. Van-der-Vaals tenglamasi moddaning faqat gazsimon holatini tushuntiribgina qolmay, suyuq holatining ba'zi xossalarini ham ifodalaydi. Shu bilan birga Van-der-Vaals tenglamasi suyuq holatdan gazsimon holatga kritik nuqta orqali uzlusiz ravishda o'tishi imkoniyati borligini ko'rsatadi. Kritik nuqta yaqinida gaz va suyuqlik orasidagi farqlar juda ham kichik bo'ladi va suyuqliknki ma'lum darajada zikh gaz deb hisoblash mumkin.

Van-der-Vaals izotermalari ichida qisman manfiy bosim sohasiga ham o'tadigan izotermalar borligini ko'rsatadi, bunda suyuqlik cho'zilish holatida bo'lishi mumkin. Tajribalarda suyuqliknning bunday cho'zilgan holatda bo'lishi qattiq jismlarga o'xshab ketadi. Ayniqsa, suyuqliknning qotishiga (kristallanishiga) yaqin bo'lgan sharoitda sezilarli bo'ladi. (21-rasm).

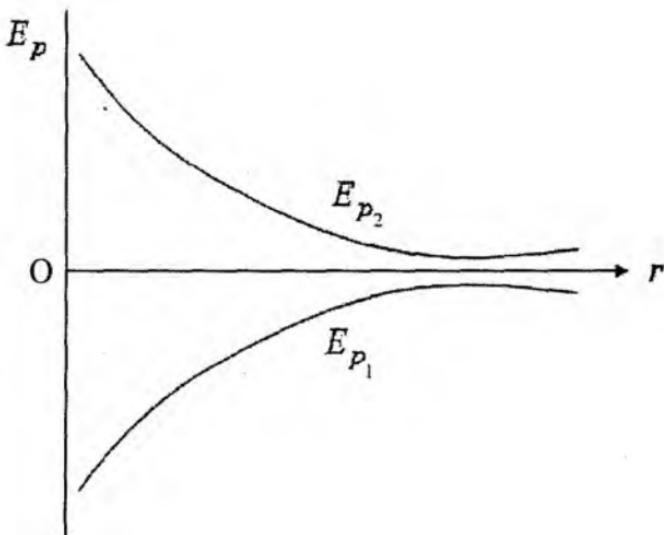
Ma'lumki, gazlarda diffuziya sezilarli ravishda tez boradi. Suyuqliklarda esa molekulalar gazlardagiga qaraganda bir-biriga ancha yaqin joylashadilar. Ularda o'zarot ta'sir kuchlari katta bo'ladi. Shuning uchun suyuqliklarda diffuziya gazlardagiga qaraganda ancha sekin boradi. Ammo shu bilan birga suyuqliklarning tuzilishi qattiq jismlarning tuzilishidan keskin farq qiladi. Qattiq jismlarda diffuziya deyarli bo'lmaydi. Qattiq jismda har bir zarra (atom) o'z muvozanat holati atrofida tebranib turadi.



21-rasm.

Gazlardagi ichki molekulaning o‘zaro potensial energiyasi molekulalar orasidagi masofa biror  $\tau_0$  ga teng bo‘lganda, minimumga ega bo‘ladi. Ammo hosil bo‘lgan potensial o‘raning chuqurligi katta bo‘lmay, u bir erkinlik darajasiga to‘g‘ri keladigan o‘rtacha kinetik energiya  $\frac{1}{2}kT$  dan kichikdir. Shuning uchun gaz molekulalari bir-birining yaqinida ushlanib turmay, balki ular bir-biriga yaqinlashgandan so‘ng yana uzoqlashib ketadi.

Soddaroq tushuntirish maqsadida, bir to‘g‘ri chiziq bo‘yicha joylashgan bir necha molekulani olib qaraylik. Bunday to‘g‘ri chiziqdagi har bir molekulaning ikkita qo‘snnisi bo‘ladi – biri o‘ngda, ikkinchisi chapda (21.2-rasm).



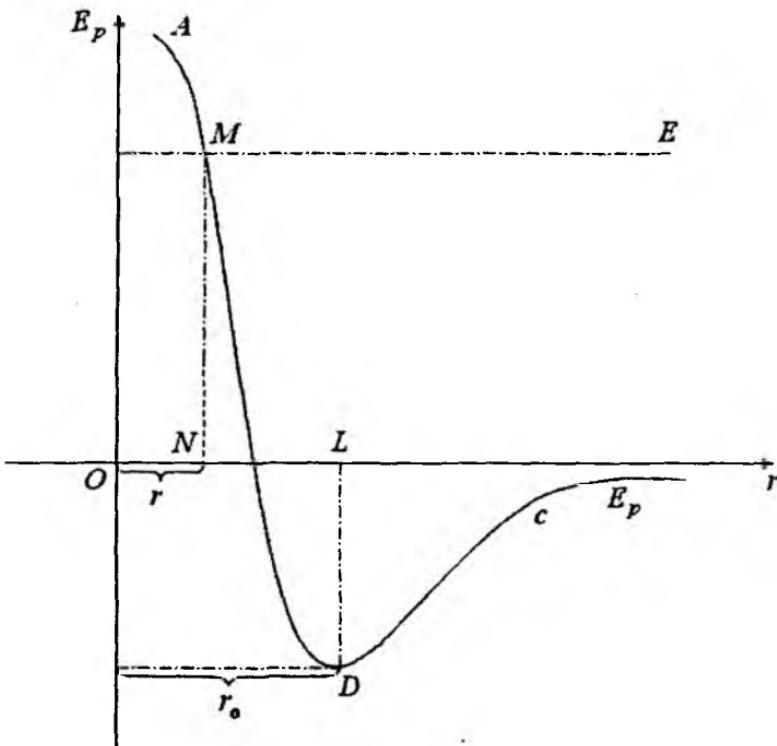
21.2-rasm.

Ayrim potensial o'ralarning  $\Delta E_p$  chuqurligi suyuqlik molekulasining bir erkinlik darajasiga to'g'ri keladigan  $\frac{1}{2}kT$  o'rtacha kinetik energiyadan kattadir.

Shuning uchun potensial o'radagi har bir molekula o'zining muvozanat holati atrofida bo'ladi. Suyuqlikning ayrim molekulalarining kinetik energiyasi fluktuatsiyalarning mavjudligi tufayli vaqtiga vaqtiga bilan uning potensial o'rada chiqib ketishi uchun yetarli bo'lib qoladi va bir juft molekula orasidagi yangi o'rinni egallaydi. Shuning uchun, suyuqlik molekulalari harakatining diffuziyalanishini sekin borishi, yopishqoqligini katta bo'lishiga ham sabab bo'ladi.

Ma'lumki, suyuqlik ichidagi molekulaning potensial energiyasi suyuqlikning tashqarisidagi potensial energiyasidan kichik. Suyuqlik molekulasi suyuqlikdan tashqariga chiqish uchun muayyan potensial to'siqni yengib o'tishi kerak bo'ladi, ya'ni ma'lum ish bajarishi kerak bo'ladi. Molekulalar issiqlik harakatining o'rtacha

kinetik energiyasi bu ishni bajarish uchun yetarli emas. Shu sababli suyuqlik o'z hajmini saqlaydi (21.3-rasm).

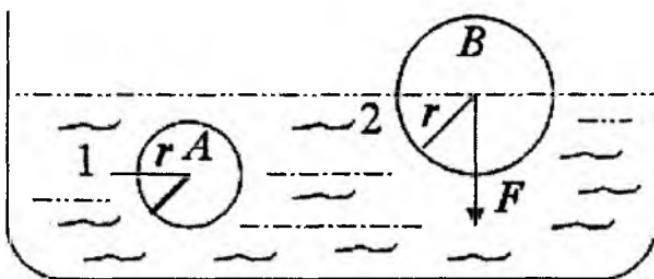


21.3-rasm.

Faraz qilaylik,  $r$  masofada ikkita 1 va 2 molekulalar joylashgan bo'lsin. Bu holda ana shu ikki molekulaning o'zaro ta'sirini e'tiborga olmaslik mumkin bo'lsin. A nuqtada joylashgan 1-molekulani  $r$  radiusli sfera o'rabi tursin. U holda  $r$  radusli sfera ichidagi molekulalarga qaralayotgan molekulaga ta'sirini hisobga olish yetarli bo'lib qoladi. Bu  $r$  masofa molekular ta'sir radiusli sfera, ya'ni molekular ta'sir sferasi deb aytish qabul qilingan.

Suyuqlik ichidagi A molekula atrofida chizilgan molekular ta'sir sferasi ichida juda ko'p boshqa molekulalar bo'ladi. Bu molekulalarning A molekulaga ta'sir kuchlari turli tomonlarga yo'nalgan

bo'lib, o'rta hisobda nolga teng. Suyuqlikning sirtiga yaqin joylashgan molekulalar boshqacha sharoitda bo'ladi. Suyuqlik sirtida joylashgan B molekulani qaraylik. 21.4-rasmdan ko'rinish turibdiki, molekular ta'sir sferasining faqat bir qisminigina suyuqlik ichida, uning boshqa bir qismi suyuqlikdan tashqarida bo'ladi (4-rasm).



21.4-rasm.

*B* molekulaga ta'sir qilayotgan kuchlar o'rta hisobda o'zaro kompensatsiyalanmaydi va suyuqlikning ichiga yo'nalgan yig'indi *F* kuch vujudga keladi. Demak, suyuqlik sirtidan molekular ta'sir radiusi *r* ga qaraganda kichikroq uzoqlikda joylashgan har bir molekulaga boshqa molekulalar tomonidan suyuqlik ichiga qarab yo'nalgan kuch ta'sir qiladi. Sirt qatlaming butun suyuqlikka bosimi *P* molekular bosim deb ataladi.

Molekular-kinetik nuqtayi nazardan, moddaning gazsimon holati molekulalar orasidagi o'rtacha masofalarning katta bo'lganligi bilan xarakterlanib, gaz molekulalarning issiqlik harakati molekulalarning o'z o'lchamlarining bir necha marta katta bo'lgan erkin yo'ldagi erkin harakatlardan iborat bo'ladi. Gazlarda diffuziya sezilarli ravishda tez boradi. Suyuqliklarda esa molekulalar gazlardagiga qaraganda bir-biriga ancha yaqin joylashadilar. Ularda o'zaro ta'sir kuchlari katta bo'ladi. Suyuqliklarda diffuziya gazlardagiga qaraganda ancha sekin bo'ladi. Suyuqlik molekulalari orasidagi o'rtacha masofa *n* ni hisoblaymiz  $\delta \approx \frac{1}{n}$ ; *n* – suyuqlik hajm birinchidagi

molekulalar soni –  $n = N_A \cdot \rho / M$ ;  $M$  – molar massa

$$\delta \approx \frac{1}{\sqrt[3]{n}} = \sqrt[3]{M / N_A \cdot \rho}$$

bo‘ladi  $\delta \approx 10^{-10} \text{ м}$  Masalan: suv uchun  $\delta \approx 3 \cdot 10^{-10} \text{ м}$

### Suyuqlikning ixtiyoriy shakldagi egri sirti ostidagi bosimi

Qo‘shimcha  $p$  bosimni ixtiyoriy shakldagi egri sirt uchun ham umumlashtirish mumkin. Buning uchun ixtiyoriy sirtning egriligini kitirish kerak.

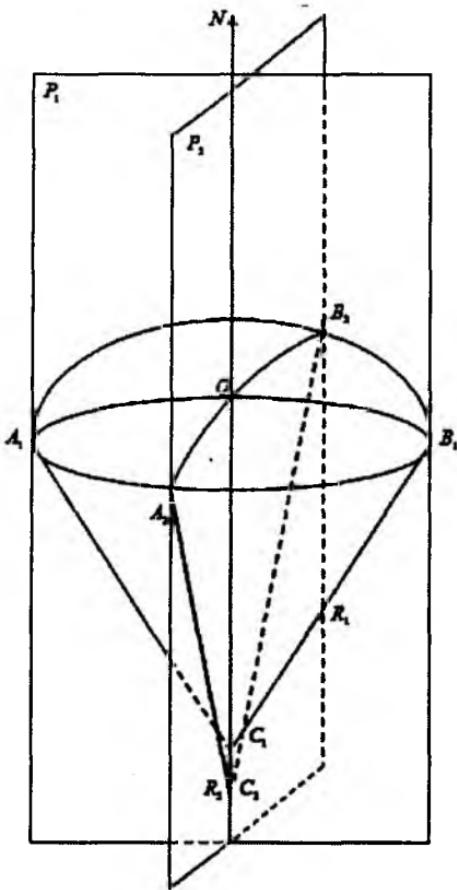
Shuning uchun uning  $O$  nuqtasiga  $ON$  normal o‘rnatamiz.  $ON$  normal orqali  $P$ , tekislik o‘tkazib bu tekislik bilan sirtning kesishish chizig‘i normal kesim deyiladi.

Sferaning har qanday normal kesimi katta aylana  $A_1B_1$  dan iborat bo‘lib (21.5-rasm), uning radiusi sferaning radiusiga teng;  $C = \frac{1}{R}$  kattalik sferaning egriligidir. Ixtiyoriy egri sirtning ma’lum bir  $O$  nuqta orqali o‘tkazilgan turli normal kesimlari turli geometrik egri chiziqlardan iborat bo‘ladi va demak, egriliklar turlichcha bo‘ladi. 21.5-rasmida birgina  $O$  nuqtadan o‘tuvchi turli ikki normal kesim ko‘rsatilgan.

Bu kesimlardan biri egrilik radiusi  $OC_1 = R_1$  bo‘lgan  $A_2B_2$  yoyni beradi.

Agar ixtiyoriy egri sirtning  $O$  nuqtasidan o‘zaro tik  $A_1B_1$  va  $A_2B_2$  ikkita normal kesim o‘tkazilsa va ularning egrilik radiuslari  $R_1$  va  $R_2$  bo‘lsa,

$$C = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$



21.5-rasm. Egri sirtning normal kesimlari.

kattalik mana shunday o‘zaro tik normal kesimlarning istalgan jufti uchun birgina o‘zgarmas qiymatga ega bo‘lishi geometriyada isbot qilinadi. Bu C kattalik sirtning  $O$  nuqtadagi o‘rtacha egriligi deyiladi.

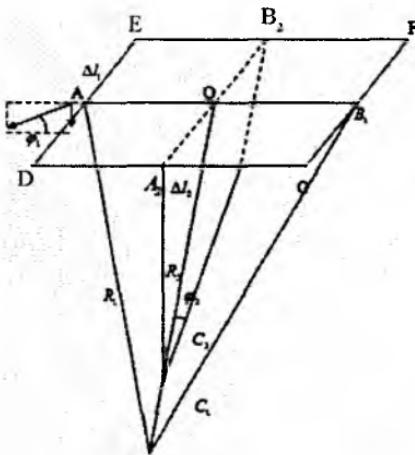
Endi suyuqlik ixtiyoriy ko‘rinishdagi egri sirti ustida  $O$  nuqta olib, shu nuqta orqali egrilik radiuslari  $R_1$  va  $R_2$  bo‘lgan  $A_1B_1$  va  $A_2B_2$  o‘zaro tik ikkita normal kesim o‘tkazamiz (21.5-rasm).  $O$  nuqta atrofida egri chiziqli kichkina to‘rtburchak DEFG ni ajratamiz.

$\tilde{AD} = \tilde{EF}$  yoy uzunligi  $\Delta l_1$  orqali  $\tilde{AD} = \tilde{EF}$  yoy uzunligini esa  $\Delta l_2$  orqali belgilaymiz. U holda tekshirilayotgan to'rtburchakning yuzi  $\Delta S = \Delta l_1 \cdot \Delta l_2$ .

Bundan keyingi sferik sirt uchun keltirilgan mulohazalarga o'xshash yo'l bilan olib boramiz. To'rtburchakning  $DE$  tomoniga ta'sir etuvchi sirt taranglik kuchi:

$$\Delta f_1 = \sigma \Delta l_1 \quad (21.1)$$

Suyuqlikka egri sirt tomonidan ta'sir qilayotgan bosimni aniqlash uchun bu kuchning  $OC_1$ , radiusga parallel yo'nalган  $\Delta f'_1$  tashkil etuvchisini topish kerak. 21.6-rasmdan:



21.6-rasm. Egri sirt ostidagi qo'shimcha bosimni aniqlash.

$$\Delta f'_1 = \Delta f_1 \cdot \sin \varphi_1 \quad (21.2)$$

Lekin taqriban:

$$\sin \varphi_1 \approx \varphi_1 \frac{\tilde{OA}_1}{\tilde{OC}_1} \quad (21.3)$$

Bu yerdagi yoy  $OA_1 = \frac{l_2}{2}$ ,  $OC_1$  esa  $A_1B_1$  normal kesimning  $R_1$  radiusidir, shuning uchun:

$$\sin \varphi_1 \equiv \frac{\Delta l_2}{2R_1} \quad (21.4)$$

$\sin \varphi_1$  ning bu qiymatini (2) ga qo‘yib va (1) dan foydalanib quyidagini hosil qilamiz:

$$\Delta f_1' = \sigma \Delta l_1 \Delta l_2 \frac{1}{2R_1} \quad (21.5)$$

$\Delta l_1 \Delta l_2 = \Delta S$  bo‘lgani uchun:

$$\Delta f_1' = \sigma \Delta S \frac{1}{2R_1} \quad (21.6)$$

FG tomonga shunga teng bo‘lgan  $\Delta f_1'$  tashkil etuvchi tashkil qiladi. Xuddi shu yo‘l bilan to‘rtburchakning DG tomoniga

$$\Delta f_1' = \sigma \Delta S \frac{1}{2R_2} \quad (21.7)$$

tashkil etuvchi kuch  $OC_1$  radiusga parallel bo‘lgan holda ta’sir qilishini topamiz.

EF tomonga ham xuddi shunday  $\Delta f_2'$  tashkil etuvchi kuch ta’sir etadi. Egri chiziqli DEFG to‘rtburchakning to‘rttala tomonidan natijada,  $OC_2$  radiusga parallel holda quyidagi kuch ta’sir qiladi:

$$\Delta f' = \Delta f_1' + \Delta f_1' + \Delta f_2' + \Delta f_2' = \sigma \Delta S \frac{1}{2R_1} + \sigma \Delta S \frac{1}{2R_2}$$

bundan

$$\Delta f' = \sigma \Delta S \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right). \quad (21.8)$$

Qavslar ichidagi kattalik sirtining  $O$  nuqtadagi egriligi bo‘lib, bu kattalik yuqorida aytib o‘tilganidek,  $A_1B_1$  va  $A_2B_2$  o‘zaro tik ikkita kesimlarining qanday tanlab olinishiga bog‘liq emas.

Egri sirtning suyuqlikka borayotgan  $p$  bosimini topish  $\Delta f'$  kuchning qiymatini DS yuzaga bo‘lamiz, bu holda:

$$p = \sigma \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) \quad (21.9)$$

Laplas formulasi deb yuritiladigan bu formula suyuqlikning ixtiyoriy shakldagi egri sirti vujudga keltiradigan qo‘srimcha bosim  $p$  ning qiymatini beradi.

Sfera uchun  $R_1=R_2=R$ , bunda  $R$  – sferaning radiusi. Shunga ko‘ra (21.9) bo‘yicha sferik sirt ostida qo‘srimcha bosim

$$p = \frac{2\sigma}{R} \quad (21.10)$$

ga teng bo‘ladi. Bu yerda  $\sigma$  – sirt taranglik koeffitsientidir.

Agar kesim to‘g‘ri chiziqdan iborat bo‘lib uning uchun  $R_1 = \infty$  bo‘lganda, tik bo‘lib ikkinchi kesim aylanadan iborat bo‘ladi va uning  $R_2$  radiusi  $R$  ga teng bo‘ladi. Shuning uchun sirt ostidagi qo‘srimcha bosim:

$$p = \frac{\sigma}{R} \quad (21.11)$$

formula orqali xarakterlanadi.

### **Suyuqlik bilan qattiq jism chegarasidagi hodisalar. Kapillyarlik**

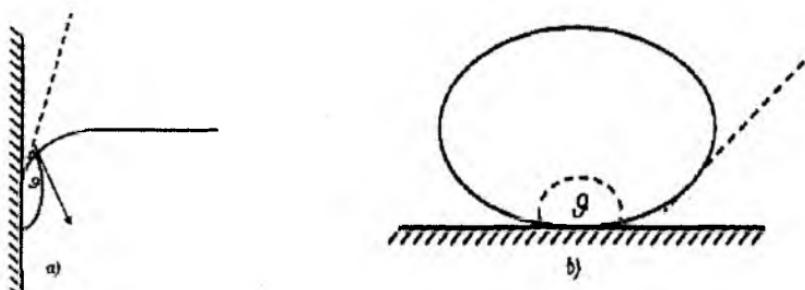
Suyuqlik qattiq jismga tegib turganida suyuqlik molekulalarining

o'zaro ta'sir kuchlarini ham, suyuqlik molekulalari bilan qattiq jism molekulalarining o'zaro ta'sir kuchlarini ham hisobga olish kerak.

Bunda ikki hol bo'lishi mumkin:

suyuqlik molekulalarining o'zaro ta'sir kuchlari suyuqlik molekulalari bilan qattiq jism molekulalarining o'zaro ta'sir kuchlaridan katta;

suyuqlik molekulalarining o'zaro ta'sir kuchlari suyuqlik molekulalari bilan qattiq jism molekulalarining o'zaro ta'sir kuchlaridan kichik.



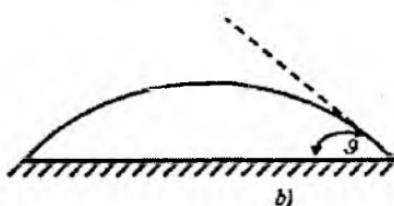
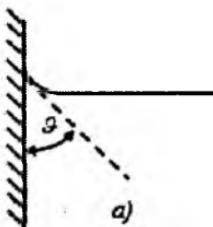
21.7-rasm. Ho'llamaydigan suyuqlikning chegaraviy burchagi.

Birinchi holda suyuqlik qattiq jismni ho'llamaydi (a). Ikkinci (b) holda ho'llamaslikka sabab, suyuqlikning qattiq jismga yopishgan qatlamidagi natijaviy kuch suyuqlik tomonga yo'nalган bo'ladi. Muvozanat holatda suyuqlikning sirti kuchga teng vaziyatda joylashadi va shuning natijasida, ho'llamovchi suyuqlikning vertikal qattiq devor yonidagi sirti (21.7-a rasm)da ko'rsatilgani kabi joylashadi. Gorizontal sirt ustidagi ho'llamovchi suyuqlik tomchisi pachaqlangan sfera shaklini oladi (21.7-b rasm). Suyuqlik sirtiga va qattiq jism sirtiga o'tkazilgan urinmalar orasidagi  $\vartheta$  burchakni chegaraviy burchak deyiladi. Ho'llamaslikda chegaraviy burchak

o'tmas bo'ladi.  $\vartheta = \frac{\pi}{2} - \tau = \pi$  bo'lgan holda to'la ho'llamaslik deyiladi.

Suyuqlik molekulalarining o'zaro ta'sir kuchlari suyuqlik mole-

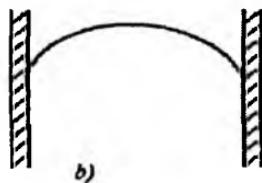
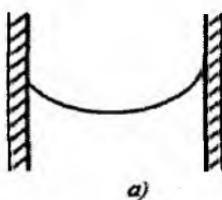
kulalari bilan qattiq jism molekulalarining o‘zaro ta’sir kuchlaridan kichik bo‘lgan ikkinchi holda suyuqlik qattiq jismni ho‘llaydi deyiladi. Burchak o‘tmas bo‘ladi, ya’ni  $\vartheta = \frac{\pi}{2} \cdot \tau = 0$  bo‘lgan holda to‘la ho‘llamaslikda deyiladi.



*21.8-rasm Ho‘llaydigan suyuqlikning chegaraviy burchagi.*

Ho‘llovchi suyuqlikning vertikal qattiq devor yonidagi sirti qanday joylashishi 21.8-a rasmda ko‘rsatilgan 21.8-b rasmda esa gorizonttal sirtdagagi ho‘llovchi suyuqlik tomchining shakli tasvirlangan.

Qattiq jismning gorizontal sirtiga uni to‘la ho‘llovchi suyuqlikning tomchisi tomizilsa, u sirtga yoyilib ketadi. Ho‘llovchi suyuqlikning tomchisi esa (o‘lchamlariga qarab) ozmi-ko‘pmi sferik shaklni oladi va qattiq jismning sirtida siljiy oladi.

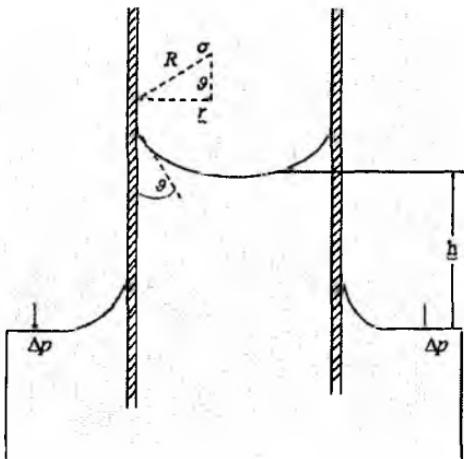


*21.9-rasm. Mensklarning shakli: a) ho‘llaydigan suyuqlikniki, b) ho‘llamaydigan suyuqlikniki*

Ma’lum bir suyuqlik ba’zi qattiq jismlarni ho‘llasa, boshqalalini ho‘llamaydi. Chunonchi, suv shishaning toza sirtini amalda ho‘llagan holda, masalan, parafinni ho‘llamaydi. Simob shishani ho‘llamaydi va temir toza sirtini ho‘llaydi va hokazo. Ingichka

silindrik naycha ichidagi ho'llovchi suyuqlikning sirti botiq shaklga ega bo'ladi (21.9-a rasm), ho'llamaydigan suyuqlikning sirti esa — qavariq shaklga ega bo'ladi (21.9-b rasm). Suyuqlikning shu xildagi egri sirtlari menisklar deyiladi.

Keng idishdagи suyuqlikka ingichka naychaning bir uchi botirilgan holni ko'raylik. Suyuqlik naycha yasalgan materialni ho'llaydigan bo'lsin. U holda naycha ichidagi menisk botiq (21.10-rasm) va agar naychaning ko'ndalang kesimi doirasimsimon bo'lsa, bu menisk taxminan sferaning bir qismi bo'ladi.



*21.10-rasm. Kapillyar naychani ho'llaydigan suyuqlikning ko'tarilishi.*

Bu yerda suyuqlikning botiq sirti ostidagi (21.10) formulaga asosan, qo'shimcha manfiy bosim vujudga keladi:

$$p = -\frac{2\sigma}{R}$$

bunda  $R$  — suyuqli sirtining radiusi va  $\sigma$  — sirt taranglik koeffitsienti.

Keng idishdagи suyuqlikning tekis sirti ostida qo'shimcha bosim bo'lмагани sababli suyuqlik ustunining bosimi qo'shimcha  $p$  bosimni muvozanatlash uchun  $h$  balandlikka ko'tariladi.  $H$  balandlikka ega bo'lган suyuqlik ustunining bosimi  $phg$  ga teng bunda  $\rho$

— suyuqlikning zichligi,  $g$  — og‘irlik kuchining tezlanishi, shunga ko‘ra muvozanat sharti quyidagicha yoziladi:

$$p = \frac{2\sigma}{R} = \rho gh \quad (21.12)$$

Naychaning radiusini  $r$  orqali va chegaraviy burchakni  $\vartheta$  orqali belgilab 7 rasmdan quyidagi tenglikka ega bo‘lamiz:

$$R = \frac{r}{\cos \vartheta}$$

R ning bu qiymatini (21.12) ga qo‘yib quyidagini topamiz:

$$\frac{2\sigma \cdot \cos \vartheta}{r} = \rho gh$$

Bundan suyuqlikning ko‘tarilish balandligi:

$$h = \frac{2\sigma \cdot \cos \vartheta}{r \rho g} \quad (21.13)$$

Naychaning  $d=2r$  diametrini kirlitsak:

$$h = \frac{4\sigma \cdot \cos \vartheta}{d \rho g} \quad (21.14)$$

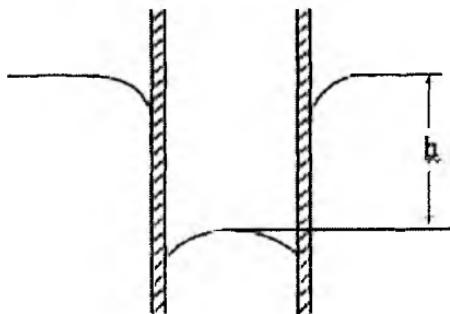
(21.14) formuladan ko‘rinishicha radius  $r$  — qancha kichik bo‘lsa, ya’ni paycha qancha ingichka bo‘lsa, suyuqlik yuqoriga shuncha ko‘p ko‘tariladi. Shu sababli ho‘llovchi suyuqlikning ko‘tarilishi juda ingichka naychalarda, ayniqsa, sezilarli bo‘ladi. Bunday ingichka naychalar kapillar naychalar deyiladi. Bu so‘z soch degan ma’noni beruvchi lotincha capillus so‘zidan kelib chiqqan. Ingichka naychalarda suyuqlik sathi balandligining o‘zgarish hodisasi kapillyarlik deb ataladi.

Suyuqlikning sirt taranglik koefitsienti  $\alpha$  qancha katta bo‘lsa, ho‘llanish qancha kuchli bo‘lsa (chegaraviy burchak  $\vartheta$  qancha kichik bo‘sa) va suyuqlikning zichligi  $\rho$  qancha kichik bo‘sa  $r$  radiusli naychadagi ko‘tarilish shuncha katta bo‘ladi. Suyuqlik to‘la ho‘llovchi ( $\vartheta = 0$ ) bo‘lganda, (21.14) formula

$$h = \frac{2\sigma}{r\rho g} \quad (21.15)$$

ko'rishni oladi.

Agar suyuqlik naychaning materialini ho'llamasaga, suyuqlikning naychadagi meniski qavariq bo'lib, bu menisk vujudga keltiradigan qo'shimcha bosim musbat va suyuqlikning naychadagi sathi idishning keng qismidagi sathidan pastroq bo'ladi.



*21.11-rasm. Kapillyar naychani ho'llamaydigan suyuqlikning pasayishi.*

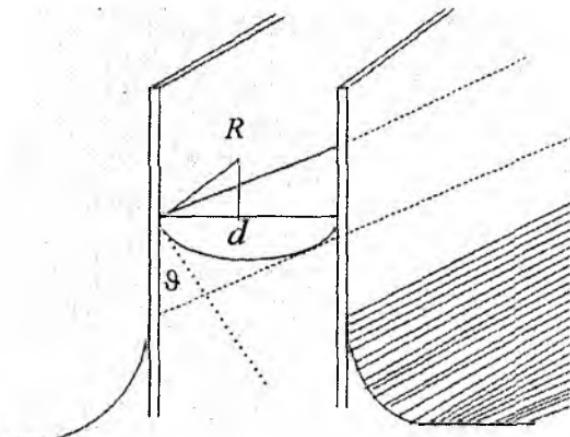
Ho'llamovchi suyuqlik sathining pasayishi  $h$  ham ho'llovchi suyuqlikning ko'tarilishi aniqlanadigan (21.12) formula orqali topiladi.

(21.13) formula sirt taranglik koefisieyti  $\sigma$  ni aniqlash uchun ishlatalishi mumkin. Bu maqsad uchun to'la ho'llanuvchi (yoki to'la ho'llanmoqchi) material tanlashga intiladi. U holda (21.15) formuladan foydalanish mumkin. Naychaning radiusi  $r$ , suyuqlikning zichligi  $\rho$  ma'lum bo'lganda, suyuqlikning naychadan ko'tarilishi (yoki pasayishi) balandligi  $h$  ni o'lchab  $\sigma$  qiymati (21.15) dan bevosita topiladi.

Kapillarlik hodisalari tabiatda va kundalik turmushda katta rol o'yaydi. Suvning tuproqqa har xil g'ovak materiallarga kirishi kapillyarlik natijasida yuz beradi. Piliklarning yoqilg'ini, gigros-

kopik paxtaning suvni shimishi va boshqalar ham kapillyarlikka asoslangan. Texnikada flotatsiya deb ataladigan protsess ho'llash va ho'llamaslik hodisalariga asoslangandir. Flotatsiya porosessi sxematik ravishda quyidagidan iborat: ruda bilan tog' jinslarining maydalangan aralashmasi suyuqlikka qoriladi. Rudani ho'llaydigan va "bo'sh" jinslarni ho'llamaydigan suyuqlik tanlab olinadi. Suyuqlik orqali havo pufakchalar o'tkaziladi. Bu pufakchalar suyuqlik ho'llamaydigan jinslarning zarralariga yopishib ularni suyuqliknинг sirtiga olib chiqadi. Suyuqlik ho'llaydigan ruda zarralari esa suyuqliknинг ostiga cho'kadi. Shunday qilib, "bo'sh" jinslardan ajratiladi.

Endi bir-biridan  $d$  uzoqlikda joylashgan ichki parallel plastinka orasidagi suyuqlikni ko'raylik (21.12-rasm).



*21.12-rasm. Parallel plastinkalar orasidan ho'llaydigan suyuqlikning ko'tarilishi*

Plastinkalar orasidagi ho'llaydigan suyuqlik sirti silindrik shaklda bo'ladi. (21.12) formula bo'yicha silindrik botiq sirt ostidagi qo'shimcha manfiy bosim:

$$p = \frac{\sigma}{R} \quad (21.16)$$

bunda  $R$ —silindrning radiusi. Chegaraviy burchak  $\vartheta$  teng bo'lganda:

$$R = \frac{\frac{d}{2}}{\cos \vartheta} \text{ va } g = \frac{2\sigma \cos \vartheta}{d}$$

Bu bosimni  $h$  balandlikka ega bo'lgan suyuqlik ustunining bosimi muvozanatlaydi:

$$g = \frac{2\sigma \cos \vartheta}{d} = \rho g h$$

bundan ko'tarilish balandligi

$$h = \frac{2\sigma \cos \vartheta}{d\rho g} \quad (21.17)$$

(21.14) va (21.15) formulalarni solishtirganimizda bir-biridan  $d$  masofada turgan parallel plastinkalar orasidagi ho'llovchi suyuqlikning ko'tarilish balandligiga qaraganda ikki marta kichikdir.

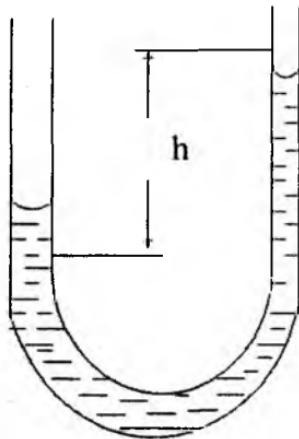
Endi suyuqliklarning kapillar ko'tarilishi va pasayishi balandliklarini hisoblashga doir misollar keltiramiz.

**1-misol.**  $U$  — shisha yenglarining diametrлари 1 mm va 3 mm (10-rasm). Har ikki yengdagi suv sathlarining farqi nimaga teng?

**Yechilishi.** Idishning ingichkarоq yengi ichidagi suvning botiq sirti vujudga keltirgan  $p_1$  bosimni har ikki yengidagi suv sathlarining farqi  $h$  vujudga keltirgan bosim bilan kengroq yeng ichidagi botiq sirt vujudga keltirgan  $p_2$  bosim muvozanatlaydi:

$$p_1 = h\rho g + p_2 \quad (21.18)$$

bunda  $\rho$  — suvning zichligi,  $g$  — og'irlilik kuchi tezlanishi. Chegaraviy burchak  $\vartheta = 0$  deb hisoblab (14) formulaga asosan quyidagilarni yoza olamiz:



*21.13-rasm. U-simon nayning ingichka yengida suvning ko 'tarilishi.*

$$p_1 = \frac{2\sigma}{r_1}; \quad p_2 = \frac{2\sigma}{r_2},$$

bundagi  $r_1$  va  $r_2$  — tegishli yenglarini radiuslari.

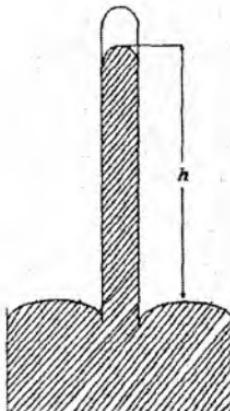
Radiuslar o'rniliga  $d_1 = 2r_1$  va  $d_2 = 2r_2$  diametrlarini kiritamiz:

$$p_1 = \frac{4\sigma}{d_1}; \quad p_2 = \frac{4\sigma}{d_2},$$

bundan:

$$h = \frac{4\sigma}{\rho g} \left( \frac{1}{d_1} - \frac{1}{d_2} \right) = \frac{4 \cdot 73}{1 \cdot 980} \left( \frac{1}{0,1} - \frac{1}{0,3} \right) sm \approx 2sm$$

**2-misol.** Simob bilan to'ldirilgan barometrik naychaning (10-rasm) pastki uchi keng idishga botirligan.



21.14-rasm. Simobning barometrik naychada ko 'tarilish balandligiga kappilyarlikning ta'siri

Naycha ichki kesimining diametri 0,4 sm ga teng. Simob sathlarining farqi  $h=758$  mm. Atmosfera bosimi nimaga teng?

Yechilishi: atmosfera bosimini simob ustunining  $h$  balandligi orqali bevosita aniqlab bo'lmaydi. Chunki ustunning bosimiga naycha ichidagi simobning qavariq meniski vujudga keltirgan bosim ham qo'shiladi. Demak,  $h$  balandlikka ega bo'lgan simob ustunining bosimi bilan qo'shimcha  $p$  bosim  $p$  muvozanatlaydi:

$$P = \rho g h + p. \quad (21.19)$$

Qo'shimcha  $p$  bosim quyidagiga teng:

$$p = \frac{4\sigma |\cos \vartheta|}{d} \quad (21.20)$$

bunda,  $d$  — naychaning diametri,  $\vartheta$  — chegaraviy burchak.

Shunga ko'ra:

$$P = h g \rho + \frac{4\alpha \cos \vartheta}{d} \quad (21.21)$$

Atmosfera bosimi  $P$  ni odatdagicha simob ustunining millimetrlarda ifodalashni istasak, qo'shimcha  $p$  qanday  $h'$  balandlikka ega simob ustunining bosimiga teng bo'lishini aniqlashimiz kerak.

$$P = \frac{4\sigma |\cos \vartheta|}{d} = h' g \rho$$

munosabatdan:

$$h' = \frac{4\sigma |\cos \vartheta|}{dg \rho} \quad (21.22)$$

$h'$  munosabat bo‘lishi kerak, shuning uchun bu yerda  $\cos \vartheta$  ning absolut qiymati olingan.

Simob ustunining millimetrlarda o‘lchangan atmosfera bosimi  $H$  deb belgilaymiz. U holda (21.21) o‘rniga quyidagi hosil bo‘лади:

$$H = h + h' = h + \frac{4\sigma |\cos \vartheta|}{d \rho g} \quad (21.23)$$

Agar simob shisha chegara uchun  $\vartheta = \pi$  deb hisoblasak, (21.23) o‘rniga quyidagini hosil qilamiz:

$$H = h + \frac{4\sigma |\cos \vartheta|}{d \rho g} \quad (21.24)$$

Simob uchun  $\alpha = 540 \text{ dina/sm}$  va  $\rho = 13,6 \text{ g/sm}^3$ , dir shuning uchun

$$H = 75,8 \text{ sm} \frac{4 \cdot 540}{0,4 \cdot 13,6 \cdot 980} \text{ sm} = 76,2 \text{ sm Hg}$$

2. Shuningdek, suyuqliklarning tuzilishi qattiq jismlarning tuzilishidan keskin farq qiladi; qattiq jismlarda diffuziya deyarli bo‘lmaydi. Qattiq jismlarda har bir zarra (atom, ion) o‘z muvozanat holati atrofida tebranib turadi.

Suyuqlikning yopishqoqligi  $\eta$  quyidagi formula bilan aniqlanadi:

$$\eta = \frac{C}{V_0 - \epsilon} \quad (21.25)$$

bu yerda  $C$  – doimiy son molekulalarning o‘rtacha «o‘troq hayot» vaqtini relaksatsiya vaqtı  $\tau$  deyiladi.

Relaksatsiya vaqtining suyuqlik temperaturasi va aktivlash energiyasi bilan bog'lanishi Bolsman taqsimotidan kelib chiqadigan formula bilan ifodalanadi.

$$\tau = \tau_0 e^{\frac{E_a}{KT}} \quad (21.26)$$

$\tau_0$  – molekulaning muvozanat vaziyati yonida tebranishning o'rtacha davri o'rtacha siljishi bilan va o'rtacha vaqt  $\tau$  ni bila turib, suyuqlikda molekulalar harakatining o'rtacha tezligini aniqlash mumkin;

$$\bar{\vartheta} = \frac{\delta}{\tau} = \frac{\delta}{\tau_0} e^{-\frac{E_a}{KT}} \quad (21.27)$$

Masalan: suv molekulalari uchun u shu temperaturadagi bug'ning molekulalari tezlididan 20 marta kichikdir.  $V_0 = b = 1$  mol suyuqlikning bo'sh hajmi (21.25) formulani A.I. Bachinskiy yopishqoq suyuqliklarni ifodalagan suyuqlik molekulalarining issiqlik harakatiga asosan Y.I. Frenkel suyuqlikning yopishqoqligi bilan temperatura orasidagi bog'lanishi quyidagi formula bilan ifodalanishini ko'rsatadi

$$\eta = Ae^{\frac{\Delta E_p}{KT}} \quad (21.8)$$

bu yerda  $\Delta E_p$  – har qaysi molekula turgan potensial o'ranging churqurligi.

3. Suyuqlik ichidagi molekulalarning potensial energiyasi suyuqlikning tashqarisidagi molekulaning potensial energiyasidan kichik, suyuqlikning sirt qatlami suyuqlikning butun hajmidan ko'ra boshqacharoq sharoitda bo'ladi. Molekulani suyuqlik ichidan tashqariga chiqishi uchun muayyan potensial to'siqni yengib o'tish kerak bo'ladi, ya'ni molekula ma'lum ish bajarishi kerak bo'ladi.

Van-der-Vaals tenglamasi taqriban suyuq holatdagi moddalar uchun foydalanishi mumkin:

$$\left( P + \frac{a}{V_0^2} \right) (V_0 - b) = RT \quad (21.29)$$

Masalan: suv uchun:  $P' = \frac{a}{V_0^2} = \frac{5,47}{(0,018)^2} \text{ at} \approx 1700 \text{ at}$   
 $a = 5,47 \text{ at} \cdot \text{l}^2 / \text{mol}; 0^\circ\text{C } 1 \text{ mol suv hajmi } V_0 = 0,018 \text{ l} / \text{mol}.$

Shuni aytish kerakki, suyuqlikning sirt qatlamiga esa sirtga tik holda suyuqlik ichiga yo'nalgan kuchlar ta'sir qiladi. Sirt qatlamining butun suyuqlikka bosimi molekular bosim deyiladi. Bu bosim ta'sirida suyuqlikning molekulalari bir-biriga yaqinlashib qoladi, bu esa molekulalar orasida, sirt qatlam hosil qilgan siqvuchi kuchlarni muvozanatlovchi itarishish kuchlarining vujudga kelishiga sabab bo'ladi.

4. Suyuqlik hajmi ichida joylashgan har bir molekula qo'shni molekulalar bilan o'rالgan va ular bilan o'zaro taassurotda bo'ladi, ammo bu kuchlarning teng ta'sir etuvchisi O-ga teng. Ya'ni, suyuqlik sirtidagi molekulalarni muvozanatda saqlash uchun suyuqlik sirtiga urinma bo'ylab f kuch ta'sir etishi kerak. Bu kuch chegara chizig'iga normal yo'nalishiga ta'sir etadi va unga sirt taranglik kuchi deb ataladi.

Sirt chegarasining uzunligi qancha katta bo'lsa, bu kuch ham shuncha katta bo'ladi

$$f = \sigma \ell \quad (21.30)$$

bu yerda  $\sigma$  – sirt taranglik koeffitsienti deyiladi. (21.7) formuladan

$$\sigma = \frac{f}{\ell} \quad (21.31)$$

teng bo'ladi va SI:  $\frac{4}{m}$ ,  $SGS \frac{\partial H}{sm}$  larda o'lchanadi. Sirt taranglik koeffitsienti temperaturaga bog'liq bo'ladi, temperatura ko'tarilishi bilan u kamayadi.

Suyuqlikning temperaturasi kritik temperatura  $T_k$  ga yaqinlashganda, sirt taranglik koeffitsienti  $\sigma=0$  ga intiladi. Suyuqlik sirt pardasi yuzini  $\Delta S$  ga qadar kattalashtirish uchun bajariladigan ish  $\Delta A$  ga teng bo'lishi kerak ya'ni

$$\Delta A = f\Delta S \quad (21.32)$$

bu yerda  $f = \tau \ell$  ni qo'ysak

$$\Delta A = \tau \ell \Delta S \quad (21.33)$$

ga teng bo'ladi, suyuqlik sirt parda energiyasini  $\Delta E$  ga oshirish uchun  $\Delta A$  ish bajarish kerak,  $\Delta A = \Delta E$ , bunda

$$\Delta E = \tau \ell \Delta S \quad (21.34)$$

ga teng bo'lib, energiyaning bu qismiga erkin energiya deyiladi.

Sirt taranglik moddaning suyuq holati uchun xarakterli bo'lgan juda ko'p hodisalarini, masalan, suyuqlik kichik teshikdan oqib chiqayotganda tomchilarning hosil bo'lishi, ko'pik hosil bo'lishi va boshqalarini tushuntiradi.

Suyuqlikning sirtiga ko'tarilayotgan havo pufagi A ni ko'z oldimizga keltiraylik. U sirtga yetgach, suyuqlikning yupqa qatlamini ko'tarib, gumbaz hosil qiladi. Agar pufak yetarli darajada kichik bo'lsa, sirt qatlamini yorib chiqaolmaydi va suyuqlik sirtining ostida qoladi. Juda ko'p mana shunday pufaklarning majmuasi ko'pik hosil qiladi. Sovunli suvning sirt taranglik koeffitsienti  $\sigma=45 \text{ dn/sm}$ , sof suvning sirt taranglik koeffitsienti holus va tomchi usullari bilan kabyada o'chanadi (lidda qo'llaniladi).

5. Suyuqlikning egri sirti ostidagi bosimni aniqlash uchun suyuqlik sirtini qabariq va botiq holatdagi chegaralarini qaraymiz: suyuqlikning har qanday egri sirt pardasi yassi sirt pardali suyuqlika ta'sir etayotgan bosimga nisbatan qo'shimcha bosim bilan ta'sir etadi.

Bu qo'shimcha bosim qavariq sirt uchun musbat, botiq sirt uchun manfiy bo'ladi. Suyuqlikning sirti R radiusli sferaning bir qismidan

iborat bo‘lgan holni qaraymiz. Buning uchun egri sirdagi  $\Delta S$  sferik segmentni ajratamiz. Bu sferik segmentga ta’sir etuvchi sirt taranglik kuchi  $\Delta f$  ga keng

$$\Delta f = \sigma \Delta \ell \quad (21.35)$$

bo‘ladi va sferik segmentni umumiy sirtiga ta’sir etuvchi bosim  $P$  ni bir qator hisoblashlar orqali aniqlaymiz:

$$P = \frac{2\sigma}{R} \quad (21.36)$$

Bu formula sferik sirtning suyuqlikka boradigan qo‘sishimcha bosimini aniqlash formulasi deyiladi.

### Suyuqliklar va kattik jisimlar orasidagi ayrim o‘xshashliklar

Suyuqliklar-shaklan tez o‘zgaruvchan bo‘lib, siqilish qobiliyati gazlarga nisbatan juda kichik. Suyuqlik molekulalari orasidagi o‘zaro ta’sir kuchi gaz molekulalarining o‘zaro ta’siridan katta, shu sababli molekulalarning o‘zaro ta’sir kuchi suyuqliklar uchun juda muhim ahamiyatga ega. Suyuqlik molekulalari suyuqliking sirtida va ichida har xil potensial energiyaga ega, shu sababli suyuqlik sirtining xossalari suyuqlikning ichki qismi xossalardan farq qiladi. Suyuqlik ichidagi  $A$  molekula atrofidagi molekulalar bilan o‘zaro ta’sir qilib, bu kuchlar o‘zaro kompensatsiyalangan bo‘ladi. V molekulaning suyuqlik sirtidan yuqori qismidagi energiya kompensatsiya qilingan bo‘lib,  $f$  kuch molekulani suyuqlik ichiga (pastga) tortadi, chunki bu molekulaga ta’sir etuvchi kuchlar to‘la kompensatsiya qilinmagan. Demak, suyuqlik sirdagi barcha molekulalarga, ularni pastga, suyuqlik ichkarisiga tortuvchi kuchlar ta’sir etadi. Ya’ni, suyuqlikning sirt qatlami suyuqlikka ma’lum bosim beradi, bu bosim molekular bosim deyiladi. Natijada suyuqlikning sirtqi qatlamidagi molekulalar hajmidagi molekulalarga nisbatan ortiqcha potensial energiyaga ega bo‘ladi. Bu energiya sirt energiyasi yoki erkin energiya deb ataladi.

Sirdagi suyuqlik molekulalari, suyuqlik ichidagi molekulalarga

nisbatan ortiqcha energiyaga ega bo'lib, uning sirt qatlamida taranglikni hosil qiladi. Sirt taranglik kuchi:

$$F=\alpha/l$$

(22.37)

Bunda  $\alpha$  – sirt taranglik koeffitsienti;  $l$  – suyuqlik sirt chegarasi uzunlik birligi,  $-\alpha$ ,  $n/m$  hisobida o'lchanib, suyuqlikning tabiatiga, tarkibiga va haroratiga bog'liq. Suyuqliklarda molekulalar ichki bosimi bo'lishi real gazlar bilan suyuqliklar o'rtasida umumiyligini borligidan dalolat beradi. Bu umumiyligini asosida molekulalarning o'zaro ta'siri yotadi. Suyuqliklar bilan qattiq jismlar o'rtasida ham umumiyligini bor, suyuqliklarning ko'p xossalari qattiq jismlar xossaliga o'xshab ketadi. Bu o'xshashlik qattiq jismlar eriganda yoki erigan qattiq jismlar qotganda ko'proq namoyon bo'ladi.

### Havoning namligi

Ma'lumki, havoning namligi inson hayotida katta o'rinni tutadi. Namlik oshib ketsa ham, kamayib ketsa ham odamning salomatligiga ta'sir etadi. Havo tarkibida dunyo okeanlari bug'lanishi natijasidagi suv bug'lari mavjud. Suyuqlik sirtida energiyasi katta bo'lgan molekulalarni chiqib ketish hodisasiiga bug'lanish deb ataladi. Molekulalarning tartibsiz harakati tufayli ular bir-biri bilan to'qnashadi, natijada ular qaytib suyuqlikka tushadi. Bu hodisa kondensatsiya deyiladi.

Suyuqlikdan chiqib ketayotgan va qaytib tushayotgan molekulalar soni tenglashgandagi bug' to'yingan bug' deyiladi. Suvni isitishda suv ichida pufakchalar hosil bo'lib, ular harorat ortishi bilan yuqoriga ko'tariladi. Bu hodisa qaynash deyiladi. Qaynashda pufakchalar ichidagi to'yingan bug' bosimi ortib boradi va tashqi bosim bilan tenglashganda yuqoriga ko'tariladi, yorilib tashqariga bug' chiqaradi. Demak, qaynash tashqi bosimiga bog'liq bo'lib, tashqi bosim ortsa qaynash harorati ortadi va aksincha. Havoning quruqligi yoki namligi uning tarkibidagi suv bug'lari miqdoriga bog'liq bo'ladi. Havo tarkibidagi bu suv bug'larining bosimiga par-

sial bosim deyiladi. Havo tarkibidagi suv bug‘larini tavsiflash uchun nisbiy namlik deb ataluvchi kattalik kiritiladi. Nisbiy namlik parsial bosimni to‘yingan bug‘ bosimiga bo‘lgan nisbati bilan aniqlanadi:

$$r = \frac{P_n}{P_r} 100\% \quad (21.38)$$

Inson faoliyati uchun nisbiy namlik 40–60% eng qulay. Yerda 33 gradus C haroratda 100% nisbiy namlikka ega bo‘lgan to‘qayzor, 42 gradusda 2% nisbiy namlikka ega bo‘lgan sahrolar bor. Tabiatda haroratni birdaniga pasayib ketishi natijasida nisbiy namlikni 100% dan ortib ketishi yuzaga keladi. Masalan, kechasi yoki erta tongda. Bunday nomuvozanat vaqtida ortiqcha suv bug‘lari kondensatsiya lanib, shudring tushadi, tuman yoki bulut hosil qiladi yoki yomg‘ir yog‘adi. Parsial bosimning to‘yingan bug‘ bosimiga teng bo‘lishi shudring nuqtasi deyiladi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Suyuqlikning tuzilish, Suyuqliklarning yopishqoqligi, molekular bosim, sirt taranglik, suyuqlikning isxtiyoriy shakldagi egri sirti ostidagi bosim va suyuqlikni yopishqoqligi va namligi suyuqlikning xossalariiga va molekulalarining energiyalariga bog‘liq bo‘ladi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Suyuqlikning tuzilishi va xossalari to‘g‘risida tushuncha bering.*
2. *Suyuqliklarning yopishqoqligi nima?*
3. *Molekular bosim nima?*
4. *Sirt taranglik nima?*
5. *Suyuqlikning ixtiyoriy shaklidagi egri sirti ostidagi bosimni tushuntiring.*
6. *Kapilyarlik hodisasini mohiyatini tushuntiring.*
7. *Suyuqlikni yopishqoqligini tushuntirib bering.*
8. *Havo namligi va shudring nuqta deganda nimani tushunasiz?*

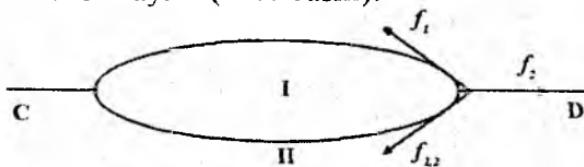
Suyuqlikning tuzilish gaz va qattiq jismalarda farq qilib bosim va teperaturaga bog'liq holda idish hajmini egallaydi.

## 22. Tomchining suyuqlik sirti bo'yicha yoyilib ketishi.

Monomolekular pardalar. Eritmalar. Osmotik bosim.

Egri sirt ustidagi to'yingan bug' bosimi. Suyuqliklardagi molekular hodisalar

Biror suyuqlik I ning zichroq boshqa bir suyuqlik II sirti CD dagi tomchisini tekshiraylik (22.1-rasm).



22.1-rasm. Zichligi ko'proq bo'lgan suyuqlikning (II) sirtida zichligi kichikroq bo'lgan suyuqlikning tomchisi.

Birinchi suyuqlikning sitr tarangligini  $\alpha_1$  orqali va ikkinchisini  $\alpha_2$  orqali belgilaymiz. Ikkala suyuqlikning chegarasida ham sirt taranglik kuchi ta'sir qiladi, biroq bunday kuch bu suyuqliklarning erkin sirtlaridagi kuchlardan farq qiladi. Ikki suyuqlikning chegarasidagi bu sirt tarangligining koeffitsientini  $\alpha_{1,2}$  orqali belgilaymiz. Tomchi aylanasining har bir nuqtasida uchta chegara sirtlari uchrashadi. Shu sababli tomchi aylanasining har bir uzunlik birligiga uchta sirt taranglik kuchi  $f_1$ ,  $f_2$  va  $f_{1,2}$  kuchlari tomchini siqishga intiladi;  $f_2$  kuch uni cho'zadi  $f_1$  va  $f_{1,2}$  kuchlarning elektr yig'indisi  $f_2$  kuch bilan muvozanatlashgan holda tomchi mivozanat vaziyatida bo'ladi. Ma'lumki, bunday hol ushbu  $f_2 < f_1 + f_{1,2}$  shart bajarilgandagina mavjud bo'ladi.

Demak, agar

$$\alpha_2 < \alpha_1 + \alpha_{1,2}$$

bo'lsa, I suyuqlik II suyuqlik ustida tomchi shaklida tura oladi.

Agar  $\alpha_2$  sirt taranglik boshqa sirt tarangliklarga qaraganda yetaricha katta bo'lib,

$$\alpha_2 > \alpha_1 + \alpha_{1,2}$$

tengsizlik bajarilsa  $f_1$  va  $f_{1,2}$  kuchlar teng ta'sir etuvchisi, tomchi qanday shaklga ega bo'lmasin  $f_2$  kuchni muvozanatlay olmaydi va tomchi II suyuqliknинг sirti bo'yicha yupqa parda ko'rinishida yoyilib ketadi. Masalan, ko'pchilik organik suyuqliklar (efir, skipidar) suvning sirtida yoyilib ketadi. Ba'zi suyuqliklarning (benzol, yog' kislotalarning) toza suv sirtiga to'kilgan birinchi tomchilargina yoyiladi, keyingi tomchilar esa yoyilmaydi, balki, suvning sirtida turg'un tomchilar holida qoladi. Bunday bo'lishiga sabab, dastlabki tomchilarning suvda qisman erishi natijasida suv sirt tarangligining tomchilar muvozanati mumkin bo'larlik darajada kamayishidir.

Lengmur asbobi yordamida suv sirtidagi juda yupqa pardalarning xossalari tekshirgan. Bug'lanish xossasining, gazlardagi kabi, suyuqliklarda ham molekulalarning  $T$  temperatura bilan aniqlanuvchi o'rtacha energiyadan katta hamda kichik bo'lган turli kattalikdagi energiyalarga ega bo'lish bilan tushuntirilishini yuqorida aytib o'tgan edik. Shuning uchun ham har bir  $T$  temperatura suyuqliknинг sirtiga yaqinlashganda qo'shni molekulalarning tortish kuchini yenga oluvchi tez harakatlanayotgan molekulalar mavjud bo'ladi. Suyuqliknинг temperaturasi qancha yuqori bo'lsa, tez harakatlanayotgan molekulalar soni shuncha ko'p bo'ladi va Demak, bug'lanish shuncha tez boradi.

Bug'lanish vaqtida tez harakat qilib uchib chiqayotgan molekulalar o'z energiyalarining bir qismini bu molekulalarni suyuqlik ichida ushlab turuvchi molekular tortishish kuchlariga

qarshi ish bajarish uchun sarflaydi. Bu esa suyuqlikda qoladigan molekulalarning o‘rtacha energiyasining kamayishiga, ya’ni suyuqlikning sovushiga olib keladi.

Bug‘lanayotgan suyuqlikning temperaturasini o‘zgarmas qilib saqlab turish uchun unga tashqaridan issiqlik berib turish kerak. Bu issiqlik *bug‘lanish issiqligi* deyiladi; bu miqdor issiqlik suyuqlikning temperurasini oshirmaydi, balki bug‘lanishida bajariladigan ishga sarflanadi.

*Bug‘lanish solishtirma issiqligi λ deb T temperaturadagi suyuqlikning birlik massasini shu temperaturadagi bug‘ga aylantirish uchun beriladigan issiqlik miqdoriga aytiladi.*

Odatda bug‘lanish solishtirma issiqlikni suyuqlikning bir grammiga yoki bir kilogrammiga nisbatan belgilanadi. Bug‘lanish issiqligi suyuqlikning temperurasiga bo‘gliq bo‘ladi: temperatura  $T_k$  ga intilsa bug‘lanish issiqligi nolga intiladi.

Agar bug‘lanayotgan suyuqlikka tashqaridan issiqlik berib turilmasa u soviydi. Temperaturani pasaytirish usuli mana shu faktga asoslangan: issiqlik o‘tkazmaydigan devorli idishdagi suyuqlikni tez bug‘lanishga majbur etib, uni ancha sovitish mumkin. Bug‘ kondensatsiyalanib suyuqlikka aylanayotganda uning molekulalari o‘zaro tortishadi, buning natijasida ularning tezligi va demak, kinetik energiyasi oshadi. Bu esa hosil bo‘layotgan suyuqlikni isitadi: bug‘lanishda sarflangan issiqlik bug‘ kondensatsiyalanayotganda qaytib beriladi.

Suyuqlikni uning to‘yingan bug‘ning elastikligi tashqi bosimga teng bo‘lib, qo‘yiladigan temperaturagacha isitsak, faqat sirtigina bug‘lanishdan tashqari uning ichidagi bug‘ pufaklari hosil bo‘lib butun hajmda bug‘lanish boshlanadi. Hajm bo‘yicha bunday shiddatli bug‘lanish *qaynash* deb ataladi. Demak, qaynash temperurasini suyuqlikning qanday tashqi bosimga bo‘lishiga bog‘liqdir. Atmosfera bosimidagi (760 mm Hg) suv 100°C da qaynaydi; yuqori bosimda pastroq temperaturada qaynaydi, yuqori

bosimda, pastroq bosimda, yuqoriroq temperaturada qaynaydi.

Suyuqlik qaynaganda hosil bo‘ladigan bug‘ pufakchalari dastavval suyuqlik ichida mavjud bo‘ladigan va odatda idish devorlarida havo pufakchalari vujudga keladi. Havo pufakchalari qaynash boshlanadigan markazda bo‘ladi. Havosi bo‘lmagan suyuqlikni  $o'$ ta qizdirish, ya’ni uni qaynamagan holda qaynash temperaturasidan yuqori temperaturagacha qizdirish mumkin. Agar shunday o‘ta qizdirilgan suyuqlikka sirtiga havo yopishgan qandaydir qattiq zarralar kiritilsa, suyuqlik shu onda qaynab, uning temperaturasi qaynash temperaturasigacha pasayadi. O‘ta qizdirilgan suyuqlikning qaynashi shiddatli ravishda yuz bergenligi şababli bu hodisaning oldini olishga intiladilar. Buning uchun, masalan, suv isitiladigan idish ichiga kapillyar naylar tushirilgan bo‘ladi (kapillyar naylar ichida havo pufaklari yaxshi saqlanadi).

Bug‘lanish issiqligi  $\lambda$  — molekulalar suyuqlikning sirt qatlidan o‘tayotganda, bajaradigan  $A$  ishga va modda suyuq holatdan gazsimon holatga o‘tayotganda uning  $V_0$  solishtirma hajmining kattalashishi bilan bog‘liq bo‘lgan  $A'$  ishga sarflanadi:

$$\lambda = A = A'$$

Tortish kuchi molekulalarga ta’sir radiusi  $r$  -cha qalinlikdagi sirt qatlidaniga ta’sir shu molekular ta’sir radiusi uzunligida ta’sir qiluvchi o‘rtacha kuchni  $\bar{f}$  orqali belgilab, bitta molekulaning suyuqlikdan chiqishida bajariladigan ishning ifodasini hosil qilamiz:

$$\Delta A = \bar{f} \cdot r$$

Suyuqlikning birlik massasidagi barcha molekulalarning bajaradigan  $A$  ishi:

$$A = n \cdot \Delta A = n \cdot \bar{f} \cdot r$$

bunda,  $n$  — birlik massasidagi molekulalar soni.

$A'$  ish esa:

$$A' = p(V'_0 - V_0),$$

bunda  $V'_0$  — bug'ning solishtirma hajmi,  $V_0$  — suyuqlikning solishtirma hajmi va  $p$  — bug'lanish yuz berayotgan paytdagi bosim.

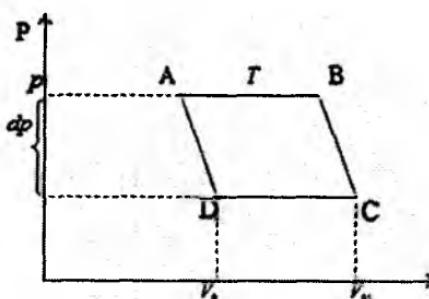
$A$  va  $A'$  qiymatini (1)ga qo'yib, quyidagini hosil qilamiz:

$$\lambda = n \bar{f} r + p(V'_0 - V_0) \quad (22.1)$$

$\bar{f}$  va  $r$  ma'lum bo'limganliklari sababli bu ifoda bog'lanish issiqliki  $\lambda$  ning qiymatini bevosita hisoblash imkonini bermaydi, lekin u  $\lambda$  ning, sirt taranglikni taqozo qiluvchi molekular o'zaro ta'sir kuchi  $\bar{f}$  kattaligiga bog'liqligini ko'rsatadi. Temperaturaning ko'tarilishi bilan  $\bar{f}$  kuch ham bug' va suyuqlikning  $V'_0$  va  $V_0$  solishtirma hajmlari farqi ham kamayganligidan, (20) formula temperaturaning ko'tarilishi bilan  $\lambda$  ham kamayishini ko'rsatadi. Temperatura kritik temperatura  $T_k$  ga yaqinlashganda molekulalarning tortishish kuchi  $\bar{f}$  nolga intiladi va shu bilan bir vaqtda bug' va suyuqlikning  $V'_0$  va  $V_0$  solishtirma hajmlari orasidagi farq ham yo'qoladi; bundan (20) ga asosan  $T - T_k$  bo'lganda bog'lanish issiqliki  $\lambda \rightarrow 0$ , shunday holning haqiqatda mavjudligi yuqorida aytib o'tilgan edi.

Termodinamikaning ikkinchi bosh qonunidan foydalaniib, to'yingan bug'ning elastikligi, temperatura, bug'lanish issiqlikni va suyuq holatdan gазsimon holatga o'tishdagi solishtirma hajmning o'zgarishi orasidagi bog'lanish borligini ko'rsatish mumkin. Buning uchun silindrdbagi porshen ostida suyuqlik va suyuqlik ustida uning to'yingan bug'i bor deb faraz qilib, shu aralaşma bilan qaytuvchi Karno siklini bajaramiz. Dastlabki temperatura  $T$  va to'yingan bug'ning shu temperaturadagi elastikligi  $p$  bo'lsin. Dastlab aralashmani izotermik ravishda kengaytiramiz. Bu holda, suyuqlikning biror  $m$  massasi o'sha  $p$  bosimli to'yingan bug' holatiga

o'tadi. Demak, bu kengayish izobarik ham bo'ladi: grafikda (21.2-rasm) u  $AB$  izobarik bo'lishi uchun aralashmaga



22.2-rasm. Suyuqlik bilan uning to'yigan bug'ning aralashmasi ustida o'tkaziladigan Karko sikli.

$$Q_1 = m\lambda \quad (22.2)$$

bug'lanish issiqlikini berish kerak bo'ladi. Hajmining  $\Delta V$  kattalashishi:

$$\Delta V = m(V'_0 - V_0)$$

bunda  $V'_0$  — bug'ning solishtirma hajmi,  $V_0$  — suyuqlikning solishtirma hajmi. Mana shu izobarik kengayishda bajarilgan ish:

$$A_1 = p \cdot \Delta V = pm(V'_0 - V_0) \quad (22.3)$$

So'ng hajjni adiabatik ravishda cheksiz kichik miqdor qadar kattalashtiramiz (BC tarmoq); bunda temperatura  $dT$  qadar pasayadi, to'yigan bug'ning elastikligi esa  $dp$  qadar kamayadi. So'ng aralashmani yana izobarik ravishda  $\Delta V$  qadar siqamiz. Bu siqilish protsessi  $CD$  to'g'ri chiziq bilan tasvirlanib, u  $p-dp$  bosim va  $T-dT$  temperaturada yuz beradi va protsess vaqtida:

$$A_2 = -(p - dp)\Delta V = -(p - dp)m(V'_0 - V_0) \quad (22.4)$$

ish bajaradi.

Nihoyat  $DA$  adiabatik siqishni bajarib siklni tugallaymiz. Sikl natijasida isitgichdan  $Q_1$  issiqlik miqdori olindi va qandaydir  $A$  ish bajarildi.  $BC$  va  $AD$  adiadiabatalarda bajarilgan cheksiz kichik ishlarni nazarga olmasak,  $A = A_1 + A_2$  deb hisoblash mumkin. Qaytuvchi Karno siklning foydali ish koeffitsienti  $\eta' = \frac{A}{Q_1}$ , asosan ishlovchi moddaning tabiatiga bog'liq emas va  $\frac{T_1 - T_2}{T_1}$  ga tengdir; bunda  $T_1$  – isitgichning temperaturasi (bizning holda  $T$ )  $T_2$  –sovutgichning temperaturasi (bizning holda  $T-dT$ ).

Demak:

$$\eta' = \frac{A_1 + A_2}{Q_1} = \frac{T - (T - dT)}{T} = \frac{dT}{T}$$

bundagi  $Q_1$ ,  $A_1$  va  $A_2$  larning o'miga (3), (4) va(5) dagi qiymatlarini qo'ysak quyidagi ifoda hosil bo'ladi:

$$\frac{m(V'_0 - V_0)dp}{m\lambda} = \frac{dT}{T}$$

yoki

$$\frac{dp}{dT} = \frac{1}{T} \cdot \frac{\lambda}{(V'_0 - V_0)} \quad (22.5)$$

bu Klapeyron-Klauzius formulasi deb atalib u to'yingan bug' elastikligining temperaturaga bog'lanishini xarakterlovchi  $dp/dT$  kattalik bilan bug'lanish issiqliknini solishtirma hajmining o'zgarishi  $(V'_0 - V_0)$  va temperatura  $T$  ni bog'laydi. Bu formulaning ko'rinishi suyuqlikning tabiatiga bog'liq emas.

**Eritmalar. Osmotik bosim.** Ma'lumki, qattiq jismlar, umuman aytganda, suyuqliklarda erib, ular bilan bir jinsli muhit tashkil qiladi. Biroq eritma, bir-biri bilan kimyoviy reaksiyaga

kirishmaydigan gazlarning aralashmasi kabi oddiy aralashma emas. D.I. Mendeleyev 1865–1887-yillar mobaynida bajargan keng tekshirishlari natijasida eritmaning hajmi erituvchi va erigan moddalar hajmlarining yig‘indisidan farqli ekanini ko‘rsatdi. Erish protsessida issiqlik ajraladi yoki yutiladi. Mendeleyev eruvchi va erigan moddalarning ma’lum og‘irlik nisbatlariga tegishli bo‘lgan maxsus nuqtalarning mavjudligini aniqladi. Bularning hammasi eritma va erigan modda molekulalari orasida o‘zaro energetik ta’sirlar borligini va eritmalarining kimyoviy birikmalarga yaqinligini ko‘rsatadi. Lekin kuchsiz eritmalarda bu ko‘rsatilgan effektlar ham rol o‘ynaydi. Bundan buyon biz erigan moddaning bir molekulasi erituvchining juda ko‘p molekulasiiga to‘g‘ri keladigan kuchsiz eritmalarni o‘rganish bilan cheklanamiz. U holda erigan moddaning molekulalari bir-biridan uzoqda bo‘ladi, o‘zaro ta’sir kuchsiz bo‘ladi va ularning majmuasi gazga o‘xshaydi. Erigan moddaning haqiqiy gazdan farqi shundaki, erigan modda molekulalarining harakati ularning orasida erituvchining molekulalari borligi va erigan modda molekulalari erituvchining molekulalari bilan uzlusiz ravishda to‘qnashib turganligi sababli, qiyinlashgan bo‘ladi. Shu sababli erigan moddaning diffuziya koefitsienti gazlarning diffuziya koefitsientidan ancha katta bo‘ladi.

Ervuchi modda molekulalarining ham, erigan modda molekulalarining ham issiqlik harakati o‘rtacha kinetik energiyasi bilan T temperaturadagi gaz molekulalarining o‘rtacha kinetik energiyasi kabi bo‘ladi: erkinlik darajalardan bittasiga to‘g‘ri keladigan o‘rtacha energiya:

$$E = \frac{1}{2}KT$$

bunda K—Bolsman doimiysi.

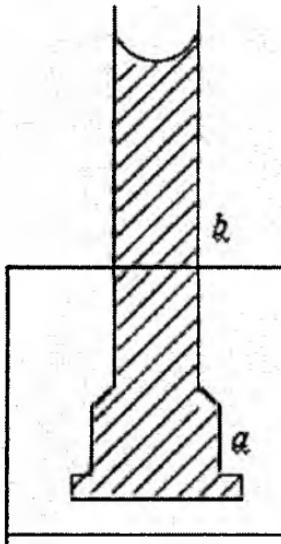
Erigan modda molekulalarining majmuasi gazga o‘xshagini uchun bosimga ega bo‘lishi kerak;

$$p = \frac{2}{3} n_0 \bar{\omega} \quad (22.6)$$

bunda  $n_0$  — eritmaning birlik hajmdagi erigan modda molekulalarining soni. Bu  $p$  bosim *osmotik bosim* deyiladi.

Ammo eruvchi suyuqlikda sirt pardasi vujudga keltirgan katta ichki bosimning mavjudligi osmotik bosimni bevosita kuzatishga imkon bermaydi. Osmotik bosimdagagi gazga oz miqdorda qo'shilgan boshqa bir gazning parsial bosimiga o'xshaydi. Shuning uchun, osmotik bosimni kuzatish usuli ham gazlardagi parsial bosimni kuzatish usuli bilan birday bo'lishi kerak. Bayon qilingan tajribada, vodorod molekulalarining o'tkazadigan va argon molekulalarni o'tkazmaydigan qizdirilgan plastinkadan iborat to'siq yordamida parsial bosimini bevosita o'lhash mumkin bo'lgan edi. Shunga o'xhash, erituvchining molekulalarini o'tkazib erigan modda molekulalarni o'tkazmaydigan to'siq yordamida osmotik bosimni kuzatish mumkin. Bunday to'siqlar *yarim o'tkazuvchan* to'siqlar deb ataladi. Masalan hayvon pufagi qand eritmasi uchun yarim o'tkazuvchan to'siqdir, u suv molekulalarini o'tkazib, qand malekulalarini esa o'tkazmaydi. Binobarin, hayvon pufagini qand eritmasining osmotik bosimini kuzatish va o'lhashda ishlatish mumkin.

Osmotik bosimi kuzatishga xizmat qiladigan tajribaning sxemasi 22.3-rasmida tasvirlangan. Toza suvli pastki ochiq tomon yarmi o'tkazuvchan parda bilan qoplangan kichkina idishga  $\alpha$  solingan.  $\alpha$  idishchaning yuqori qismiga uzun ingicha  $u$  naycha o'rnatilgan. Idishchada qand eritmasi bor.  $\alpha$  idishchaga ham yarim o'tkazuvchan parda orqali suv ko'p kirib, undan tashqariga suv oz chiqadi. Ortiqcha kirgan bu suv  $b$  naychadagi eritmaning sathini ko'tarilgan suyuqlik ustunining gidrostatik bosimi erigan qandning osmotik ("parsial") bosimiga tenglashguncha ko'taradi.



*22.3-rasm. Yarim o'tkazuvchan pardada yordamida  
osmotik bosimni aniqlash.*

(22.6) formuladan osmotik bosim Mendeleyev – Klapeyron formulasini qanoatlantirish zarurligi kelib chiqadi:

$$p = \frac{m}{\mu \cdot V} RT \quad (22.7)$$

bunda  $m$  — erigan moddaning massasi,  $\mu$  — uning molekular og‘rligi,  $V$  — eritmaning hajmi,  $R$  — gaz doimiysi.

*Eritmaning konsentratsiyasi.* Konsentratsiyasi son jihatdan eritmaning birlik hajmidagi erigan modda massasiga teng bo‘ladi deb ataluvchi

$$C = \frac{m}{V} \quad (22.8)$$

kattalikni kiritib, (22.7) formulani quyidagicha yozish mumkin:

$$p = \frac{C}{\mu} RT \quad (22.9)$$

Osmotik bosimga tatbiq qilingan bu (22.8) formula *Vant—Goff formulasi* deyiladi. *Vant—Goff formulasidan* quyidagi formulalar kelib chiqadi: 1) o‘zgarmas temperaturadagi erigan ma’lum bir  $p$  osmotik bosimi  $C$  konsentratsiyaga to‘g‘ri proporsionaldir; 2) o‘zgarmas konsentratsiyali erigan ma’lum bir moddaning  $p$  osmotik bosimi  $T$  absolut tempereturasiga to‘g‘ri proporsionaldir; 3) birday konsentratsiya va birday bosimga olingen erigan har xil moddalarning  $p$  osmotik bosimi molekular og‘irlikka teskari proporsionaldir.

Ko‘pgina kuchsiz eritmalar Vant—Goff formulasi (22.9) yaxshi natija beradi. Biroq qator eritmalar uchun, masalan, anorganik tuzlarning eritmalar uchun osmotik bosimning qiymati (22.9) formula bo‘yicha hisoblangan qiymatdan ancha katta bo‘lib chiqadi. Bu hol mana shunday moddalar molekulalarning eriganda bir necha qismlarga parchalanishi (*dissotsiatsiyalanish*) bilan bog‘liqdir. Chunki dissotsiatsiya natijasida erituvchining birlik hajmiga to‘g‘ri keladigan zarralar soni  $n_0$  oshadi va (22.7) formulaga ko‘ra, bosim ham oshadi.

Katta osmotik bosimga ega bo‘lgan eritmalar elektr o‘tkazuvchi (*elektrolitlar II toqma qarang*) bo‘lganligi holda (22.9) formulaga bo‘ysinuvchi eritmalarning elektr tokini o‘tkazmasligi ma’lum bo‘ladi. Bundan esa erishda molekulalar neytral qismga emas, zaryadli qismlarga (ionlarga) ajralishi ma’lum bo‘ladi. Osmotik bosim bilan bog‘liq bo‘lgan hodisalar tabiatda, xususan, tirik organizmlarda yuz beradigan protsesslarda katta rol o‘ynaydi.

Osmotik bosimni kattalik jihatidan baholash uchun quyidagi misollarni ko‘ramiz.

1-misol.  $27^\circ\text{C}$  temperaturadagi 1 l suvda 34 g qamish qandi ( $\text{C}_2\text{H}_2\text{O}_1$ ) eritiladi. Eritmaning osmotik kattaligi aniqlansin.

Yechilishi: (2) formula bo‘yicha:

$$p = \frac{m}{\mu} \cdot \frac{RT}{V}$$

bunda  $R$  – gaz doimiysi bo‘lib  $0,082 \text{ л} \cdot \text{ам}/\text{град} \cdot \text{моль}$  ga teng. Vodorod (H), uglerod(C) va kislorod(O) ning atom og‘rliklari mos ravishda 1; 12 va 16ga teng bo‘lishini e’tiborga olib va qamish qandining yuqorida keltirilgan kimyoviy formulasidan foydalanib, molekular og‘irligi  $\mu = 342$  ekanini aniqlaymiz. Mana shu son qiymatlaridan foydalanib osmotik bosimni topamiz.

$$p = \frac{34}{342} \cdot \frac{0,082 \cdot 300}{1} \text{ ам} \cong 2,46 \text{ ам}$$

Keltirilgan hisoblash osmotik bosimning bir necha atmosfera chamasida bo‘la olishini ko‘rsatadi.

2-misol. Erigan modda barcha molekulalari  $x$  qismining har biri dissotsiatsiya natijasida  $i$  tadan zarraga ajralsa, osmotik bosim qanday nisbatda o‘sadi?

Yechilishi. Eritmaning birlik hajmdagi erigan modda molekulalaring soni dissotsiatsiyagacha  $n_0$  edi deb olamiz. Agar erigan moddaning  $x$  qismi har bir dissotsiatsiya natijasida  $i$  tadan zarraga ajralsa, birlik hajmdagi zarralar soni quyidagi teng bo‘lib qoladi:

$$n'_0 = n_0 xi + (1 - x) n_0 = [1 + x(i - 1)] n_0.$$

Bosim birlik hajmdagi zarralar soni proporsional bo‘lganligi uchun u dissotsiatsiya natijasida quyidagi nisbatda oshadi:

$$\frac{p'}{p} = \frac{n'_0}{n_0} [1 + \chi(i - 1)] \quad (22.10)$$

Juda kuchsiz eritmalarda dissotsiatsiya to‘la bo‘ladi, ya’ni barcha molekulalar parchalanadi u holda  $x = 1$  va (22.10) formula

$$p'/p = i$$

ko‘rinishini oladi.

Agar, masalan, barcha molekulalar ikkitadan bo‘lakka dissotsiatsiyalansa,  $i = 2$  bo‘ladi va  $p' = 2p$ , ya’ni dissotsiatsiya

natijasida osmotik bosim ikki barobar oshadi.

3-misol. Agar 2,92 g osh tuzi eritmasining haqiqatda kuzatiladigan osmotik bosimini  $P'$  orqali belgilaymiz. U holda olingan misolni yechishda chiqarilgan (22.10) formulaga asosan

$$P' = P[1 + \chi(i - 1)]$$

Shartga ko‘ra  $i = 2$  bundan:

$$P' = P(1 + \chi)$$

Bu tenglikni  $\chi$  ga nisbatan yechamiz:

$$\chi = \frac{P'}{P} - 1 \quad (22.11)$$

Egri sirt va suyuqlik ustida to‘yingan bug‘ning bosimi 375 Mendeleyev — Klapeyron formulasidan:

$$P = \frac{m}{\mu} \cdot \frac{RT}{V}$$

$P$  ning qiymatini (5) ga qo‘ysak:

$$\chi = \frac{P' \mu V}{P R T} - 1$$

Berilgan son qiymatlarini bu formulaga qo‘ysak:

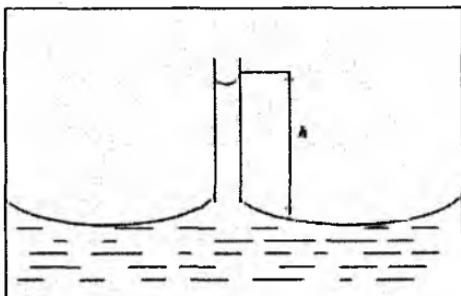
$$\chi \approx 0,4$$

ya’ni osh tuzi molekulalarining 0,44 qismi dissoiasiyalanadi.

**Egri sirt ustidagi to‘yingan bug‘ning bosimi.** Suyuqlik to‘yingan bug‘ning bosimini suyuqlik sirtining egriligiga bog‘lanishini tekshiraylik. Yopiq idishda ma’lum miqdorda suyuqlik bo‘lsin; suyuqlikning ustida to‘yingan bug‘ bor. Suyuqlik sirti ustida bug‘ning bosimi berilgan  $T$  temperaturada tamomila aniq  $P$  qiymatga ega bo‘ladi. Bu bosim balandlik bo‘yicha barometrik formulaga asosan kamayib boradi.

Bir uchi suyuqlikka botirilgan A kapillyar naychani ko‘z

oldimizga keltiraylik (22.4-rasm). Kapillyar naycha materialni suyuqlik to'la ho'llaydi, deb faraz qilamiz.



22.4-rasm. To'yingan bug'ning balandlikdagi elastikligini, idishdagi suyuqliknинг sirtidagi elastikligiga qaraganda kichik bo'ladi.

U holda suyuqliknинг meniski yarim sfera shaklidagi botiq sirtidan iborat bo'lib  $r$  radiusi kapillyar, naychaning radiusiga teng. Naycha ichida: suyuqlik  $h$  balandlikka ko'tariladi. Bu balandlik quyidagi formula bilan aniqlanadi:

$$h = \frac{2\sigma}{r \rho g} \quad (22.12)$$

bunda  $\sigma$  – suyuqliknинг sirt taranglik koeffitsienti va  $\rho$  – uning zichligi.

Faraz qilaylik, kapillyardagi suyuqliknинг botiq sirti ustidagi to'yingan bug'ning bosimi idishdagi yassi sirt ustidagi bosimning  $p$  qiymatiga teng bo'lsin. U holda idishdagi suyuqlik sirtidan  $h$  balandlikda bo'lgan botiq sirtidan bug'langan bug' o'zini o'rab olgan bug'ga nisbatan kattaroq bosim ostida qoladi, chunki o'sha atrofdagi bug'ning bosimi  $p'$  balandlik bo'yicha borgani sababli  $p$  bosimdan kichik bo'ladi. Vujudga kelgan zichroq bug' kamayib, ish bajarishi mumkin; bu ish sovtgich bo'limgan holda,  $-T$  temperaturanining birgina isitgich hisobiga bajarilgan bo'lib qoladi; termodinamikaning ikkinchi bosh qonuniga ko'ra, buning yuz berishi mumkin emas.

Demak, biz suyuqlikning botiq sirti ustidagi to‘yingan bug‘ning bosimini atrofdagi bug‘ning  $p'$  bosimiga teng deb hisoblashimiz kerak. Chunki faqat shu bosimdagina kapillyardagi suyuqlik bilan bug‘ orasidagi muvozanat mavjud bo‘ladi.

$p'$  ning qiymatini barometrik formula yordamida aniqlash mumkin edi, biroq  $h$  balandlik bo‘lgani uchun  $p - p'$  ayirmani  $h$  balandlikka va  $\rho_0$  zichlikka (bunda  $\rho_0$  – berilgan suyuqlik to‘yingan bug‘ning T temperaturadagi zichligi) ega bo‘lgan bir jinsli bug‘ ustuninimg bosimiga teng deb olish mumkin:

$$p - p' = h g \rho_0$$

bu yerga (1) bo‘yicha  $h$  ning qiymatini qo‘ysak:

$$p' - p = \frac{2\sigma}{r} \cdot \frac{\rho_0}{\rho} \quad \text{bundan} \quad p' = p - \frac{2\sigma}{r} \cdot \frac{\rho_0}{\rho} \quad (22.13)$$

(22.13) formuladan ko‘rinishicha  $p' < p$  ekan, ya’ni botiq sirt ustidagi bosimdan kichik bo‘ladi. Sirtning  $r$  egrilik radiusi qancha kichik bo‘lsa,  $p'$  bosim ham yassi sirt ustidagi bug‘ bosimi  $p$  dan shuncha farq qiladi.

Suyuqlik kapillyar naychani ho‘llamaydigan holni tekshirganimizda, kapillyardagi suyuqlik meniski qavariq bo‘lishini va suyuqlik sathi katta idishdagi sathga nisbatan biroz past bo‘lishini ko‘ramiz. Bundan, yuqorida keltirilganlarga tamomila o‘xshash mulohazalar yordamida qavariq sirt ustidagi to‘yingan bug‘ning  $p''$  bosimi yassi sirt ustidagi bosimdan katta bo‘ladi degan xulosaga kelamiz, ya’ni

$$p'' = p + \frac{\sigma}{r} \cdot \frac{\rho_0}{\rho} \quad (22.14)$$

ekanligi ma’lum bo‘ladi.

Keyingi xulosadan sferik tomchilar ustidan to‘yingan bug‘ning bosimi suyuqlik yassi sirt ustidan o‘sha to‘yingan bug‘ning

bosimidan katta ekanligi va tomchining radiusi qancha kichik bo'lsa, uning ustidagi to'yangan bug' bosimi shuncha katta bo'lishi kelib chiqadi. Bug' bilan o'ralgan turli radiusli tomchilar o'zaro muvozanatda bo'la olmaydi. Kichik tomchilar bug'lanadi, katta tomchilar esa kichkina tomchilar tamomila yuqolguncha bug'lar kondensatsiyalana boradi.

### **Egri sirt ustida to'yangan bug'ning bosimi**

Endi eritma ustidagi to'yangan bu'gning bosimini sof erituvchi ustidagi bug'ning bosimiga taqqoslaymiz.

O'tgan asrning oxirlaridayoq, Raul asosan organik moddalar ustida o'tkazgan ko'p sonli o'lhashlar natijasida uchuvchan bo'limgan modda eritmasi ustidagi erituvchi modda to'yangan bug'ning  $p'$  bosimi sof erituvchi ustidagi to'yangan bug'ning shu temperaturadagi  $p$  bosimidan pastroq bo'lishini ko'rsatgan edi. Masalan, qandning suvdagi eritmasi ustidagi to'yangan suv bug'ining bosimi, xuddi shu temperaturadagi toza suv ustidagi to'yangan suv bug'ining bosimidan pastdir. Sof eruvchining  $v$  molida  $v'$  mol modda eritilgan bo'lsin; u holda Raul topgan qonunga ko'ra, to'yangan bug'lar bosimining nisbiy pasayishi:

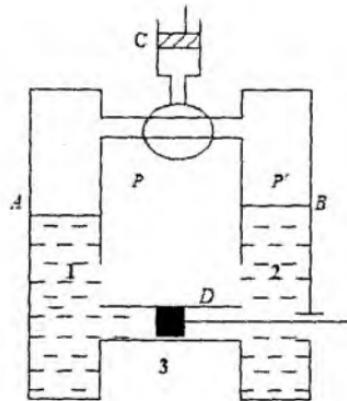
$$\frac{p - p'}{p} = \frac{v'}{v + v'} \quad (22.15)$$

formuladan topiladi.

Raul qonuni quyidagi aylanma protsesni tekshirishdan keltirib chiqarilishi mumkin:

bir mol sof eruvchining A idish (19-rasm) ichida bug'lantirib  $p$  bosimli to'yangan bug' hosil qilamiz; hosil bo'lgan bug'ning hajmini  $V_0$  orqali belgilaymiz;

bu bug'larni C nasos yordamida ularning bosimi ustidagi to'yangan bug'ning  $p'$  bosimiga tenglashguncha kamaytiramiz; bu holda hajm  $V_0$  bo'lsin;



22.5-rasm

B idishdagi  $p'$  bosimli bug‘ning bir molini kondensatsiyalab eritmaga aylantiramiz.

Bu uchta protsesni biday  $T$  temperaturada izotermik bajaramiz;

Yarim o‘tkazuvchan porshen yordamida bir mol eruvchini eritmadan yana toza eruvchi tomonga o‘tkazamiz.

Bu aylanma protsesda bajarilgan ishlarning yig‘indisi nolga teng bo‘lishi kerak. Aks holda, termodinamikaning ikkinchi bosh qonuni yana buzilgan bo‘lar edi, chunki butun protsess  $T$  temperaturali issiqqlik manbayi bilan bajarildi.

3) protsesslarda bajarilgan ishlar kattalik jihatdan o‘zaro teng va ishoralari qarama – qarshi ekanligiga osonlik bilan ishonch hosil qilish mumkin; shuning uchun ham butun aylanma protsess uchun ishlar yig‘indisi tuzilayotganda, ular o‘z-o‘zidan tushib qoladi.

### Suyuqliklardagi molekular hodisalar

Bug‘ning C nasos yordamida kenfayishidagi ishi:

$$A_1 = RT \ln \frac{p'}{p} \quad (22.16)$$

Bir mol erituvchini eritmadan sof erituvchi solingan idishga o'tkazishda bajarilgan ishni aniqlaymiz. Yarim o'tkazuvchan D porshen orqali erituvchining  $\Delta V$  hajmi ortishi uchun porshenni ma'lum kesmaga surish kerak. Bu holda porshen osmotik bosim P ga qarshi surilgani uchun

$$A_2 = P \cdot \Delta V$$

ish bajaradi.  $\Delta V$  – bir mol toza erituvchining hajmidir; bundan

$\Delta V = \frac{\mu}{\rho}$ , bu yerda  $\mu$  – erituvchining molekular og'irligi,  $\rho$  – uning zichligi, bularga asosan:

$$A_1 + A_2 = 0 \text{ shartdan:}$$

$$P \cdot \frac{\mu}{\rho} = -RT \ln \frac{p'}{p}$$

Bundan osmotik bosimni topamiz:

$$P = \frac{\mu}{\rho} RT \ln \frac{p'}{p} \quad (22.17)$$

Bu keyingi ifodani o'zgartirish mumkin.  $\ln \frac{p}{p'}$  ifodani quyidagicha yozamiz:

$$\ln \frac{p}{p'} = \ln \left( 1 + \frac{p - p'}{p'} \right);$$

bosimning  $p - p'$  o'zgarish kichik bo'lgani uchun  $\frac{p - p'}{p'}$  birdan ancha kichik bo'ladi, shuning uchun taqriban:

$$\ln \left( 1 + \frac{p - p'}{p'} \right) \approx \frac{p - p'}{p'}$$

Bu taqrifiy ifodadan foydalanib (4) formulani quyidagicha yozamiz:

$$P = \frac{\rho}{\mu} = RT \frac{p - p'}{p'} \quad (22.18)$$

Bu formula osmotik bosimning qiymatini bayon qiladigan yarim o'tkazuvchan pardalar yordamida o'lchash o'miga eritma ustidagi to'yingan bug' bosimining pasayishi orqali hisoblash imkonini beradi.

Mendeleyev-Klapeyron formulasi bo'yicha osmotik bosim:

$$P = \frac{m'}{\mu'} \cdot \frac{RT}{V}$$

Bu yerda  $m'$  – uning molekular o'girligi, demak,  $m'/\mu'$  erigan modda mollarning soni  $v'$  ga tengdir.

Bundan:

$$P = v' \frac{RT}{V}.$$

Ikkinchi tomondan  $\frac{\rho}{\mu} = \frac{m}{\mu V}$ , bunda  $m$  – erituvchining massasi va  $\mu$  – uning molekular og'rligi, binobarin:

$$\frac{\rho}{\mu} = v \frac{1}{V}$$

bunda  $v$  – erituvchining mollar soni  $P$  va  $\rho/\mu$  ning bu qiymatlarini (22.17) ga qo'ysak:

$$\frac{p - p'}{p'} = \frac{\gamma'}{\gamma}$$

bunda:

$$\frac{p - p'}{p'} = \frac{v'}{v + v'}$$

bu esa Raul qonuni(22.15) ning o'zidir. Demak, sof erituvchining  $v$  – molida  $v'$  – mol modda eritilganda Paul qonuniga asosa

to‘yingan bug‘ molekulalarining xossalari bosimning pasayishiga asosan o‘rganiladi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Tomchining suyuqlik sirti bo‘yicha yoyilishi. Monomolekular pardalar. Eritmalar. Egri sirt ustidagi to‘yingan bug‘ bosimi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Tomchining suyuqlik sirti bo‘yicha yoyilishining mohiyatini tushuntiring.*
2. *Monomolekular pardalar nima?*
3. *Eritmalar hosil Asmotik bosimni tushuntirib bering.*
4. *Egri sirt ustidagi to‘yingan bug‘ bosimini aytib bering.*
5. *Suyuqliklardagi molekular hodisalarni tushuntirib bering.*

## **IX BO'LIM. QATTIQ JISM**

Qattiq jismni boshqa agregat holatlardan ajratib turuvchi asosiy farqlari: birinchidan, uning normal sharoitda o'z shaklini saqlashi; ikkinchidan, ularni tashkil etuvchi atom molekulalarning tebranma harakatda bo'lishidir.

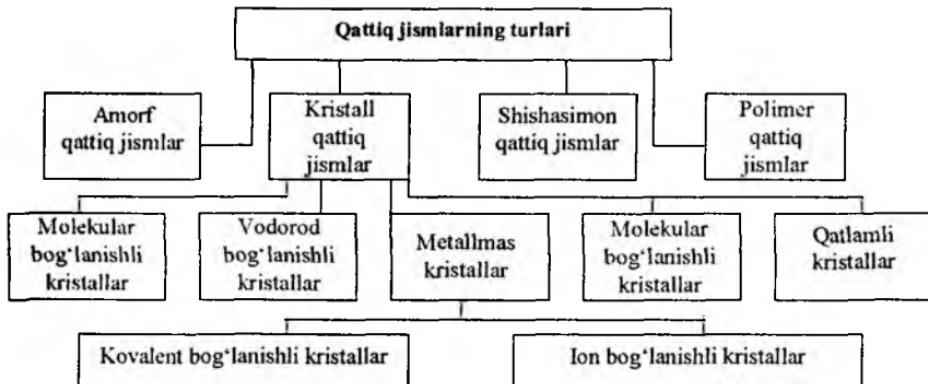


### **23. Kristall panjara. Kristallografik koordinata tizimi**

#### **Qattiq jismlarning tuzilishi va turlari**

Tabiatdagi moddalar gaz, suyuqlik, qattiq jism va plazma holatlarda bo'ladi. Bu holatlar moddanipg agregat holatlari deb atalib, bir-biridan fizik xossalari bilan farq qiladilar. Qattiq jismlarning suyuq va gazlardan farqi shundaki, ular hz shakllarini saqlaydi va ularda oquvchanlik kuzatilmaydi. Mikroskopik nuqtai nazardan bunday farqning bo'lishi, moddani tashkil etuvchi atom va molekulalar orasidagi o'zaro ta'sir energiyasining katta yoki kichikligi bilan tushuntiriladi.. Suyuqlik va gazlarda ularni tashkil qiluvchi atom va molekulalar orasidagi o'zaro ta'sirlashish energiyasi ularning issiqlik harakati energiyasidan kichik bo'ladi. Shuning uchun suyuqlik yoki gazni tashkil etuvchi atom va molekulalar bir nuqtadan ikkinchi nuqtaga ko'chib yurishi mumkin, ya'ni oquvchanlik xossasiga ega. Qattiq jismlarda esa molekula yoki atomlar orasidagi ta'sirlashuv energiyasi ularning issiqlik harakati energiyasidan ancha katta bo'ladi, shuning uchun ular erkin ko'chib yura olmaydi va muvozanat vaziyatlari atrofida tebranma harakt qilib turadi. Demak, qattiq jismni boshqa agregat holatlardan ajratib turuvchi asosiy farqlari: birinchidan, uning normal sharoitda o'z shaklini saqlashi; ikkinchidan, ularni tashkil etuvchi atom molekulalarning tebranma harakatda bo'lishidir.

Qattiq jismlar tuzilishiga ko'ra amorf, kristall, shishasimon va polimer qattiq jismlarga bo'linadi. Bundan tashqari qattiq jismlar uni tashkil etuvchi atom yoki molekulalarning o'zaro bog'lanishiga ko'ra ham farqlanadi. (1-rasm)



### 23. I-rasm

Kristall qattiq jismlarda ularni tashkil qiluvchi atom va molekulalar qat’iy tartib bilan joylashadi. Agar bu tartib ikki qo’shni atom yoki molekula orasidagi masofadan bir qancha marta katta bo’lgan masofalargacha saqlansa uni uzoq, tartib deb ataladi. Kristallar aniq, suyulish temperaturasiga (nuqtasiga) ega bo’ladi. Jism bu temperaturagacha qizdirilganda atomlar va molekulalar joylashishida tartib yo’qoladi va ular oquvchanlikka ega bo’lib qoladi. Suyulish nuqtasida tashqaridan olinayotgan issiqlik ta’sirida jism temperaturasi o’zgarmaydi va qattiq jism to’la suyuqlikka aylanguncha temperatura saqlanadi.

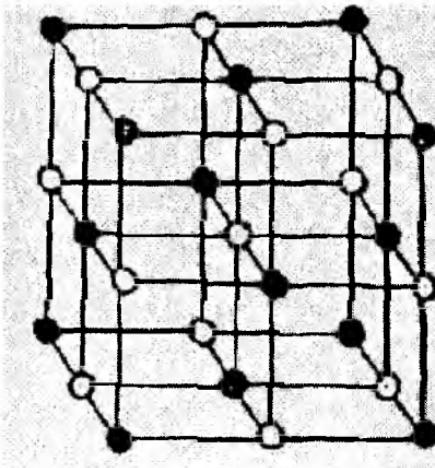
#### **Kristall va amorf jismlar.**

Qattiq jismlar bir-biridan o’zlarining fizik xossalari bilan keskin farqlanadigan ikki turga, ya’ni kristall va amorf jismlarga ajraladi.

Kristall holatdagi moddaning asosiy alomati unda anizotropiyaning mavjud bo’lishidir. Anizotropiya deb, bir jism xossalaring turli yo’nalishlarda turlicha bo’lishiga aytildi. Masalan, kristall jismning issiqlikdan kengayish koefitsiyenti turli yo’nalishlar uchun turlicha bo’ladi; turli yo’nalishlarda kristallarning mexanik, optik va elektr xossalari ham turlichadir. Kristallning eng xarakterli tashqi alomati uning muntazam geometrik shaklda bo’lishidir. De-

raza oynasida suv muzlaganda muz kristallari muntazam geometrik naqshlar hosil qilishini va qor uchquning muntazam shaklga ega bo'lishini hamma biladi. Kristallar tekis yoqlar bilan chegaralangan bo'lib, bu yoqlar qirralarda va uchlarda uchrashadi. Odatda, yoqlar bip-biriga nisbatan simmetrik ravishda joylashadi. Kvarts, masalan, olti yoqli piramidalar bilan tugallanuvchi olti yoqli prizmadan iborat bo'lgan kristallar hosil qiladi.

23.2-rasmda osh tuzning ( $\text{NaCl}$ ) kubik panjarasi tasvirlangan; bunday panjara eng sodda panjara bo'lib, kubik sistemaga kiradi. Natriy atomlari qora doirachalar bilan tasvirlangan, ular musbat elektr zaryadiga ega, ya'ni ular musbat ionlar bo'ladi. Xlor atomlari oq doirachalar bilan tasvirlangan, ular manfiy elektr zaryadga ega, ya'ni ular manfiy ionlardir.



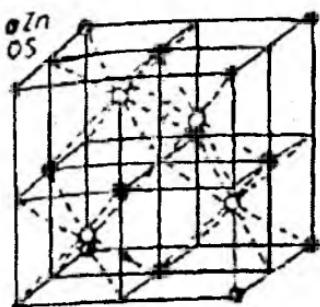
23.2-rasm. Osh tuzning kub panjarasi.

23.3-rasmda rux aldama ( $\text{ZnS}$ ) ning fazoviy panjarasi tasvirlangan. Qora doirachalar Zn ning musbat ionlarini tasvirlaydi, oq doirachalar esa S ning manfiy ionlarini tasvirlaydi. Rux aldamaning panjarasi, osh tuzning panjarasiga qaraganda, birmuncha murakkabroq tuzilgan.

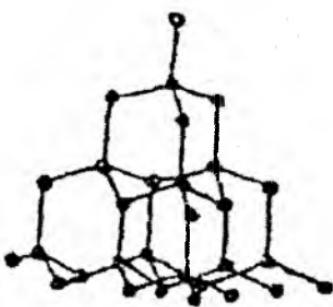
Ximiyaviy sodda qattiq jismlarda fazoviy panjarani tashkil qiluvchi atomlarning hammasi neytral bo'ladi. Bunday kristallning panjarasi atom panjara yoki gomeopolyar panjara dsb yuritiladi.

Atom panjaradan o'zaro ta'sir kuchlarining tabiatini faqat kvant mexanikasi asosidagina to'la-to'kis tushuntirib berilishi mumkin

23.4-rasmda olmosning kristall panjarasidagi atomlarning joylashishi tasvirlangan.



23.3-rasm. Aldama ruxning fazoviy panjari.



23.4-rasm. Olmosning kristall panjari.

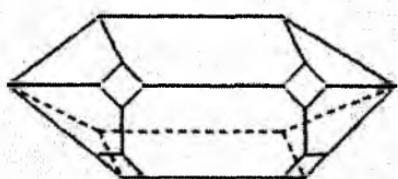
Ion panjara ( $\text{NaCl}$  tipidagi) hamda atom panjarani (olmos tipidagi) molekular panjara va metall panjaradan farq qilinadi; ko'p atomli ximiyaviy birikmalar, masalan,  $\text{R}_2\text{O}_3$ ,  $\text{S}_0_3$  va boshqalarning kristallari birinchi tur panjaraga misol bo'ladi; ikkinchi tur panjara o'zining yaxshi elektr o'tkazuvchanligi va yaltiroqligi bilan xarakterli bo'lgan metallar misol bo'ladi.

Metallarning kristallarini qo'pol ravishda ko'z oldimizga keltirsak, ular elektron bulutiga o'xshaydi va unda bir-biridan ma'lum uzoqlikda mushbat ionlar joylashgan bo'ladi.

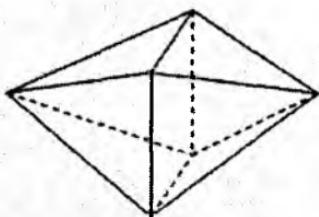
1. Qattiq jismlar bir-biridan o'zlarining fizik xossalari bilan keskin farqlanadigan ikki turga, ya'ni kristall va amorf jismlarga ajraladi. Kristall holatdagi moddaning asosiy alomati, unda anizotropiyaning mavjud bo'lishidir. Anizotropik deb, bir jinsli jism xossalaring turli yo'nalishlarda turlichcha bo'lishiga aytildi. Masalan,

kristall jismning issiqlikdan kengayish koefitsienti turli yo‘nalishlar uchun turlicha bo‘ladi; turli yo‘nalishlarda kristallarning mexanik, optik va elektr xossalari ham turlichadir. Kristallning eng xarakterli tashqi alomati uning muntazam geometrik shaklda bo‘lishidir. De-raza oynasida, suv muzlaganda muz kristallari muntazam geometrik naqshlar hosil qilishini va qor uchquning muntazam shaklga ega bo‘lishini hamma biladi. Kristall tekis yoqlar bilan chegaralangan bo‘lib, bu yoqlar qirralarda va uchlarda uchrashadi.

Odatda, yoqlar bir-biriga nisbatan simmetrik ravishda joylashadi. Kvars, masalan olti yoqli piramidalar bilan tugallanuvchi olti yoqli prizmadan iborat bo‘lgan kristallar hosil qiladi (23.5-rasm)

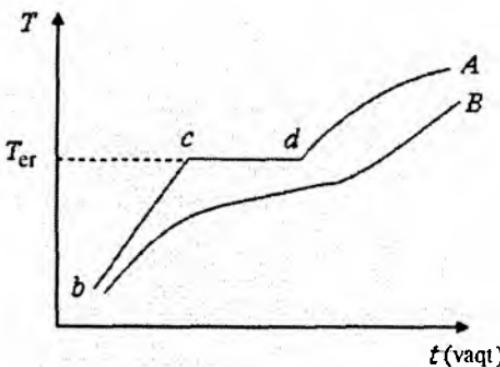


23.5-rasm



23.6-rasm

Achchiqtosh oktaedrlar shaklida (23.6-rasm), tosh tuz esa kublar shaklida kristallanadi va hokazo. Ma’lum bir kristall moddaning har xil namunalarida yoqlar orasidagi burchaklar mutlaqo birday bo‘ladi. Masalan, tosh tuzning kristallari o‘zaro tik bo‘lgan tekisliklar bo‘yicha paralelepiped shaklidagi bo‘laklarga ushaladi; slyuda osonlik bilan yupqa qamlatlarga ajraladi. Amorf jismlar singanda esa, hamma vaqt egri-bugri sirtli ushoqlar hosil bo‘ladi. Bir bo‘lak shisha sindirilsa, hosil bo‘lgan bo‘laklar tamomila nomuntazam tasodifiy shakllarga ega bo‘ladi. Kristall va amorf jismlar erish vaqtida, ya’ni qattiq holatdan suyuq holatga o‘tish vaqtida turlicha vaziyatda bo‘ladi. Har bir kristall jism tomomila aniq erish nuqtasiiga ega bo‘ladi.



23.7-rasm. Kristall qattiq jismni (A) va amorf qattiq jismni (B) eritishda temperaturaning vaqt o'tishi bilan o'zgarishi.

23.7-rasmdagi A chiziq tekis isitish bilan eritilayotgan kristall jism temperatursining vaqt o'tishi bilan o'zgarishini ifodalaydi. Chiziqning BC qismi qattiq holatdagi kristallning isish protsessini tas-virlaydi. Erish temperaturasi  $T_{er}$  ga yetganda jismning isishi to'xtaydi, chunki berilayotgan issiqlikning hammasi jismning qattiq holatidan suyuq holatga o'tishi (erish issiqligi) uchun sarflanadi. d nuqtada jismning to'la suyuq holatga o'tgan payti mos keladi. Chiziqning yuqoriga ko'tariluvchi oxirgi qismi suyuqlikning isishiga tegishlidir.

Muzning erishi bunday protsess uchun misol bo'ladi: erish vaqtida muz butunlay suvga aylanguncha uning temperaturasi o'zgarmaydi, hamma vaqt  $0^{\circ}\text{C}$  ga teng bo'lib turadi. Amorf jism temperatursining vaqt o'tishi bilan o'zgarishi ko'rsatuvchi chiziqda (23.7-rasm, B egri chiziq) amorf jismning yumshash intervaliga mos keluvchi burilishgina mavjuddir; amorf jism qattiq holatdan suyuq holatga uzliksiz ravishda o'tadi. Bu holatdan, umuman, amorf qattiq jism juda ham yopishqoq suyuqlikka o'xshaydi. Shisha, har xil shishasimon moddalar, smolalar, bitumlar va boshqalar amorf jismlarning namunalari bo'la oladi. Keyingi paytlarda polimerlar deb ataladigan gruppalarini tashkil etuvchi organik birikmalardan iborat bo'lgan amorf moddalar alohida diqqatni o'ziga jalb qilmoqda.

2. Kristall jismlar ikki guruhgaga bo'linadi: monokristalllar va polikristalllar. Kristall tuzilish faqat yirik yakka kristallardagining bevosita seziladi. Kristallarning anizotropligiga sabab zarralarining (atomlar, molekulalar, ionlar) fazoviy panjara hosil qilib batartib joylashganligidir. Har uchala yo'naliish bo'yicha ham zarralar joylashuvining davriy ravishda takrorlanishi bilan xarakterlanuvchi tuzilish kristall panjara deyiladi.

Zarralar joylashgan nuqta, aniqrog'i atrofida zarralar tebranima harakat qiladigan nuqta kristall panjaraning tuguni deyiladi. Kveruning (tog' xrustalining) tabiiy kristallari, osh tuzining bo'laklari va boshqalar ana shunday kristallardandir (23.7-rasm).

Bunday yakka kristallar monokristallar deyiladi. Ko'pchilik qattiq jismlar esa mayda kristall tuzilishiga ega bo'ladi. Tuzlarning kukunlari ayrim mikroskopik kristallarning to'plamidan iborat bo'ladi.

Barcha metallar polikristall tuzilishiga ega. Metallning ayrim kristallchalari bir-birining yog'ida molekular kuchlar tufayli ushlanib turadi va bunday mayda kristallarning molekulasi bevosita qaraganda tutash bo'lib ko'rinvchi metall parchasini hosil qiladi.

Metallning ayrim kristallchalari anizotrop bo'lsa ham, ularning tartibsiz joylashganliklari tufayli metall parchasi anizotrop bo'lmaydi. Metallarning polikristall tuzilishini metallning silqli langan sirtini tekshirish orqali bilish mumkin; ba'zan kristallar ancha yirik bo'lib, ularni ko'z bilan ko'rish mumkin, ba'zan esa ularni faqat mikroskop yordamida ko'rish mumkin.

E.S. Fedorov kristallarning simmetriyasini eng umumiyligi holda tekshirib zarralarning kristallarda 230 xil usulda joylasha olishligini ko'rsatdi. Kristallning tashqi simmetriyasi uni joylashishining oqibatidir. Bu g'oya XVIII asrning oxiridayoq aytilgan edi. Hozir biz kristallarda atomlar bir-biriga nisbatan simmetrik ravishda fazoviy panjara tashkil qilib joylashganligini bevosita isbot qilamiz. Bu isbot kristall panjarada rentgen nurlarining difraksiyasini hosil qilish mumkinligiga asoslangan.

Shunday qilib, kristall murakkab arxitektura qurilishidan ibo-

rat bo'lib, uning mustahkamligini ichki simmetriyasi ta'minlaydi. Kristallni tashkil qiluvchi atomlarning o'zaro ta'sir kuchlari turli xarakterga ega. Tuzlarning kristallarida elektrlangan atomlar, ionlar bo'ladi. Musbat va manfiy ionlar shunday navbatma-navbat joylashadiki, natijada butun kristall neytron bo'ladi. Bunday ion panjarada yoki boshqacha aytganda, geteropolar panjarada zarralar orasidagi o'zaro ta'sir kuchlari asosan elektrostatik kuchlar bo'ladi.

23.8-rasmda osh tuzining (NaCl) kubik panjarasi tasvirlangan; bunday panjara eng sodda panjara bo'lib, kubik sistemaga kiradi. Natriy atomlari qora doirachalar bilan tasvirlangan, ular musbat elektr zaryadiga ega, ya'ni ular musbat ionlar bo'ladi. Xlor atomlari oq doirachalar bilan tasvirlangan, ular manfiy ionlardir. Ximiyaviy sodda qattiq jismlarda fazoviy panjarani tashkil qiluvchi atomlarning hammasi neytral bo'ladi.

Bunday kristallning panjarasi atom panjarasi yoki gomeopolar panjara deb yuritiladi.

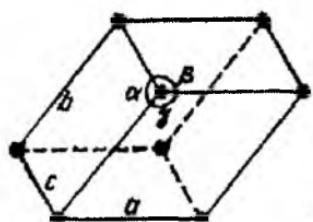
Atom panjaradagi o'zaro ta'sir kuchlarning tabiatini faqat kvant mexanikasi asosidagina to'la-to'kis tushuntirib berilishi mumkin. Atomlar faqat yoqlarning uchlarida joylashgan holda brave panjarasi yoqlari markazlashgan deb, yoqlarning markazida joylashgan holda esa hajmiy markazlashgan panjara deb ataladi. Hammasi bo'lib 14 xil Brave panjaralari bor. Kristallar 7 sistemaga bo'linadi.

1-eng kam simmetrik triklin panjara – panjarada tugunlar qirralarining uzunligi ixtiyoriy va ular orasidagi burchaklar ixtiyoriy bo'lgan parallelepiped uchlarida joylashgan.

- 2 – oddiy monoklin;
- 3 – yoqlari markazlashgan monoklin;
- 4 – oddiy rombik;
- 5 – asosi markazlashgan rombik;
- 6 – hajmiy markazlashgan rombik;
- 7 – yoqlari markazlashgan rombik panjaralar.

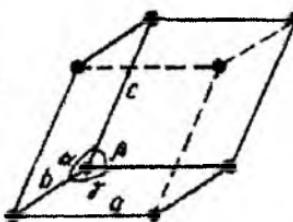
Geksagonal panjara 8 ta tugunlar muntazam olti yoqli prizmalarining uchlari va ularning oltiburchakli asoslari markazlarida

joylashgan. Undan keyin Romboedrik Brave panjarasi joylashadi, so'ng tetrogonal oddiy va hajmi markazlashgan tetragonal panjalar bo'ladi.



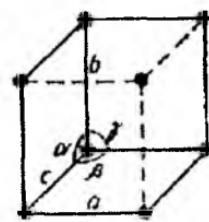
$$\begin{aligned}a &\neq b \neq c \\ \alpha &\neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ\end{aligned}$$

*Triklin*



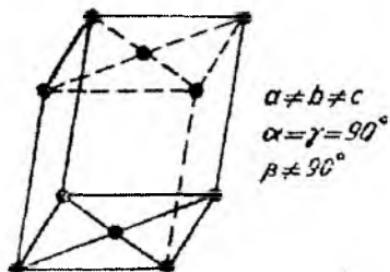
$$\begin{aligned}a &\neq b \neq c \\ \alpha &= \gamma = 90^\circ, \beta \neq 90^\circ\end{aligned}$$

*Monoklin*

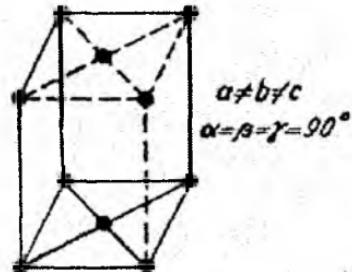


$$\begin{aligned}a &\neq b \neq c \\ \alpha &= \beta = \gamma = 90^\circ\end{aligned}$$

a) Brave panjaralari.

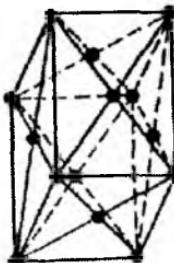


$$\begin{aligned}a &\neq b \neq c \\ \alpha &= \gamma = 90^\circ \\ \beta &\neq 90^\circ\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}a &\neq b \neq c \\ \alpha &= \beta = \gamma = 90^\circ\end{aligned}$$

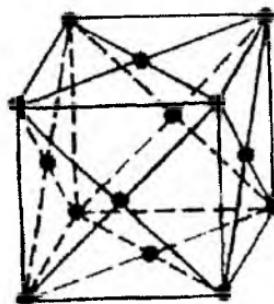
b) asosi markazlashgan kristall panjara



$$a \neq b \neq c$$

$$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$$

*Rombik*



d) yoqlari markazlashgan kristall panjaralar

23.8-rasm

Zarralar bir xil kristall panjara hosil qiladigan qattiq jismlar manokristallar deyiladi. Monokristallarning kristall tuzilishi ularning tashqi shaklida ham namoyon bo‘ladi. Katta kristallar tabiatda juda kam uchraydi. Lekin sanoatda, fan va texnikada bunday kristallarga ehtiyoj juda katta. Ular radiotexnikada, optikada, ayniqsa, zamonaviy elektron hisoblash vositalarini ishlab chiqarishda muhim ahamiyatga ega. Misol uchun, yoqut kristalli lazer nurlarini hosil qilishda, segneta tuzi kristallari ultratovush tebranishlarini hosil qilishda foydalaniladi.

Aynan shuning uchun ham kristall sun’iy ravishda, hatto kosmik kemalarda ham hosil qilinadi. Hozir shu yo‘l bilan kvars, olmos, yoqut va boshqa noyob kristallar ham hosil qilinmoqda. Lekin buning uchun shart-sharoitlar zarur. Masalan, olmos kristallini hosil qilish uchun  $10^4$  Mpa bosim va  $200^\circ\text{C}$  temperatura zarur.

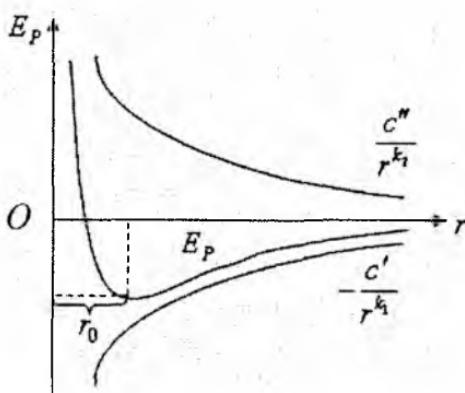
Qattiq jismlarning aksariyati polikristallardir. Ular betartib joylashgan kichik kristallchalar kristallitlar kichik monokristallar dan tashkil topgan bo‘ladi. Har bir monokristallga anizotrop, lekin kristallchalar betartib joylashgan bo‘lganligi uchun polikristall jism izotrop bo‘ladi. Masalan, suv besh xil kristall tuzilishga ega bo‘lgan muz hosil qiladi. Tarkibi bir xil moddaning turli fizik xossalarga ega bo‘lgan har xil kristall tuzilishini hosil qilishi polimorfizm deyiladi.

3. Kristall panjaraning potensial energiyasi  $E_p$  quyidagi ko‘rinishda ifodalanadi:

$$E_p = -\frac{C'}{r^k} + \frac{C''}{r^{k_2}} \quad (23.1)$$

bu formuladagi birinchi had  $-\frac{C'}{r^{k_1}}$  tortish kuchlariga tegishli, ikkinchi had,  $+\frac{C''}{r^{k_2}}$  esa itarishish kuchlariga tegishli. 23.5-rasmda bu  $E_p$  potensial energiyaning panjaradagi qo‘shni zarralar orasidagi r masofaga qarab o‘zgarishi yig‘indi chiziq orqali tasvirlanadi.  $k_2 > k_1$  bo‘lganda, r ning kamayishi bilan itarishish kuchlari tortishish

kuchlariga qaraganda tezroq o'sadi, kristallning siqilishga qarshilik ko'rsatishiga sabab ana shudir.



23.9-rasm. Siljish deformatsiyasida kristall panjaranining qiyshayishi

Potensial o'raning eng chuqur joyi  $r=r_0$  qiymatga to'g'ri keladi;  $r_0$ -kattalik kristallning tashqi kuchlari ta'sirida bo'limgan zarralari orasidagi masofani bildiradi. Har bir zarra o'z muvozanat holati atrofida, potensial o'rada chiqib ketmagan holda, biroz tebranib turishi mumkin.

Kristall panjaralar nazariyasini Born va boshqa fiziklar rivojlantirgan. Born (23.1) formuladagi  $k_1$  va  $k_2$  daraja ko'rsatkichlar ma'lum bo'lganda, kristallarning elastiklik xossalarini, kristallanish energiyasini, uning oltin xossalarini va boshqalarini hisoblash mumkinligini ko'rsatgan. Tajriba ma'lumotlari (23.1) ni mos keltirish uchun, geteropolar panjaralar uchun  $k_1=1$  va  $k_2=9$  deb olish kerak; gomeopolyar panjaralar uchun  $k_2$  katta qiymatlarga ega bo'ladi.

NaCl tipdag'i eng sodda kubik kristall panjaranining energiyasini hisoblash, sxematik ravishda, quyidagicha bajarilishi mumkin. Bir-biridan  $r_0$  uzoqlikda turgan  $-\ell$  va  $+\ell$  zaryadlarga ega bo'lgan ikkita xolis ionning potensial energiyasi:

$$E'_p = -\frac{e^2}{r_0} \quad (23.2)$$

Panjara ichidagi ikki qo'shni ionning potensial energiyasi, quyidagi ikki sababga ko'ra, bu miqdordan katta bo'ladi:

Har bir ionga uning eng yaqin qo'shnisidan tashqari, panjarasining barcha boshqa ionlari ham ta'sir qiladi;

Ionlar bir-biriga ta'sir qilib, itarishish kuchlarini vujudga keltiruvchi o'zaro qutblanishni hosil qiladi.

[[\(23.1\)](#) formuladagi ikkinchi had].

Hisoblashlarning ko'rsatishiga NaCl tipidagi kristall uchun [\(23.2\)](#) formula quyidagi ifoda bilan almashitirilishi kerak:

$$E'_p = -0,2582 \frac{e^2}{r_0} \quad (23.3)$$

[\(23.3\)](#) formula bilan ifodalangan potensial energiya, son jihatdan, ikki qo'shni ionni panjaradan ajratib olib, ularni cheksiz uzoqlashtirish uchun bajariladigan ishga teng, boshqacha aytganda, u potensial energiya panjaradagi ikki qo'shni ionlar orasidagi bog'lanishni uzish uchun bajariladigan ishga teng.

Shu panjarani tashkil qiluvchi moddaning bir molida N juft ion bor va kubik panjaradagi har bir ion 6 ta qo'shni ionga egadir. Shunday qilib, bir molni tashkil qiluvchi barcha ionlarni bir-biridan cheksiz katta masofaga uzoqlashtirish uchun  $6N$  bog'lanishini uzish kerak. Bundan panjaraning bir molga mos keluvchi to'la potensial energiyasi

$$E_p = -0,2582 \frac{e^2}{r_0} \cdot GN \quad (23.4)$$

Kubik panjaradagi qo'shni ionlar orasidagi  $r_0$  masofani quyidagicha aniqlaymiz; agar tekshirilayotgan kristallning zichligi  $\rho$ , molekular og'irligi  $\mu$  va bir molining hajmi  $V_0$  bo'lsa, u holda:

$$V_0 = \frac{\mu}{\rho}$$

Har bir elementar kubik yacheykaga to‘g‘ri keladigan  $\vartheta = r_0^3$  hajmini esa  $V_0$  bir moldagi yacheykalar soniga bo‘lib topamiz; yacheykalarning soni bir moldagi ionlar soniga, ya’ni  $2N$  ga teng bo‘ladi.

Shuning uchun:

$$r_0^3 = \frac{V_0}{2N} = \frac{\mu}{2\rho N}$$

bundan

$$r_0 = \sqrt[3]{\frac{\mu}{2\rho N}}$$

Bu qiymatni potensial energiyaning (23.4) ifodasiga qo‘yamiz:

$$E_p = -0,2582 \cdot G \cdot e^2 \sqrt[3]{\frac{2\rho N^4}{\mu}} \quad (23.5)$$

$e$  va  $N$  konstantalar bo‘lgani uchun, oxirgi ifoda

$$E_p = -K \sqrt[3]{\frac{\rho}{\mu}} \quad (23.6)$$

ko‘rinishida yozilishi mumkin. Agar  $\rho$  ni g/sm<sup>3</sup> larda,  $\mu$  ni g/mol larda va  $E_p$  ni kal/mol larda ifodalasak, K ning son qiymati 545 ga teng bo‘ladi.

CsCl yoki CaF<sub>2</sub> tipidagi kristall panjaralarini uchun ham (23.6) ga o‘xshash formula kelib chiqadi, faqat K konstantaning son qiymati boshqacha bo‘ladi.

4. Kristall panjaralarni elementar yacheykalari, burchaklari, qismlarini joylanishiga nisbatan 7 sistemali klassifikatsiyaga bo‘linadi.

1. Triklin-tomonlari va burchaklarini bog‘lanishi  $a \neq b \neq c$ ,  $\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$

2. Monoklin –  $a \neq b \neq c$ ;  $\alpha = \gamma = 90^\circ \neq \beta$

3. Rombik –  $a \neq b \neq c$ ;  $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$
4. Rombodrik –  $a = b = c$ ;  $\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ$
5. Geksagonal –  $a = b \neq c$ ;  $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ ,  $\gamma = 120^\circ$
6. Totragonal –  $a = b \neq c$ ;  $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$
7. Kubik –  $a = b = c$ ;  $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$

Bu klassifikatsiyadagi kristallar panjaralarini tuzilishiga qarab 14 tipga bo'linadi va ularni Brave panjaralari deyiladi.

Kristallarning simmetriya nazariyasini o'rgangan rus kristallografi A.V. Godolin kristallar 32 simmetriya sinfiga bo'linadi, deb aytgan. Yanada murakkab klassifikatsiyaga ega bo'lgan kristallar fazoviy gruppali simmetrik panjarali kristallari deyiladi. Rus kristallografi Y.S. Fedorov panjaralar simmetriyani fazoviy gruppasini o'rganib, 230 simmetriyali fazoviy gruppaga ega kristallar mavjudligini aniqladi. Bunday simmetrik panjarali fazoviy gruppera kristallariga Fedorov kristallar gruppasi deyiladi. Kristallarning simmetrik fazoviy gruppalarini senizoparni xossalari bilan o'rganib, murakkab sistemali kristallar klassifikatsiyasini rus fizigi A.V. Shubnisii o'rgandi.

Kristallarni turlarga ajratishning ikki xil usuli mavjud:

Kristallografik – bu usulda zarralar joylashuvining fazoviy davriyligiga ahamiyat beriladi va shuning uchun ham zarralar geometrik nuqtalar sifatida qaralib, kristallning ichki tuzilishiga e'tibor berilmaydi.

Fizik – bu usulda panjaraning tugunlarida joylashgan zarralarning tabiatini va ular orasidagi o'zaro ta'sir kuchlarining xarakteriga e'tibor beriladi. Va aynan shu xossalariiga asosan kristallar to'rt turga bo'linadi: ionli, atomli, metalli, molekulali.

***Ionli kristallar*** – Kristall panjaraning tugunlarida qarama-qarshi zaryadli ionlar navbat bilan joylashgan bo'ladi. Ionlar orasidagi o'zaro ta'sir kuchi, asosan, elektrostandik xarakterga ega. Ionli panjara osh tuzi NaCl va seziy xlor CsCl misol bo'ladi.

**Atomli kristallar** – Kristall panjaraning tugunlarida kvant-mexanik tabiatdagi kuchlar tutib turadigan neytral atomlar joylashgan. Ular o‘rtasida elektr xarakteriga ega bog‘lanish mavjud. Atomli bog‘lanishga olmos, grafit, germaniy va kreminiy misol bo‘la oлади.

**Metall kristallar** – Kristall panjaraning tugunlarida metallning musbat ionlari joylashgan bo‘лади. Kristall panjara hosil bo‘lishida atomlar bilan kuchsiz bog‘langan valentli elektronlar atomlardan ajraladi va elektron gazini hosil qiladi. Natijada, metallning musbat ionlar o‘rtasida harakatlanadigan erkin elektronlar vujudga keladi va metallarining elektr o‘tkazuvchanligini ta’minlaydi. Metall kristallga ko‘philik metallar misol bo‘лади.

**Molekulali kristallar** – Kristall panjaraning tugunlarida ma’lum tartibda yo‘naltirilgan molekulalar joylashgan bo‘лади. Ular orasida molekulalar o‘zaro ta’siriga xos bo‘lgan tortishish kuchlari mavjud bo‘лади. Molekulali kristallarga naftalin, parafin, quruq muz ( $\text{CO}_2$ ), muz va hokazolar kiradi.

Real kristallarning uncha katta bo‘lmagan bo‘lagigina ideal tuzilishga ega bulishi mumkin. Boshqa qismlarda esa panjara tugunlarida zarralar joylashuvining batartibligi buziladi va kristall panjaraning defektlari deyiladi. Kristallardagi defektlar (kamchilik, nuqson) ularning fizik, mexanik xossalariغا katta ta’sir ko‘rsatadi.

**Suyuq kristallar** – ba’zi organik moddalarning shunday holati mavjudki, ular garchi suyuqliklarga xos bo‘lgan oquvchanlik xususiyatiga ega bo‘lsalar-da, lekin kristallarga xos bo‘lgan molekulalarning joylashuvidagi ma’lum batartiblik va ba’zi fizik xossalari bo‘yicha anizotropik xususiyatlarga egadir.

Suyuq kristallar ma’lumotlarni qayta ishlash va tasvirlash, harfisonli ekranlar, ya’ni elektron hisoblash mashinalari, elektron soatlar, mikrokalkulyatorlar, reklama bannerlarida ishlataladi. Yupqa ekranli televizorlar va monitorlarda ham suyuq kristallardan foydalaniлади. Ularning tibbiyotda qo‘llaniladigan nozik asboblarda, nazorat qurilmalari qo‘llanilishi mumkin.

5. Monokristallardagi siqilish, cho'zilish, buralish, egilish deformatsiyalari, kristall panjaralarning mavjudligi nuqtayi nazaridan (mexanik xossalari asosida) osongina tushuntirish mumkin.

Kristall panjaraning muvozanati panjarani tashkil qiluvchi zarralar (ionlar va atomlar) orasidagi tortishish va itarish kuchlari ning o'zaro kompensatsiyalashib turishidan kelib chiqadi. Masalan, ion panjarada, kristall siqilganda qo'shni ionlar orasidagi r<sub>0</sub> masofa qisqaradi, itarishi kuchlari tortishish kuchlaridan katta bo'lib qoladi. Buning natijasida, kristallni siqayotgan tashqi kuchga aks ta'sir qiluvchi itarishish yig'indi kuchi vujudga keladi. Ionlar muvozanat holatidan qancha ko'p chiqarilgan bo'lsa, ya'ni deformatsiya qancha ko'p bo'lsa, itarishish kuchi ham shuncha ko'p bo'ladi. Tashqi kuchning ta'siri to'xtasa, ionlar o'zlarining muvozanat holatlariga qaytadi, panjara dastlabki ko'rinishga keladi. Bu kristallning deformatsiyasi yo'qoldi, demakdir. Kristall cho'zilganda, burilganda va egilganda ham xuddi shuning kabi, qo'shni ionlar orasidagi r<sub>0</sub> masofa kattalashadi, tortishish kuchlari itarishish kuchlaridan katta bo'ladi, kristall butunligiga tashqi kuchga qarshilik ko'rsatadi.

Siljish deformatsiyasi vaqtida panjara qiyshayadi. Agar panjara eng sodda kub ion panjaradan iborat bo'lsa, panjaraning har bir elementar musbat (yacheykasi) kub shakldan qiyshiq burchakli parallelepipedga aylanadi, as-diognal qisqarib, va diognal uzayadi.

Natijada a va c ionlar orasida itarishish kuchlari b va d ionlar orasida tortishish kuchlari vujudga keladi. Panjara o'zining dastlabki shaklini tiklashga intiladi, bu esa elastik siljish deformatsiyasining vujudga kelishiga sabab bo'ladi.

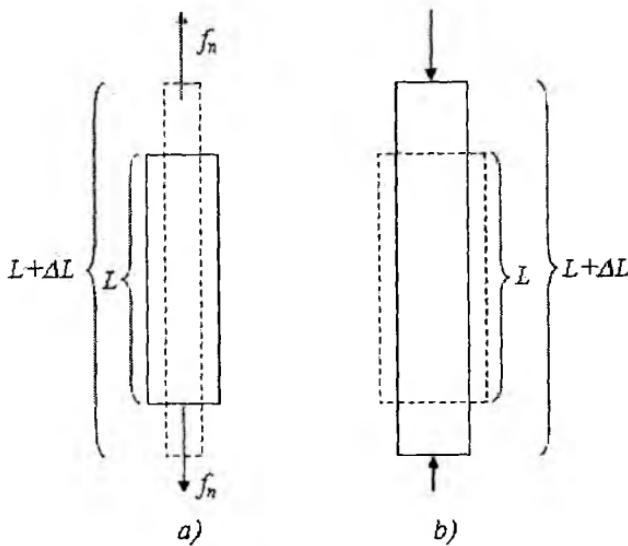
Har qanday qattiq jism tashqi kuchlar ta'sirida deformatsiyalarnadi, ya'ni o'z shaklini o'zgartiradi. Masalan, cho'zuvchi kuch ta'sirida uzayuvchi prujina siquvchi kuch ta'sirida qisqaradi.

Gun kashf qilgan qonunga ko‘ra, deformatsiyaning  $\Delta X$  kattaligi ta’sir qiluvchi f kuchga proporsionadir:

$$\Delta X = Kf \quad (23.7)$$

bunda  $K$  – berilgan qattiq jismning kuzatilayotgan tur deformatsiyasi uchun o‘zgarmas kattalikdir.

Eng sodda deformatsiyalardan birini, ya’ni bo‘ylama cho‘zilishi yoki bir tomondama siqilishini ko‘raylik.



23.10-rasm. Cho‘zilish (a) va sigilish (b) deformatsiyalari.

Uzunligi  $L_g$ , ko‘ndalang kesimining yuzi  $S$  ga teng bo‘lgan bir jinsli sterjenni qaraylik. Bu sterjenning uchlariga  $f_n$  kuchlar ta’sir qilsa, sterjenning uzunligi  $\Delta L$  miqdorga o‘zgaradi.

Cho‘zuvchi kuchlari musbat deb hisoblaymiz; bu holda  $\Delta L$  ham musbat bo‘ladi (23.10-a rasm), ya’ni sterjen uzayadi. Siqvchi kuchlari manfiy deb hisoblaymiz; bu holda  $\Delta L$  ham manfiy bo‘ladi (23.10-b rasm), ya’ni sterjen bir tomonlama siqvuvchi kuchlar

ta'siridan bo'lsa, uning L – uzunligi kamayadi. Demak, f kuch ta'sirida qattiq jism deformatsiyani uzunligini nisbiy o'zgarishi  $\Delta L/L$  – muhimdir.

Shuningdek, bu holda  $\frac{f_n}{S} = P$  kattalikni kuchlanish deyiladi. Natijada,

$$\frac{\Delta L}{L} = \alpha \frac{f_n}{S}$$

yoki

$$\frac{\Delta L}{L} = \alpha P_n \quad (23.8)$$

bu yerda koefitsient  $\alpha$  – elastiklik koefitsienti deyiladi. (23.8)

formuladan  $E = \frac{1}{\alpha}$  kattalikka esa elastiklik moduli yoki Yung moduli deyiladi. Yung moduli Y ni (23.8) formulaga qo'yamiz:

$$\frac{\Delta L}{L} = \frac{1}{E} \cdot P_n \quad (23.9)$$

(23.8) va (23.9) formulalardan:

$$\alpha = \frac{\Delta L / L}{P_n}, \quad E = \frac{P_n}{\Delta L / L} \quad (23.10)$$

ko'rinaridiki, elastiklik koefitsienti  $\alpha$ , – sterjenni nisbiy uzayishiga bog'liq ekan. Shuningdek, uzunligi  $L_0$  bo'lgan sterjenga  $P_n$  kuchlanish ta'sir qilayapti deylik, u holda sterjenning yangi uzunligi

$$L = L_0 + \Delta L$$

teng bo'ladi. (23.8) formulaga asosan  $\Delta L = \alpha L_0 P_n$  va sterjenning uzunligi:

$$L = L_0(1 + \alpha P_n) \quad (23.11)$$

demak, kuchlanish  $P_n$  ga chiziqli bog'lanishda ekan. Sterjenga ta'sir etuvchi kuch:

$$f_n = \frac{E \cdot S}{L} \cdot \Delta L \quad (23.12)$$

ta'sirida  $\Delta L$  sterjen uzunligi o'zgarishi natijasida A-ish bajariladi. Agar sterjenga ta'sir etuvchi kuchni o'rtacha  $f_n$  bilan belgilasak:

$$A = f_n \cdot \Delta L \quad (23.13)$$

yoki (23.13) formulaga (23.12) ni qo'ysak,

$$A = \frac{1}{2} \frac{E S}{L} \cdot \Delta L^2 \quad (23.14)$$

tenglik o'rinni bo'ladi. Bu ish elastik deformatsiyalangan sterjenda potensial energiya hosil qilish uchun sarflanadi

$$E_p = \frac{1}{2} \left( \frac{E S}{L} \right) \Delta L^2 \quad (23.15)$$

Demak, elastik deformatsiyalangan sterjenning potensial energiyasi deformatsiyaning  $\Delta L^2$  ga proporsional ekan. Qattiq jismning siljish deformatsiyasiga keltiruvchi buralish deformatsiyasini qaraylik. L uzunlikdagi va r radiusli doiraviy silindr shakldagi sterjenni qaraylik. Buralish deformatsiyasi sterjenning yuqori kesimi qo'zg'almas qilib mahkamlangan va pastki kesimiga esa sterjenni burovchi M kuch moment ta'sir qilsin. Pastki kesimini biron bir radiusda OA =  $\rho$  kesmani olib qaraymiz.

Burovchi moment ta'sirida OA kesma  $\phi$  burchakka buraladi va OA vaziyatni egallaydi.  $\phi/L$  kattalik nisbiy deformatsiya bo'ladi, ya'ni sterjen uzunligi birligiga to'g'ri keladigan buralish burchagi nisbiy deformatsiyani ifodalaydi. Elastik deformatsiya chegarasida bu  $\phi/L$  kattalik burovchi moment M ga proporsionaldir.

$$\frac{\varphi}{L} = cM \quad (23.16)$$

Bu yerda  $c$  – berilgan sterjen uchun o‘zgarmas kattalikdir: sterjen buralganda uning pastki asosi yuqori asosiga nisbatan siljiydi;  $BA$  – to‘g‘ri chiziq burilib,  $BA$  vaziyatni egallaydi,  $\psi$  burchak siljish burchagi bo‘ladi. Bizga ma’lumki, qattiq jismning siljish moduli  $N$  e’tiborga olib  $\psi$  siljish burchagi nisbiy siljishni xarakterlaydi; ya’ni

$$\psi = \frac{1}{N} \cdot P_t \quad (23.17)$$

bunda  $P_t$  – sirtning  $A$  nuqta yaqinidagi ds elementiga ta’sir qiluvchi urinma kuch,  $N$  – siljish moduli.

Demak,

$$\psi = \frac{AA'}{L} = \frac{\varphi \cdot \rho}{L} \quad (23.18)$$

bundan (23.16) ga asosan:

$$P_t = N\psi = N \frac{\varphi \cdot \rho}{L} \quad (23.19)$$

shuningdek, 8-rasmida  $\varphi$ -burilish burchagi,

$$\varphi = \frac{2}{\pi N} \cdot \frac{L}{r^4} \cdot M \quad (23.20)$$

tenglik orqali aniqlanadi (23.19) va (23.15) formulalarning taqqoslab:

$$C = \frac{2}{\pi N} \cdot \frac{1}{r^4} \quad (23.21)$$

kuch momenti  $M$  ni (23.19) formuladan:

$$M = \frac{\pi N}{2} \cdot \frac{r^4}{L} \cdot \varphi \quad (23.22)$$

topamiz. Demak, kristall panjaralar nazariyasi kristallarning mustahkamligini hisoblash imkonini beradi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Kristiallarning anzotropligi, monokristallar, polikristallar, amorf jismlar, polimerlar va ularning xossalari, defektlar, suyuq kristallar va suyuq kristallarning qo'llanilishi, qattiq jismlarning deformatsiyasi, deformatsiya va qattiq jismning tuzilishi, materialning mustahkamligi cho'zilish, siljish, buralish deformatsiyalari, moddalarning murtligi va qattiqligi kristall panjaralarni tuzilishi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Qattiq jismlarning xossalari, turlarini tushuntiring.*
2. *Kristall jismlarning anizotropligi va izotropligini aytib bering.*
3. *Kristall panjara va tugunlarni mohiyatini tushuntiring.*
4. *Kristall jismlarning turlari, xususan monokristallar deb qanday jismlarga aytildi?*
5. *Polikristallar deb qanday kristallarga aytildi?*
6. *Kristallar necha sistemaga bo'linadi va ularni aytib bering.*
7. *Kristal panjaralarning energiyasini mohiyatini tushuntiring.*
8. *Amorf jismlar qanday jismlar, misollar keltiring.*
9. *Kristallarning klassifikatsiyasi, molekulali kristallar, suyuq kristallar, ionli kristallar, atomli kristallar va metall kristallar haqida tushuncha bering.*
10. *Polikristallarning izotop bo'lishi, polimorfizm deb nimaga aytildi?*
11. *Kristallarning fizik, mexanik xossalari to'g'risida tushuncha bering.*
12. *Polimerlar haqida tushuncha bering.*

Qattiq jismning fazoviy panjarasini tashkil qiluvchi har bir zarra atom yoki ion muvozanat vaziyat atrofida tebranib turadi.



## 24. Qattiq jismlarning issiqlik xossalari

### Kristall

Qattiq jismning fazoviy panjarasini tashkil qiluvchi har bir zarra atom yoki ion muvozanat vaziyat atrofida tebranib turadi. Qattiq jismning ichki energiyasi mana shu tebranishlarning energiyasidan iboratdir. Qattiq jismlardagi zarralarning issiqlik harakati, gaz va suyuqliklardagi zarralarning issiqlik harakatidan shuning uchun farqlanadi. Gazlarda alohida molekulalar erkin uchib yuradi va bir-biri bilan faqat elastik to‘qnashishlarga uchraydi; gazlarda diffuziya jarayoni tezlik bilan o‘tishiga olib keladi.

Suyuqliklarda esa molekulalar o‘zining tartibsiz harakati tufayli qo‘shni molekulalar bilan uzluksiz tebranib turadi. Suyuqliklarda ham, gazlardagiga nisbatan sekinroq bo‘lsa-da diffuziya mavjuddir. Ammo, qattiq jismlarda zarralar (atom va ion) ma’lum muvozanat atrofida tebranib tursa-da, bir joydan ikkinchi joyga kamdan-kam holda o‘tishi mumkin, shu sababli diffuziya juda sekin bo‘ladi. Qattiq jismning temperaturasi ko‘tarilsa, zarralarning muvozanat vaziyatlardan chetlanishlari ko‘payadi. Bu qattiq jismni issiqlikdan kengayishiga olib keladi.

Ma’lumki, qattiq jismning 273 K temperaturadagi uzunligini  $L_0$  ga teng deb olib, uning  $\Delta T$  temperaturagacha ( $\Delta T = T - T_0$ ) qizdirgandagi  $\Delta L$  uzayishini quyidagicha ifodalash mumkin:

$$\Delta L = \alpha L_0 \Delta T \quad (24.1)$$

bunda  $\alpha$  – qattiq jismning issiqlikdan chiziqli kengayishi koefitsienti. Bundan jismning T temperaturadagi  $L_T$  uzunligi;

$$L_T = L_0 + \Delta L = L_0(1 + \alpha \Delta T) \quad (24.2)$$

ya'ni qattiq jismning uzunligi temperatura bilan chiziqli bog'lanishda o'sadi.

Qattiq jismlar uchun chiziqli kengayish koefitsienti kichik bo'lib, ular  $10^{-5}$  va  $10^{-6}$  grad $^{-1}$  ga yaqin kattalik atrofida bo'ladi. Agar (24.2) dan  $\alpha$  ni aniqlasak

$$\alpha = \frac{1}{\Delta T} \cdot \frac{\Delta L}{L_0} \quad (24.3)$$

ni topamiz. Demak,  $\alpha$  jismning nisbiy chiziqli kengayishi  $\frac{\Delta L}{L}$  ning temperatura o'zgarishi  $\Delta T$  ga nisbatli bilan aniqlanadi:

$$\alpha = \frac{1}{\Delta T} \cdot \frac{\Delta L}{L} - \frac{1}{K \cdot M} = 1 K^{-1}.$$

Chiziqli kengayish natijasida jismning hajmi ham kattalashadi. Qirralarining uzunligi  $L_0$  bo'lgan kub shaklidagi jismning ko'z oldimizga keltiraylik; uning  $L_0^3$  ga teng bo'lgan dastlabki hajmini  $V_0$  orqali belgilaymiz. U holda  $T$  temperaturadagi hajm

$$V = L_0^3 (1 + \alpha \Delta T)^3 = V_0 (1 + \alpha \Delta T)^3.$$

Bu ifodadagi  $(1 + \alpha \Delta T)$  binomni kubga oshirib,  $\alpha^2$  hamda  $\alpha^3$  qatnashgan hadlarni e'tiborga olsak,

$$V = V_0 (1 + 3\alpha \Delta T)$$

bo'ladi.  $3\alpha$  ni  $\beta$  orqali belgilasak,

$$V = V_0 (1 + \beta \Delta T) \quad (24.4)$$

Bu yerdagi kattalik  $\beta$  qattiq jismning issiqlikdan haymiy kengayish koefitsienti deyiladi.

Anizotron kristallarda chiziqli kengayish koefitsienti  $\alpha$  turli yo'nalishlar uchun turlicha bo'ladi. Natijada kristall kengaygandan so'ng, o'ziga o'xshash bo'lmay qoladi: kristall o'z shaklini o'zgartiradi. Ammo kristallning to'g'ri chiziqli issiqlikdan kengayishi,

to‘g‘ri chiziqligicha qolaveradi. Bu yo‘nalishlar kristallografik o‘qlar deyiladi. Issiqlikdan kengayish koeffitsienti  $\alpha$  ning mana shu yo‘nalishlar bo‘yicha olingan qiymatlari bosh qiymatlar deyladi. Umumiy holda kristallar uchta shunday o‘qqa va issiqlikdan chiziqli kengayishning uchta bosh koeffitsienti  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$  va  $\alpha_3$  ga egadir.

Kristallning hajmiy kengayish koeffitsienti taqriban chiziqli kengayishning bosh koeffitsientlari yig‘indisiga teng. Izotrop jism uchun  $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = \alpha$  va bu holda  $\beta = 3\alpha$  ga teng bo‘ladi.

Qattiq jismning ichki energiyasi jismni tashkil qiluvchi zarralarning zaxira tebranish energiyasidan va shuningdek, ularning o‘zaro potensial energiyasidan iboratdir, ya’ni  $W = W_c = W_p$  ga teng bo‘ladi. Kristall panjarani tashkil qiluvchi zarralar (atomlar va ionlar) umuman aytganda, erkin bo‘lmaydi, chunki ular orasida anchagina o‘zaro ta’sir kuchlari bo‘ladi. Shuning uchun, zarralarning tebranishlarini bog‘langan tebranishlar deb qarash kerak; butun panjarada turli chastotali tebranishlar vujudga keladi. Shu tebranishlarning energiyasi nazarga olinishi kerak.

Har bir zarra muvozanat vaziyat atrofida tebranma harakat qiladi. Zarra tebranishining o‘rtacha energiyasini aniqlash uchun, zarra ham kinetik, ham potensial energiya zaxirasiga ega bo‘lishini e’tiborga olish kerak.

Har bir zarra muvozanat vaziyat atrofida uch yo‘nalishda tebranishini e’tiborga olinsa, zarraning erkinlik darajasi  $i=3$  ga teng bo‘ladi. Shuning uchun o‘rtacha kinetik energiya

$$\overline{W}_k = \frac{i}{2} kT = \frac{3}{2} kT$$

teng bo‘ladi. Bitta zarrani o‘rtacha energiyasining to‘la qiymati

$$\overline{W} = 2\overline{W}_k = 3kT$$

Bir mol qattiq jismning to‘la ichki energiyasi U ni topish uchun, bir zarraning o‘rtacha energiyasini bir molda bo‘lgan erkin tebranuvchi zarralar soniga ko‘paytirish kerak,

$$U = \overline{W} \cdot N = 3NkT = 3N \frac{R}{N} \cdot T = 3RT \quad (24.5)$$

bu yerda  $R = 8,31 \cdot \text{Dj}/(\text{Mol} \cdot \text{K})$  – gaz doimiysi.

Issiqlikdan kengayish koefitsienti kichik bo‘lgan qattiq va o‘zgarmas hajmdagi va o‘zgarmas bosimdagisi issiqlik sig‘imlari amalda bir-biridan farq qilmaydi. Hajm o‘zgarmas bo‘lganda issiqlik berilsa, bu issiqlikning hammasi ichki energiyaning ortishiga sarf bo‘ladi. Shuning uchun o‘zgarmas hajmdagi atomning issiqlik sig‘imi quyidagi tenglik bilan aniqlanadi:

$$C_V = \left( \frac{dn}{dT} \right)_V = 3R \approx 6 \text{kal} / K \cdot \text{mol} = 25,12 \text{j} / K \cdot \text{mol}$$

ya’ni barcha kimyoviy sodda kristall qattiq jismlarning atom issiqlik sig‘imi yetarli darajada yuqori temperaturada 6 kal/Kmol ga tengdir. Bu xulosa Dyulong va Pt qonuni deb yuritiladi.

Dyulong va Ptilarning o‘zlarini bu qonunni uy temperaturasi sharoitida bir qancha qattiq jismlar uchun olingan empirik ma’lumotga asoslanib kashf etganlar. *Al*-alyuminiy, *Fe*-temir, *Au*-oltin, *Cd* – kadmiy va shu kabi moddalar uchun  $C=6 \text{ kal}/\text{Kmol}$  ga yaqin, ya’ni ular uy temperaturasida atomlar amalda bir-biridan mustaqil ravishda tebranishi uchun yetarlidir: bu jismlar uchun Dyulong va Pt qonuni bajariladi. Olmos, kremniy va bor uchun uy temperaturasi atom issiqlik sig‘imlari 6 kal/kmol dan ancha kichik.

Ximiyaviy murakkab moddalarining ko‘pchilik kristallari ion xarakteridagi kristallar bo‘ladi. Masalan, gazsimon natriy xloring bir molidagi NaCl molekulalarining soni Avagadro soni  $N$  ga teng bo‘ladi. Osh tuzi kristallida esa panjaraning tugunlarida joylashgan  $\text{Na}^+$  va  $\text{Cl}^-$  ionlar bo‘lib, ularning umumiyligi soni 2  $N$  ga teng bo‘ladi. Kristall osh tuzining molar issiqlik sig‘imi

$$C = 2 \frac{i}{2} k \cdot 2N = 6kN = 6R$$

ga yoki taqriban 12 kal/K·mol ga teng bo‘lishini topamiz. Shuningdek, barcha boshqa ikki atomli birikmalarning ham qattiq holatdagi molar issiqlik sig‘imi taqriban 12 kal/K·mol ga teng bo‘lishi kerakligi kelib chiqadi. Uch atomli birikmalarning molar issiqlik sig‘imi, taqriban, 18kal/K·mol ga, to‘rt atomli birikmalarning molar issiqlik sig‘imi taxminan, 24kal/K·mol ga teng bo‘lishi kerak.

Bu xulosa empirik yo‘l bilan aniqlangan Joul va Kopp qonuniga mos keladi. Bu qonunga ko‘ra, qattiq holatdagi birikmalarning molar issiqlik sig‘imi bu birikmalar tarkibiga kiruvchi elementlar atom issiqlik sig‘imlarning yig‘indisiga teng. Temperatura absolut nolga intilganda barcha qattiq jismlarning issiqlik sig‘imi nolga intiladi. Qattiq jism issiqlik sig‘imining juda past temperaturalarda o‘zgarishi faqat kvant mexanikasi asosidagina tushuntirilishi mumkin.

Uy temperaturasida ( $T \approx 300K$ ) qattiq jismning issiqlik sig‘imini klassik usulda hisoblash mumkin.  $-200^{\circ}C$  ga yaqin temperaturalarda esa, issiqlik sig‘imini kvant nazariyasi asosida hisoblash kerak bo‘ladi. Qattiq jismlar issiqlik sig‘imi kvant nazariyasining asoslarini Eynshteyn qurib bergan edi. So‘ng Debay panjarani tashkil qiluvchi zarralarning past temperaturalardagi o‘zaro ta’siri katta rol o‘ynashini e’tiborga oldi. Juda past temperaturalarda qattiq jismlarning issiqlik sig‘imi absolut temperaturaning uchinchi darajasiga proporsional bo‘lib o‘zgaradi.

Rus fizigi L.I. Mandelshtam kristallarda elastik issiqlik to‘lqinlarining mavjud bo‘lishi kristalldan sochiluvchi yorug‘likning xarakteriga ta’sir qilishi mumkinligini ko‘rsatdi. Bu hodisani rus fizigi Y.F. Gross tajribada kuzatdi va qattiq jismlarda elastik issiqlik tebranishlarning mavjud bo‘lishini tajribalar asosida tasdiqladi.

Agar modda eriganda uning hajmi kattalashadigan bo‘lsa, bosim ortishi bilan erish temperaturasi ham ko‘tariladi: erigan modda bosim ortishi bilan yana qotib qolishi mumkin.

Agar modda erigan vaqtida uning hajmi kichrayadigan bo‘lsa

(suv, vismut, surma va ba'zi boshqa moddalar), bosim ortishi bilan erish temperaturasi pasayadi; qotgan jism bosim ortishi bilan yana suyulib qolishi mumkin.

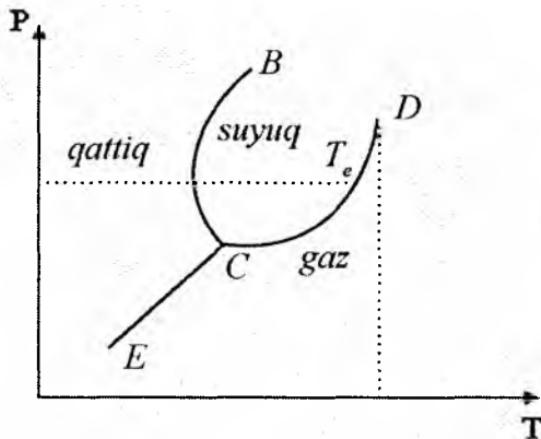
Qattiq holatdan suyuq holatga o'tish protsessi energiya sarflash bilan bog'liq; boshqacha aytganda, berilgan qattiq jism massani shu temperaturadagi suyuq holatga o'tkazish uchun, jismga ma'lum miqdorda issiqlik berish kerak bo'ladi. Bu erish issiqlik deyiladi. Suyuqlik qotgan vaqtda bu energiya issiqlik shaklida ajralib chiqadi. Erish issiqligi turli moddalar uchun turlichadir. Masalan, suv uchun u 80kal/g ga, simob uchun esa atigi 2,75kal/g ga teng.

Erish temperaturasi berilgan moddaning tozaligiga juda ham bog'liqdir. Ba'zan ozgina miqdorda boshqa bir moddaning qo'shilishi erish temperaturasini sezilarli darajada pasaytirishi mumkin. Qattiq jismlar ham suyuqliklar kabi, har qanday temperaturada ozmi-ko'pmi bug'lanib, shu moddaning bug'ini hosil qiladi.

Suyuqliknin berk idishda sovitamiz, suyuqlik ustida esa faqat to'yangan bug' bo'lsin. Temperatura pasaygan sari, bug'larning bosimi ham kamayadi; bu bosimning temperaturaga qarab o'zgarishining grafik (24.1-rasm)dagι CD chiziq orqali tasvirlangan.

To'yangan bug' bosimi ostidagi suyuqliknin qotishi temperaturasiga C nuqta to'g'ri keladi. C nuqtaga yetgach, sistemadan issiqlik olish davom ettirilgani holda, suyuqlik qattiq holatga o'ta boshlaydi, shuning bilan birga, suyuqliknin hammasi qattiq holatga o'tguncha, temperatura o'zgarmaydi.

Bu vaqt ichida to'yangan bug'larning bosimi ham o'zgarmaydi va u C – nuqtaning ordinatasiga teng bo'ladi. Butun suyuqlik qattiq holatga o'tgach, qattiq jism ustida to'yangan bug' ilgarigidek mavjud bo'ladi. Qattiq jismni sovitish davom ettirilsa, to'yangan bug'larning bosimi ham pasaya boshlaydi, lekin bu pasayish yangi CB chiziq bo'yicha boradi.



24.1-rasm Uchlik nuqta.

1 – qattiq faza; 2 – suyuq faza; 3 – gazsimon faza

Shunday qilib, C nuqtada ikkita chiziq uchrashadi, qattiq holatdagi berilgan modda ustidagi to‘yingan bug‘ bosimning temperaturaga bog‘liqligini tasvirlovchi CB egri chiziq bilan suyuq holatdagi o‘sha modda ustidagi to‘yingan bug‘ bosimining temperaturaga bog‘liqligini ko‘rsatuvchi C chiziq uchrashadi. C nuqtaning absissasiga to‘g‘ri keluvchi temperaturadan past temperaturalarda bug‘ faqat qattiq jism bilangina muvozanatda bo‘lishi mumkin; bu temperaturadan yuqori temperaturada esa bug‘ faqat suyuqlik bilan muvozanatda bo‘la oladi. C nuqtaning o‘zida moddaning uch holati qattiq, suyuq va ular ustida to‘yingan bug‘ yoki boshqacha aytganda, uchala fazasi muvozanatda bo‘ladi. Shuning uchun C – nuqta uchlik nuqta yoki Kyuri nuqtasi deyiladi.

Masalan: suv uchlik nuqtada ( $0,00748^{\circ}\text{C}$  da)  $P_0 = 4,58 \text{ mm Hg}$  bosimli to‘yingan bug‘ ga ega bo‘ladi;  $-1^{\circ}\text{C}$  da muz ustidagi to‘yingan bug‘ ning elastikligi  $4,22 \text{ mm Hg}$  va  $-10^{\circ}\text{C}$  da  $1,95 \text{ mm Hg}$  bo‘ladi.

Ma’lumki, gaz tegib turgan biror qattiq jismni havosi so‘rib olinayotgan idish ichiga joylashtirilsa, jismdan ilgari unga tegib turgan gaz chiqadi. Bundan, qattiq jismlar gazlarni yutadi, degan xulosa kelib chiqadi.

Gazning bosimi qancha katta bo'lsa va qattiq jismning sirti qancha katta bo'lsa, bu yutilish ham shuncha katta bo'ladi. Qattiq jismlarda ikki xil yutilish bo'ladi; ular adsorbsiya va absorbsiya deyiladi.

Adsorbsiya gazning qattiq jism sirtiga yupqa qatlam bo'lib yopishishidan iborat. Absorbsiya (yoki okklyuziya) qattiq jismning butun massasi tomonidan gazning haqiqatan ham yutilishidir, ya'ni gazlarning suyuqliklarda erishiga o'xshash protsessdir.

Ba'zi qattiq jismlar gazni shunchalik ko'p miqdorda yuta oladiki, natijada yutilgan gazning hajmi qattiq jismning o'z hajmidan yuzlab marta katta bo'ladi. Qizdirilgan Palladiy o'z hajmidan normal bosimdag'i hajmi 1000 marta katta bo'lgan miqdordagi vodorodni ko'p yutadi. Yutilgan gazlar vakuumda qizdirish natijasida ajralib chiqadi.

Adsorbsiya va absorbsiya (okklyuziya) hodisalari vakuum texnikasida katta rol o'ynaydi. Masalan, pista ko'mirdan ko'pchilik gazlarni, ayniqsa, past temperaturalarda, juda ko'p adsorbsiyalash qobiliyatidan foydalanadilar. Qattiq jismning sirtida faqat gazlarga emas, suyuqliklar ham adsorbsiyalaniishi mumkin.

### **Tayanch tushunchalar:**

Kristall qattiq jismning fazoviy panjarasi, atom yoki ionning muvozanat vaziyat atrofida tebranishi, qattiq jismlarni ichki energiyasi, zarralarning muvozanat vaziyatidan chetlashishi, qattiq jismning chiziqli yoki hajmiy uzayishi, kristall qattiq jismlarning issiqlik sig'imi, Dyulong va Pt1 qonuni, qattiq jismlar uchlik nuqtasi, adsorbsiya va absorbsiya yutilishi.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Qattiq jismning zarralari harakati va energiya bog'lanishini tus-huntiring.*
2. *Qattiq jism zarralarining to'la ichki energiyasi mohiyatini aytib bering.*
3. *Issiqlikdan kengayish deb nimaga aytildi va uning sababi nima?*

4. Chiziqli kengayishning temperatura koefitsienti qanday fizik ma'noga ega va uning o'lchov birligi nima?
5. Qattiq jismning hajmiy kengayishi koefitsienti qanday fizik ma'noga ega va uning o'lchov birligi nima?
6. Kristall qattiq jismlarning issiqlik sig'imi nimaga bog'liq bo'ladi?
7. Dyulong va Pti qonunini mohiyatini tushuntiring.
8. Uchlik nuqtani tushuntirib bering.
9. Gazlarning qattiq jismlar tomonidan yutilishini adsorbsiya va absorbsiya yo'llarini va texnikada, sanoatda foydalanish to'g'risida aytib bering.

Qattiq jismning fazoviy panjarasini tashkil qiluvchi har bir zarra atom yoki ion muvozanat vaziyat atrofida tebranib turadi.



## 25. I va II tur fazoviy o'tishlar

Biz suyuq gazsimon holatlarning qattiq holatga o'tishi, ya'ni kristallanish va aksincha o'tish, erish va qaynashni ko'rdik. Avval VII bobda suyuqlikning bug'ga o'tishini – bug'lanishni va aksincha o'tish – kondensatsiyani ko'rdik. Bu barcha fazoviy o'tishlarda jism yoki tegishli o'tishning yashirin issiqligi (erish isiqqligi, bug'lanish issiqliki va h.k) sifatida energiya ajratadi yoki energiya yutadi. Energiyaning yoki energiya bilan bog'liq bo'lgan boshqa kattaliklar, masalan, zichlikning sakrashsimon o'zgarishi bilan bo'ladigan fazaviy o'tishlar birinchi tur fazaviy o'tishlar deb ataladi.

Birinchi tur fazaviy o'tishlar uchun modda xossalaring sakrashsimon, ya'ni juda qisqa temperaturalar intervalida o'zgarishi xarakterlidir. Binobarin, aniq o'tish temperaturasi yoki o'tish nuqtasi haqida, masalan, qaynash nuqtasi, erish nuqtasi va hokazo haqida gapirish mumkin.

Fazaviy o'tishlar temperaturalari tashqi parametr – p bosimga bog'liq; berilgan temperaturada o'tish sodir bo'ladi. Fazaviy muvozanat chizig'i bizga ma'lum bulgan Klapeyron-Klauzius tenglamasi bilan ifodalanadi:

$$\frac{dp}{dT} = \frac{L}{T(V_2 - V_1)},$$

bu yerda, L – o'tish molar issiqligi,  $V_1$  va  $V_2$  har ikkala fazaning molar hajmlari.

Birinchi tur fazaviy o'tishlarda yangi faza birato'la butun hajmda paydo bo'lmaydi. Dastlab yangi fazaning markazlari hosil bo'lib so'ngra ular o'sib butun hajmga tarqaladi.

Markazlarning hosil bo'lish protsessi bilan suyuqlikning kondensatsiyasida duch kelgan edik. Kondensatsiya uchun chang zarralari, ionlar va hokazo ko'rinishida kondensatsiya markazlari bo'lishi zarur. Xuddi shuningdek, suyuqlikning qotishi uchun kristallanish markazlari bo'lishi zarur. Bunday markazlar bo'limganida bug' va suyuqlik o'ta sovigan holatda bo'lishi mumkin.

Masalan, 10°C temperaturada ham, agar suv toza bo'lsa, uzoq muddat muzlamasligini kuzatish mumkin.

Biroq shunday fazaviy o'tishlar ham bo'ladiki, ularda aylanish butun hajmda kristall panjaraning uzliksiz o'zgarishi, ya'ni panjarada zarralarning o'zaro qayta joylashishi natijasida darhol ro'y beradi. Bu ma'lum temperaturada panjara simmetriyasining o'zgarishi, masalan, past simmetriyalı panjaraning yuqori simmetriyalı panjaraga aylanishiga olib kelishi mumkin. Bu temperaturada fazaviy o'tish ikkinchi tur fazaviy o'tish deb ataladi. Ikkinchisi tur fazaviy o'tish sodir bo'ladigan bu temperatura Kyuri nuqtasi deb ataladi. Bu birinchi marta ferromagnetiklarda ikkinchi tur fazaviy o'tishlarini kashf qilgan olim Per Kyuri sharafiga shunday deb atalgan.

Holat bunday uzliksiz o'zgaganida o'tish nuqtasida ikki turli fazaning muvozanati bo'lmaydi, chunki o'tish butun hajmda

birdaniga sodir bo‘ladi. Shuning uchun o‘tish nuqtasida U ichki energiyaning sakrashi ham ro‘y bermaydi. Demak, bunday o‘tishda o‘tish yashirin issiqligining ajralishi ham, ro‘y bermaydi. Biroq o‘tish nuqtasidan yuqori va past temperaturada modda turli kristall modifikatsiyali bo‘lgani uchun ularning issiqlik sig‘imi turlicha bo‘ladi.

Demak, fazaviy o‘tish nuqtasida issiqlik sig‘imi, ya’ni ichki energiyadan vaqt bo‘yicha olingan hosilasi  $\frac{dU}{dT}$  sakrashsimon o‘zgaradi.

Garchi o‘tish nuqtasida hajmning o‘zi o‘zgarmasa-da, hajmiy kengayish koeffitsienti  $\frac{1}{V} \frac{dV}{dT}$  sakrash bilan o‘zgaradi.

Shunday ikkinchi tur fazaviy o‘tishlar ham borki, ularda holatning uzluksiz o‘zgarishi kristall strukturasining o‘zgarishini bildirmaydi, biroq bu o‘tishlarda holat birdaniga butun hajmida o‘zgaradi. Bunday tur o‘tishlarning eng mashhuri moddalarning ferromagnit holatdan ferromagnit bo‘limgan holatga o‘tishidir, bunday o‘tish Kyuri nuqtasi deb atalgan temperaturada sodir bo‘ladi; ba’zi metallarning normal holatda o‘ta o‘tkazuvchan elektr qarshiligi yo‘qoladi. Ikkala holda ham o‘tish uzluksiz va birdaniga butun hajmda o‘zgaradi. Suyuq geliyning Ne I holatdan Ne II holatga o‘tishi ham ikkinchi tur o‘tishga misol bo‘ladi. Bu barcha hollarda o‘tish nuqtasida issiqlik sig‘imining sakrashi kuzatiladi. (Shu munosabat bilan ikkinchi tur fazaviy o‘tish temperaturasi ikkinchi nomga ega bo‘lib, unga Kyuri nuqta deb ataladi).

Fazaviy o‘tishlarning qanday bo‘lishini endi batafsilroq ko‘raylik. Fazaviy aylanishlarda asosiy rolni fizikaviy kattaliklarning fluktuatsiyalari o‘ynaydi. Biz fluktuatsiyalar bilan suyuqliklardagi muallaq qattiq zarralarning Broun harakati to‘g‘risida gapirganimizda duch kelgan edik.

Fluktatsiyalar – energiyaning, zichlikning va u bilan bog‘liq bo‘lgan boshqa kattaliklarning tasodify o‘zgarishlari – hamma vaqt mavjud bo‘ladi. Biroq fazaviy o‘tishda uzoqroqda ular

juda kichik hajmlarda yuzaga keladi va shu zahotiyoy qolib ketadi. Moddaning bosimi va temperaturasi kritik qiymatlarga yaqin bo'lganida esa fluktuatsiya bilan qamrab olingan hajmida yangi faza hosil bo'lishi mumkin. Birinchi va ikkinchi tur fazaviy o'tishlar orasidagi farq shundan iboratki, o'tish nuqtasi yaqinida fluktuatsiyalar turlicha rivojlanishi mumkin.

Birinchi tur o'tishda yangi fazaning eski faza ichida markazlar tarzida yuzaga kelishini yuqorida gapirib o'tdik. Ularning paydo bo'lishiga sabab, energiya va zichlikning tasodifiy fluktuatsiyalaridir. O'tish nuqtasiga yaqinlashgan sari yangi fazaga sabab bo'ladigan fluktuatsiyalar tez-tez bo'lib turadi, garchi har bir fluktuatsiya juda kichik hajmda ro'y bersa ham, ularning hammasi bir bo'lib, agar ularning hosil bo'lishi joylarida kondensatsiya markazi bo'lsa, yangi fazaning makroskopiyasi markazi paydo bo'lishiga sabab bo'lishi mumkin.

Ikkinchi tur fazaviy o'tishlar holida vaziyat ancha murakkabroq bo'ladi. Yangi faza birdaniga butun hajmda paydo bo'lgani sababli odatda mikroskopik fluktuatsiyalar o'z-o'zicha fazaviy o'tishga olib kela olmaydi. Ularning xarakteri ancha o'zgaradi. Kritik temperaturaga yaqinlashgani sari yangi fazaga o'tishni «tayyorlayotgan» fluktuatsiyalar tobora moddaning katta qismini qamrab oladi va nihoyat, o'tish nuqtasida cheksiz bo'lib qoladi, ya'ni butun hajmda ro'y beradi.

O'tish nuqtasidan pastda, yangi faza qaror topganidan so'ng, ular yana qaytadan so'na boshlaydi va yana asta-sekin qisqa ta'sirli hamda qisqa muddatli bo'lib qoladi.

Ikkinchi tur fazaviy o'tishi hamma vaqt sistemaning simmetriyasini o'zgarishi bilan bog'liq bo'ladi: yangi fazada yo dastlab bo'lmagan tartib yuzaga keladi (masalan, ferromagnit holatga o'tishda alohida zarralarning magnit momenti tartibga tushadi), yo avval mavjud bo'lgan tartib o'zgaradi (kristall strukturining o'zgarishi tufayli bo'ladigan o'tishlarda). Bunday yangi tartib fazaviy o'tish yaqinidagi fluktuatsiyalarda mavjud bo'ladi.

O'tishning bayon qilingan mexanizmini hammaga ma'lum bo'lgan «baqrayib qolgan bir to'da odamlar effekti» yordamida soddarоq tushuntirish mumkin. Trotuardan o'tib ketayotgan va turli tasodifiy yo'nalishlarga ko'z tikib ketayotgan odamlarni ko'z oldimizga keltiraylik. Bu ko'chada ketayotgan odamlar to'dasini «normal» holati bo'lib, unda tartiblashish yo'q. Endi shu odamlardan biri ikkinchi qavatdagi kimsasiz derazaga hech qanday jalb etuvchi sababsiz tikilib qoladi deylik («tasodifiy fluktatsiya»). Shundan so'ng tobora ko'proq odamlar shu derazaga qaray boshlaydi va oxir nihoyasida hammaning nigohi bir nuqtaga yo'nalgan bo'ladi. Garchi, tartibning qaror topishiga yordam beruvchi hech qanday tashqi kuch bo'lmasa-da (chunki ikkinchi qavatdagi deraza orqasida hech narsa bo'layotgan yo'q!), «tartiblashgan» faza yuzaga keladi.

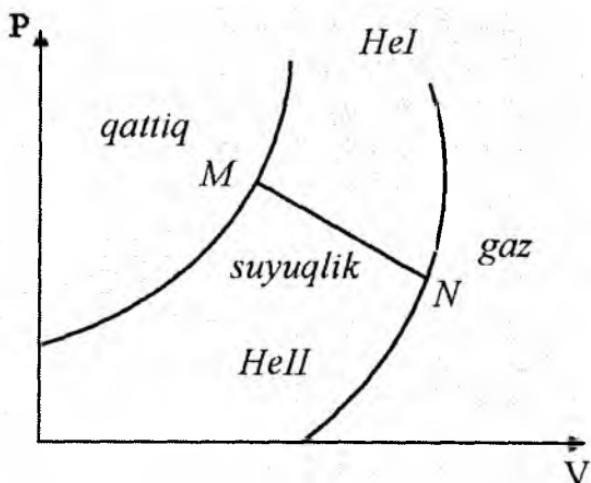
Ikkinchi tur fazaviy o'tishlar juda murakkab va qiziq hodisa. Bevosita o'tish nuqtasi atrofida bo'layotgan hodisalar, jarayonlar hali oxirigacha o'r ganilgan emas va cheksiz fluktuatsiyalar sharoitida fizikaviy kattaliklarning tabiatini haqidagi to'la manzara endigina yaratilmoqda.

### Qattiq geliy

Barcha moddalar ichida geliyning mustasnoligi shundaki, u absolut nolda ham qotmaydigan yagona moddadir.

Biz suyuq geliyning ikki modifikatsiyada ma'lum ekanini va bu modifikatsiyalar o'zlarining to'yigan bug'lari bosimi ostida bo'lganida 219 K da (NM-nuqta) bir-biriga o'tib turishini bilamiz. Bunday o'tish ikkinchi tur fazaviy o'tishdir. Xususan, He I – He II o'tishda o'tish yashirin issiqligi bo'lmaydi.

Geliyning holat diagrammasi uning suyuq holatining yuqorida eslatib o'tilgan xususiyatlari munosabati bilan o'ziga xos ko'rinishga ega bo'lib, xiliga ko'ra yagonadir. Bu diagramma 25.1-rasmida tasvirlangan (bu rasmda masshtabga aniq rioya qilingan emas) I egri chiziq bug' hosil bo'lish egri chizig'idir. 2 egri chizig esa



25.1-rasm

NM-nuqtalar chizig‘idir. Bu chiziq He I–He II o‘tishda bosim ortganida temperaturaning qanday o‘zgarishini ko‘rsatadi. Nihoyat 3 egri chiziq – erish egri chizig‘idir. Bu barcha egri chiziqlar diagrammani to‘rt qismga: gazsimon geliyning mavjudlik sohasi, suyuq He I sohasi, suyuq He II va nihoyat geliy sohalariga bo‘ladi. Diagrammadan suyuq He II ning sohasi absolut nolgacha borishi ko‘rinib turibdi. Bu absolut nolda geliyning barqaror holati suyuq holat ekanini ko‘rsatadi. Qattiq geliy esa, diagrammadan ko‘rinib turganidek, faqat katta bosim ostida hosil qilinishi mumkin, hatto absolut nolda ham bu bosim 25 atm dan kam bo‘lmasligi kerak. Bunda temperatura qancha yuqori bo‘lsa, geliyning kristallanishi uchun shuncha katta bosim kerak bo‘ladi. Masalan, 50 K da geliy 7000 atm da.

Erish egri chizig‘i qattik geliyning suyuq He I (N-nuqtalar chizig‘idan o‘ngda) va suyuq He II (chiziqd an chapda) bilan muvozanat egri chizig‘idir. Bug‘ hosil bo‘lish egri chizig‘i ham gazsimon geliyning bu chiziqdan chap va o‘ng tomondagi suyuq geliyning mos fazalari bilan muvozanat egri chizig‘idir. Biroq –

nuqtalar egri chizig'i har ikkala suyuq faza uchun muvozanat egi chizig'i bo'la olmaydi.

Geliy holat diagrammasining eng qiziq xususiyati qattiq va gazzimon fazalar orasida muvozanat chizig'ini yo'qligidir. Bundan har qanday sharoitda ham qattiq geliy o'zining bug'lari bilan muvozanat bo'la olmaydi degan ma'no kelib chiqadi. Qattiq geliy ustida faqat suyuq He I va He II bo'lishi kerak, biroq gazsimon geliy bo'la olmaydi. Demak, geliy haydash mumkin bo'lmagan modda ekan.

Geliyning bu barcha xususiyatlari, jumladan uning absolut nolda ham suyuq holda qolishi, faqat kvant nazariyasi asosida tushuntirilishi mumkin; geliy kvant mexanikasi nazariyasidan kelib chiqadigan effektlar makroskopik xossalarda namoyon bo'ladigan tabiatdagi yagona moddadir.

Gap shundaki, kvant nazariyasiga, ko'ra, absolut nolda zarralarning energiyasi nolga teng emas, holbuki moddaning klassik kinetik nazariyasiga ko'ra u nolga teng. Absolut nolda zarralar nolinchi energiyaga ega bo'ladi, bu energiya atomlarning massasi qancha kichik bo'lsa, shuncha kichik bo'ladi. Shuning uchun nolinchi energiyaga ega bo'ladi. Ikkinci tomondan, geliy atomlarining tuzilish xususiyatlariga ko'ra geliy atomlari orasidagi o'zaro ta'sir kuchlari (boshqa inert gazlardagi singari) juda kichik. Shuning uchun, atomlar orasidagi kichik o'zaro ta'sir kuchlarida nolinchi energiya geliy atomlarining muntazam tartibda joylashishiga, ya'ni kristall panjara hosil qilishiga to'sqinlik qilish uchun yetarli bo'ladi. Faqat tashqi bosim ta'siridagina atomlarni ular kristall hosil qiladigan darajada yaqinlashtirish mumkin bo'ladi.

Geliyning o'ziga xos xususiyati shundaki, past temperaturalarda uning tabiatini issiqlik harakatlari energiyasi emas, balki nolinchi energiya belgilaydi.

Vodorod atomining massasi yana ham kichik bo'lgani uchun unda nolinchi energiya yana ham katta rol o'yynashi kerak.

Haqiqatdan ham, vodorod atomlarining nolinchı energiyasi geliy nikidan katta. Biroq hozirgina ko'rganimizdek, nolinchı energiya bilan zarralarning o'zaro ta'sir energiyasi orasidagi nisbat hal qiluvchi rol o'ynaydi. Zarralarning o'zaro ta'sir energiyasi esa vodorod atomlarida geliy atomlaridan ko'ra ko'proq bo'ladi. Miqdoriy baholash shuni ko'rsatadiki, qattiq vodorodda nolinchı energiya to'la energiyaning yarmiga teng, geliyda esa uning ulushi 80 % ga yetadi. Geliyning suyulish temperaturasining past bo'lishi va odatdagи sharoitlarda uning kristallanmasligining sababi shu hol bilan tushuntiriladi. Nolinchı energiya geliyning yengil He<sup>3</sup> izotopida yana ham katta rol o'ynaydi. Unda nolinchı energiya to'la energiyaning 95% ini tashkil qiladi. Shuning uchun He<sup>3</sup> ning suyulish temperaturasi (normal bosimda) yana past bo'ladi (u 3,2 K ga teng, odatdagи geliyda esa 4,2 K ga teng zid). He<sup>3</sup> ning kristallanishi uchun He<sup>4</sup> ga qaraganda yana ham katta bosim kerak bo'ladi, absolut nolda bu bosim 29 atomdan ortiq bo'ladi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Qattiq holatga o'tish, holat diagrammasi, uchlanma nuqta. Birinchi va ikkinchi tur fazoviy o'tishlar. Qattiq geliy. Erish va kristallanish.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Qattiq holatga o'tishni tushuntiring.*
2. *Holat diagrammasi qanday tuziladi va undagi uchlanma nuqta nimani ifodalaydi?*
3. *Birinchi va ikkinchi tur fazoviy o'tishlar deb nimaga aytildi?*
4. *Qattiq geliy to'g'risida nima bilasiz?*
5. *Erish va kristallanish nima?*

Qattiq jismlarning holat o'zgarishi 2 xil turga bo'linib (amorf va kristal) ulaning tuzilshi bir-biridan keskin farq qiladi.



## 26. Statsionar diffuziya. Diffuziya koeffitsientini hisoblash.

### O'zaro diffuziya koeffitsienti. Termik diffuziya

Diffuziya protsesning sekin o'tishini oson tushuntirib beradi. Buning sababi shuki, havo gaz molekulalari bir nuqtadan ikkinchi nuqtaga ko'chishi uchun bir nuqtalarni birlashtiruvchi to'g'ri chiziqdan hisoblangan masofaga qaraganda bir necha marta uzoq bo'lgan siniq chiziq shakldagi yo'lni o'tishlari kerak.

Bunday sifatiy tushuntirishdan tashqari, kinetik nazariya diffuziya koeffitsientining kattaligini miqdoriy baholash va uni molekular kattaliklar – molekulalarning erkin yugurish yo'li uzunligi hamda issiqlik harakatidagi tezliklari orqali ifodalashga imkon beradi.

Bug' aralashmasi solingan suv chuchitgichda konsentratsiyalar farqi  $\Delta n = n_1 - n_2$  o'zgarmas saqlanadigan (demak, gap stasionar protsess haqida boradi) X o'qiga perpendikular S yuzni olaylik. Aniq bo'lishi uchun  $n_1 > n_2$  deb olamiz. Issiqlik harakati tufayli bizni qiziqtiradigan komponentaning molekulalari S yuz orqali chapdan o'ngga ham, o'ngdan chapga ham o'tadi. Yuzning ikki tomonidagi konsentratsiyalarning mavjud farqi tufayli  $X \cdot q$  bo'yab qanday dirdiffuziya oqimi yuzaga keladi, bu oqim ravshanki, S yuzning  $1 \text{ sm}^2$  ni uning tekisligiga perpendikular ravishda  $1 \text{ sek}$  da  $X$  o'qning musbat qiymatlari yo'nalishida (o'ngga) kesib o'tadigan  $N_1$  molekulalar soni bilan ana shu yuzni shu vaqt ichida qarama-qarshi yo'nalishda (chapga) kesib o'tadigan molekulalar soni  $N_2$  orasida ayirmaga teng bo'ladi:

$$N = N_1 - N_2$$

1 sm<sup>2</sup> yuzni kesib o'tayotgan molekulalar sonini qanday aniqlash kerak? Agar barcha molekulalar  $X$  o'qi bo'ylab yo'nalgan birday v tezlik bilan harakatlanganda edi, u holda 1 sm<sup>2</sup> yuzni 1 sek da kesib o'tayotgan molekulalar soni  $n\bar{v}$  ga teng bo'lar edi, bu yerda  $n$  – hajm birligidagi molekulalar soni.

Aslida molekulalarning tezliklar bo'yicha taqsimoti mavjud, biroq biz qo'pol bo'lsada, barcha molekulalarning tezligi birday – x o'rtacha tezlikka teng deb olamiz. Shuningdek, molekulalarning issiqlik tezliklari uchta o'zaro perpendikular yo'nalishlar bo'ylab tekis taqsimlangan deb olamiz. Unda hajm birligidagi barcha molekulalarning 1/3 qismi  $X$  o'q bo'ylab va bu molekulalarning yarmisi  $X$  o'qning musbat yo'nlishi bo'ylab, ya'ni yuzga qarab va yarmisi qarama-qarshi yo'nalishda yuzdan uzoqlashish yo'nalishida harakatlanadi.

### Diffuziya koefitsientini hisoblash

Binobarin,  $S$  yuzning 1 sm<sup>2</sup> ni 1 sek ichida chapdan o'ngga kesib o'tuvchi molekulalar soni  $N_1$ , va xuddi shu vaqt ichida o'ngdan chagpa kesuvchi molekulalar soni  $N_2$  quyidagi munosabatlar bilan ifodalanadi:

$$N_1 = \frac{1}{6} n\bar{v}, \quad N_2 = \frac{1}{6} n\bar{v},$$

Bu yerda,  $n'$  va  $n''$  – molekulalarning  $S$  yuzning bir tomonidagi va ikkinchi tomonidagi konsentratsiyalari.  $n'$  va  $n''$  kattaliklar haqida shuni aytish kerakki, ular  $X$  o'q yo'nalish bo'ylab molekulalarning o'zaro to'qnashuvi tufayli o'zgaradi. Shuning uchun biz ajratgan yuzga molekular ana shu yuzning bevosita oldidagi oxirgi to'qnashuv tufayli hosil bo'lган  $n'$  va  $n''$  konsentratsiyalar bilan keladi. Demak, biz  $n'$  va  $n''$  hajm birligidagi yuzning har ikki tomonidan ↗ masofa uzoqda turgan (erkin yugurish yo'li uzunligi) molekulalarning smoni deb hisoblaymiz.

Diffuzion oqim –  $N$  binobarin, shunday ifoda bilan aniqlanadi:

$$N = N_1 - N_2 = \frac{1}{6}(\bar{n}' - \bar{n})\bar{v} \quad (26.1)$$

bu yerda,  $\bar{n}'$  va  $\bar{n}''$  – bir-biridan ma'lum masofada turgan nuqtalardagi konsentratsiyalar farqi. Konsentratsiya gradiyenti qiymati  $\sim$  konsentratsiyalarning bir uzunlik birligidagi farqi bo'lgani uchun ularning ma'lum masofadagi farqi

$$\bar{n}' - \bar{n}'' = -2\lambda\bar{v}\frac{dn}{dx} \quad (26.2)$$

ga teng bo'ladi. Demak, diffuzion oqim uchun shunday ifodani hosil qilamiz:

$$N = -\frac{1}{3}\lambda\bar{v}\frac{dn}{dx} \quad (26.3)$$

yoki bu tezlikning har ikki qismi molekula massasi  $m$  ga ko'paytirib yozamiz:

$$\text{Bunda } M = -D\frac{dn}{dx}, \quad N = -\frac{1}{3}\lambda\bar{v}m\frac{dn}{dx}$$

ko'chayotgan gaz massasi  $m$  ning egallagan hajmi  $V$  ga nisbati  $M/V = MN = C$  gaz konsentratsiyasini ifodalagani uchun

$$M = -\frac{1}{3}\lambda\bar{v}\frac{dc}{dx} \quad (26.4)$$

Bu formuladagi  $\frac{dc}{dx}$  ga konsentratsiya gradienti deyiladi.

Uni taqqoslab diffuziya koeffitsienti uchun bizning qiziqtirgan ifodani olamiz:

$$D = \frac{1}{3}\lambda\bar{v} \quad (26.5)$$

Bu ifodadan diffuziya koeffitsienti bo'lib, uning qiymati

bosimiga teskari proporsional va temperaturadan chiqarilgan kvadrat ildizga to‘g‘ri proporsional bo‘ladi. Formulani chiqarish, ikkinchi komponentaning diffuziyalanishi nazarga olinmadi. Aslida ikkinchi komponenta ham diffuziyalanadi va u ma’lum darajada biz qarayotgan komponentaning diffuziyalanishiga ta’sir qilmay iloji yo‘q.

Masalan: vodorod va karbonat angidrid gazining aralashmasida vodorod karbonat angidridga nisbatan ancha diffuziyalanishi kerak, chunki ayni shu temperaturada vodorod molekulalarining issiqlik harakatining o‘rtacha tezligi deyarli bir marta katta va bundan tashqari, vodorod molekulalarining erkin yugurish yo‘li uzunligi ham katta. Biroq bu bir yo‘nalishda o‘tayotgan vodorodning hajmi qarama-qarshi yo‘nalishga o‘tayotgan karbonat angidrid gazining hajmidai katta demakdir. Bunday holda gazda albatta bosimlar farqi va demak, gaz oqimi yuzaga keladi. Holbuki biz diffuziyani ta’riflaganimizda uni gaz aralashmasining bosimi barcha nuqtalarda o‘zgarmaydigan va gaz umuman tinch turadigan protsess deb ta’rifladik. Aslida ikki turli gazning o‘zaro diffuziya protsessida bu gazlardan birining diffuziya oqimining ikkinchisidan ortib ketishi butun gazning dastlab tezroq diffuziyalanuvchi molekulalar bo‘lgan joy tomon yo‘nalishidagi oqimi bilan muvozanatlashadi.

Biz diffuziya koefitsienti uchun (26.1) formulani chiqarishda ana shu narsani nazarga olmadik va biz chiqargan formula gaz molekulalarining ana shu gaz muhitidagi diffuziyasi uchun o‘rnlidir. Bu protsess o‘z-o‘zidan diffuziyalanish deb ataladi, (26.1) formula esa o‘z-o‘zidan diffuziyalanish koefitsientini ifodalaydi.

Masalan, gaz aralashmasi ayni bir moddaning bir-biridan faqat massasi jihatidan biroz farq qiluvchi, lekin boshqa xossalari uncha farq qilmaydigan ikki turli izotopidan tarkib topgan bo‘lsa, shunday hodisa bo‘ladi. Agar, oz izotoplardan biri radioaktiv bo‘lsa, ularning nurlanishidan bunday hodisani kuzatish ham mumkin.

## O‘zaro diffuziya koeffitsienti

Biroq ( $G$ ) ifodani ikki xil gaz aralashmasi uchun ham to‘g‘ri bo‘ladigan qilib o‘zgartirish mumkin. Buning uchun kompensatsiyalovchi gaz oqimining mavjudligini nazarga olish kerak. (1) Tenglama aralashmasining bir komponentiga tegishli va shu komponentaning sof diffuzion oqimini xarakterlaydi deb hisoblaylik:

$$M_1 = -\frac{1}{3}v_1\lambda_1 \frac{dp_1}{dx} \quad (26.6)$$

1 indekslar birinchi komponentaga tegishli bo‘lib,  $M_1$  diffuziya massa miqdorini bildiradi. Xuddi shunday tenglamani ikkinchi komponenta uchun ham yozishimiz mumkin:

$$M_2 = -\frac{1}{3}v_2\lambda_2 \frac{dp_2}{dx} \quad (26.7)$$

Bunda  $dp_1/dx$  va  $dp_2/dx$  birinchi va ikkinchi komponentalar zichligining  $X$  o‘q bo‘ylab harakatga kelishi va bu harakatning  $v$  tezligi shunday bo‘lishi kerakki, gazning  $pu$  oqimi (bu yerda  $p$  – aralashmaning zichlig) yengil komponentaning ortiqcha diffuzion oqimini muvozanatlasin, ya’ni quyidagi tenglik bajarilsin:

$$M_1 - M_2 - pu = 0$$

$M_1$  va  $-M_2$  larning o‘rniga ularning (26.6) va (26.7)dagi qiymatlarni qo‘yib, quyidagi tenglikni hosil qilamiz.

$$- pu = -\frac{1}{3}v_1\lambda_1 \frac{dp_1}{dx} - \frac{1}{3}v_2\lambda_2 \frac{dp_2}{dx}$$

yoki  $\frac{dp_1}{dx} = -\frac{dp_2}{dx}$  bo‘lgani uchun

$$- pu = -\frac{1}{3}(v_2\lambda_2 - v_1\lambda_1) \frac{dp_1}{dx} \quad (26.8)$$

Agar butun gaz harakatlanayotgan bo‘lsa, u holda birinchi va ikkinchi komponentalarning haqiqatda birlik yuzni kesib o‘tayotgan

$M_1$  va  $M_2$  massalari teng bo'lmaydi. Chunki, har ikkala komponenta ham faqat diffuziya hisobiga emas, shuningdek, gazning butunicha harakati hisobiga ham ko'chib o'tadi.

### Termik diffuziya

Biz hozirgacha bayon qilgan diffuziya hodisasi gazda biror komponenta konsentratsiyasining farqi (gradienti) mavjud bo'lгandagina yuzaga keladi. Bunda diffuziya tufayli gradiyent yo'qoladi va bir jinsli bo'lмаган gaz aralashmasi bir jinsli aralashmaga aylanadi.

Bunda "konsentratsiya" diffuziyasidan tashqari termik diffuziya ham (termodiffuziya) mavjud, bu diffuziya teskari natijasiga bir jinsli gaz aralashmasi qisman ajralib, bir jinsli bo'lмаган aralashmaga aylanishiga olib keladi. Bu hodisa 1911-yilda nazariy jihatdan oldindan aytilgan va 1917-yilda eksperimentda tasdiqlangan edi. Termodiffuziya hodisasi shundan iboratki, bir jinsli gaz aralashmasidagi temperatura farqi temperaturaning pasayish yo'nalishi bo'ylab aralashma komponentalarida konsentratsiyalar farqining yuzaga kelishiga olib keladi.

Bir jinsli gaz aralashmasi bilan to'ldirilgan yassi devorli idishni ko'z oldimizga keltiraylik. Agar pastki va yuqoridagi devorlar  $T_1$  va  $T_2$ , temperaturalarda tutilsa va bunda  $T_1 > T_2$  bolsa, u holda tennodiffuziya hodisasiga ko'pincha shunga olib keladiki, yuqoriroq temperatura yuqorigi devorda ortiqcha og'ir molekulalar hosil bo'ladi. Ba'zi aralashmalar uchun bur termoduffuziyaning aksi bo'ladi.

Rasmda komponentalardan birining balandlik bo'yicha taqsimlanishi ko'rsatilgan. Punktir bilan temperaturalar farqi bo'lмагандаги konsentrasiya qiymati ko'rsatilgan. Termoduffuziya gaz aralashmasini qisman komponentalarga ajralishni yuzaga keltiradi.

Konsentratsiyalarning yuzaga kelgan farqi odatdagи konsentratsion diffuziya tufayli tenglashishga intiladi, bu konsentratsion diffuziya oqimi termoduffuziya oqimiga qarshi yo'nalgan. Bu ikki

protsesning birgalikdagi harakati natijasida aralashma komponentlari konsentratsiyalarining muvozanatdagi gratienti qaror topadi.

Termodiffuziya hodisasini biz odatda gidiffuzi, ya'ni tushuntirishda muvaffiqiyat bilan ifodalangan molekular-kinetik nazariga tasavvurlari yordamida tushuntirish mumkin emas (termodiffuziyaning keyin kashf qilinganining sababi ham shu). Bu hodisada komponentalar molekulalarning o'zaro to'qnashuv davridagi bir-biridan tasir kuchlari katta rol o'ynashi aniqlangan. Bu kuchlar taxminan  $1/r^n$  qonunga ko'ra kamayar ekan, bu yerda  $r$  – molekulalar orasidagi masofa.

Agar daraja ko'rsatkichi  $n > 5$  bo'lsa, termodiffuziya yuqorida ko'rsatilgan yo'nalişda amalga oshar ekan. Agar  $n < 5$  bo'lsa, u holda konsentratsiyalarning termodiffuziya farqi teskari ishorali bo'ladi va nihoyat,  $n=5$  bo'lganda termoddiffuziya mutlaqo sodir bo'lmaydi.

Termodiffuziya tufayli aralashma komponentalarini konsentratsiyasining o'zgarishini teskari diffuziyani hisobga olgan holda hisoblab chiqarish mumkin.

Ikki gaz aralashmasi komponentalarining konsentratsiyalari  $c$  va  $1-c$  bo'lsin. Ayni shu komponentaning konsentratsiyasi deb, shu komponent molekulalari sonining aralashmasidagi umumiy molekulalar soniga nisbatiga aytildi.  $dc/dx$  temperatura gradiyenti  $X$  o'q bo'yab qaror topgan konsentratsiya gradiyenti quyidagiga teng bo'ladi:

$$\frac{dc}{dx} = \frac{D_r}{D_{12}} \frac{1}{T} \frac{dT}{dx} = \frac{D_r}{D_{12}} \frac{d}{dx} \ln T$$

Bu yerda  $D_{12}$  – komponentalarning o'zaro diffuziya koefitsienti,  $D_\phi$  – esa termodiffuziya koefitsienti deb ataladi, uning o'lchamligi  $D_{12}$  – ning o'lchamligi bilan bir xil (ya'ni  $\text{m}^2/\text{sek}$ ). Biroq konsentratsiyalarga amalda bog'liq bo'lmaydigan  $D_{12}$ -diffuziya koefitsientidan farqli o'laroq,  $D_\phi$  har ikkala komponentaning ko'paytmasiga proporsional bo'lar ekan:

$$\frac{D_r}{D_{12}} = \alpha c(1 - c)$$

Bu yerda  $\alpha$  termodifuziya doimisi deb atashadi. Xuddi shu  $\alpha$  doimiy ajralayotgan aralashmaning hosalariga, jumladan molekulalaro itarish kuchining kamayish qonunining ifodasi  $1/r^n$  ning  $n$  daraja ko'rsatkichiga bog'liq bo'ladi.

### **Tayanch tushunchalar:**

Statsionar diffuziya, diffuziya koeffitsientini hisoblash. O'zaro diffuziya koeffitsienti. Termik diffuziya tushunchalari.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Statsionar diffuziya hodisasini tushuntirib bering.*
2. *Diffuziya koeffitsientini hisoblashni qanday tushunasiz?*
3. *O'zaro diffuziya koeffitsientining mohiyatini aytib bering.*
4. *Termik diffuziya nima?*

Statsionar diffuziya, diffuziya koeffitsientini hisoblash, o'zaro diffuziya koeffitsienti, termik diffuziya hodisalari gazlarning konsentratsiyasiga bog'liq bo'ladi.



**27. Gazlarning issiqlik o'tkazuvchanligi. Nostatsionar issiqlik o'tkazuvchanlik. Statsionar issiqlik o'tkazuvchanlik. Issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsientini hisoblash. Issqlik o'tkazuvchanlik koeffitsienti va molekulalarning o'lchamlari**

Agar gaz notekis istilgan bo'lsa, ya'ni uning bir qismida temperatura ikkinchi qismidagidan baland yoki past bo'lsa, u holda temperaturaning tenglashishini kuzatish mumkin: gazning issiqroq qismi soviydi, sovuqroq qismi esa isiydi.

Aniqki, bu hodisa gazning issiqroq qismidansovqroq qismiga issiqlik oqishi bilan bog'liq bo'ladi. Gazda (yoki har qanday boshqa moddada) issiqlik oqimining hosil bo'lishi issiqlik o'tkazuvchanlik deb ataladi. O'z holiga qo'yilgan har qanday jismda, xususan gazda, issiqlik o'tkazuvchailik temperaturalarning tenglashuviga sabab bo'ladi va bu protsess, albatta, nostatsionar protsessdir. Biroq ko'pincha shunday hollar ham bo'ladiki, bunda temperaturalar farqini sun'iy ravishda o'zgartirmasdan saqlab turiladi.

Masalan, cho'g'lanma elektr lampasida bevosita cho'g'langan to'la yaqinidagi gaz yuqori temperaturaga (tolaning temperaturasi teng temperaturaga) ega bo'lgan holda, lampa shisha balloonining devorlariga tegib turgan gaz qismining temperaturasi ancha past bo'ladi. Lampa ulanganidan bir necha vaqt keyin tola va devorlar orasida o'zgarmas temperaturalar farqi yuzaga keladi. Bunday farq bir tomonidan, lampaga elektr tarmog'idan keltiradigan elektr energiya hisobiga ikkinchi tomonidan esa issiqliknинг lampa devorlarida atrof havoga berilishi hisobiga saqlanadi. Bunday sharoitlarda lampa ichidagi gazda vaqt davomida o'zgarmaydigan, yangi statsionar issiqlik oqimi yuzaga keladi. Temperaturalarning qaror topgan farqi gazning issiqlik o'tkazuvchanligiga bog'liqbo'ladi (cho'g'lanish lampasida issiqlik gaz orqali uzatilgandan tashqari ya'ni shu holda asosan nurlanish natijasida uzatilishini ham nazarda tutish kerak).

Biz keltirgan misolda lampa tolasining va idishning (ballooning) shakli murakkab bo'lgani uchun issiqlik oqimini hisoblash qiyin. Shu tufayli gazda temperaturaning taqsimlanishi ham juda murakkab bo'ladi.

Issiqlik o'tkazuvchvanlik protsessorining miqdoriy qonuniyatlarini topish uchun biz yanada oddiyroq holni, diffuziyani o'rgangandagiga o'xshash xarakterdagi masalani ko'raylik.

Gazdagibiror yo'naliish, masalan,  $X$  o'q bo'ylab temperatura nuqtadan nuqtaga, ya'ni  $h$  ning funksiyasi sifatida o'zgarayotgan bo'lsin, bu uqqa perpendikular tekislikda esa u birday saqlanayotgan bo'lsin.

Temperatura  $X$  o‘q bo‘ylab o‘zgarishi  $pT/dx$  temperatura gradiyenti bilan xarakterlanadi (agar temperatura biz faraz qilganimizdek faqat  $X$  o‘q bo‘ylab o‘zgarayotgan bo‘lsa, u holda  $pT/dx$  o‘rniga  $dT/dx$  ni yozish mumkin). Hamma vaqtdagi singari temperatura gradiyentining o‘zgarishining bu nuqtalar orasidagi masofa birligi nisbatiga teng. Diffuziya protsessida shu protsessning amalga oshishi uchun konsentratsiyalar gradiyent bo‘lishi shart bo‘lgani singari. Temperaturalar gradiyentining mavjudligi ham issiqlik o‘tkazuvchanlikning yuzaga kelishining asosiy shartidir.

Issiqlik oqimining yo‘nalishi temperaturaning pasayish yo‘nalishi bilan mos keladi. Agar  $x$  ning ortishiga (ya’ni  $dx > 0$ ) temperaturaning pasayishi ( $dt < 0$ ) mos kelsa, u holda issiqlik  $x$  ning o‘sayotgan tomoniga oqayotgan bo‘ladi: issiqlik oqimi shu oqimni yuzaga keltirgan mavjud temperatura gradiyentini kamayish tomoniga yo‘nalgan bo‘ladi. Tajriba  $Q$  issiqlik oqimi temperatura gradiyentiga proporsional bo‘lishini ko‘rsatadi (Fure qonuni):

$$Q = -\chi \frac{dT}{dx} \quad (27.1)$$

Issiqlik oqimi deb yuz birligida o‘tayotgan issiqlik miqdori tushuniladi. (27.1) tenglikdagi  $\chi$  koeffitsienti issiqlik o‘tkazuvchanlik koeffitsienti deb ataladi. (27.1) dan ko‘rinib turganidek, issiqlik o‘tkazuvchanlik koeffitsientining son qiymati temperatura gradiyenti bir teng ( $1 \text{ K/sm}$ ) bo‘lgandagi issiqlik oqimiga teng. Issiqlik o‘tkazuvchanlik koeffitsientining sistemasida  $J/m \cdot \text{sek} \cdot K$  yoki  $Vt/m \cdot K$  birliklarida. SGS sistemasida esa  $\text{erg/sm} \cdot \text{sek} \cdot K$  birliklarida o‘lchanishini ko‘rish oson. Texnikada uni ko‘pincha  $\text{kJ/m} \cdot \text{soat} \cdot K$  larda ifodalanadi.

Statsionar sharoitlarda gaz orqali vaqt birligida oqib o‘tgan  $Q$  issiqlik miqdori berilgan temperaturadagi gradiyentini saqlab turgan issiqlik manbayining quvvatiga teng. Bu quvvatni (u ko‘pincha elektr quvvati bo‘ladi) issiqlik o‘tkazuvchanlik koeffitsientini eksperimental aniqlashda bevosita o‘lchanadi.

Temperatura gradiyenti bo‘lgan gaz o‘z holiga qo‘yilganda, ya’ni unga tashqaridan energiya berilmaydigan hollarda, issiqlik o‘tkazuvchanlik temperaturaning tenglashishiga olib keladi. Dastlab biz ancha shunday nostatsionar issiqlik o‘tkazuvchanlikni ko‘ramiz. Temperaturaning tenglashish qonuni diffuziya vositasida konsentratsiyalarning tenglashish protsessiga juda o‘xshash ekanligini ko‘rish mumkin.

### Nostasionar issiqlik o‘tkazuvchanlik

Qaytadan hajmlari mos ravishda  $V_1$  va  $V_2$  biroq, endi birday bosim ostidagi tarkibi bir jinsli bo‘lgan gaz bilan to‘ldirilgan I va II idishlarni ko‘raylik. Ikkala idish ko‘ndalag kesim yuzi  $S$  va uzunligi  $l$  bo‘lgan nay bilan birlashtirilgan. Vaqtning biror paytida biz ko‘rayotgan idishlardagi gazning temperaturalari  $T_1$  va  $T_2$  ga teng bo‘lsin, aniq bo‘lishi uchun  $T_1 > T_2$  deb olamiz.

Agar gazni o‘z holiga qo‘yilsa, u holda issiqlik o‘tkazuvchanlik tufayli ikkala idishda gazning temperaturasi tenglasha boshlaydi, ya’ni temperaturalar farqi

$$\Delta T = T_1 - T_2$$

vaqt o‘tishi bilan kamayadi. Bu protsesni “Temperatura diffuziyasi” deb ham atash mumkin edi. Holbuki, bu yerda haqiqiy ma’nodagi diffuziya ham bo‘ladi. Chunki idishlardan biridagi temperatura boshqasidagidan yuqori bo‘lsa, u holda bu temperatura yuqori bo‘lgan idishda tez molekulalar ko‘proq ekanligini anglatadi, chunki temperatura molekulalarning o‘rtacha kinetik energiyalari orqali aniqlanadi va katta tezlikli molekulalar qancha bo‘lsa, temperatura shuncha yuqori bo‘ladi. Issiqlik o‘tkazuvchanlik protsessida bu zarralarning tezroq diffuziyasi ro‘y beradi va u issiqlik o‘tkazuvchanlik protsessida muhim rol o‘ynaydi. Endi temperaturalar farqining vaqtga bog‘liq holda kamayish qonunini topaylik. (27.1) ga muvofiq, nay orqali o‘tgan issiqlik oqimi tenglama bilan aniqlanadi. Mulohazalarimiz soddarоq bo‘lishi uchun

birlashtiruvchi nay bo'ylab temperatura tekis o'zgaradi va uning ixtiyoriy uzunlik birligiga birday temperaturalar farqi mos keladi, deb olaylik. U holda cheksiz kichik kattaliklardan foydalanish zaruriyati qolmaydi va shunday yozish mumkin bo'ladi:

$$\frac{dT}{dx} = \frac{\Delta T}{l}, \quad Q = -x \frac{\Delta T}{l}$$

Cheksiz kichik  $dT$  vaqt oraliq'ida  $I$  idishdan  $II$  idishga nay orqali quyidagi issiqlik miqdori o'tadi:

$$dQ = -x \frac{\Delta T}{l} S dt \quad (27.2)$$

Buning natijasida  $I$  idishdagi gaz temperaturasi biror  $dT_1$  miqdor kamayadi,  $II$  idishda esa  $dT_2$  miqdor ortadi.  $II$  idishda temperaturaning aynan qanchaga ortishi va  $I$  idishda aynan qanchaga pasayishi gazning S issiqlik sig'imiga bog'liq? Issiqlik sig'imi o'z navbatida gazning solishtirma issiqlik sig'imi  $c_v$  bilan uning massasi  $m$  ning ko'paytmasiga teng. Issiqlik miqdori va temperaturaning o'zgarishi orasidagi bizga ma'lum bo'lgan bog'lanish munosabatlaridan

$$dT_1 = \frac{dQ}{m_1 c_v}, \quad dT_2 = \frac{dQ}{m_2 c_v}$$

bo'lishi ravshan, bu yerda  $m_1$  va  $m_2$  lar mos ravishda  $I$  va  $II$  idishlardagi gaz massalari;  $dT_1$  va  $dT_2$  – temperatura o'zgarishlarining absolut qiymatlari agar idishlardagi gazning zichligi  $p$  bo'lsa, u holda

$$m_1 = pV_1, \quad m_2 = pV_2$$

bo'ladi va bundan

$$dT_1 = \frac{dQ}{pV_1 c_v}, \quad dT_2 = \frac{dQ}{pV_2 c_v}$$

Temperaturaning  $I$  idishda  $dT_1$  ga kamayishi va  $II$  idishda  $dT_2$  ortishi ular orasidagi temperaturalar farqini quyidagi

$$d(\Delta T) = dT_1 + dT_2 = \frac{dQ}{pc_v} \left( \frac{1}{V_1} + \frac{1}{V_2} \right) = \frac{dQ}{pc_v} \cdot \frac{V_1 + V_2}{V_1 \cdot V_2}$$

kattalikka kamayishiga olib keladi. Bunga  $dQ$  ning (27.2) dagi qiymatini qo'yib, quyidagini olamiz:

$$d(\Delta T) = -\frac{xS\Delta T}{lpc_v} \cdot \frac{V_1 + V_2}{V_1 \cdot V_2} dt$$

Avvalgidek  $\frac{V_1 \cdot V_2}{V_1 + V_2}$  keltirilgan hajmni  $V_0$  orqali belgilaymiz. U holda

$$d(\Delta T) = -\frac{xS\Delta T}{lpc_v} \text{ yoki } \frac{d(\Delta T)}{\Delta T} = -\frac{xS}{lpc_v V_0} dt$$

By tenglamalarini integrallab, quyidagilarni olamiz:

$$\ln \Delta T = -\frac{xS\Delta T}{lpc_v V_0} t + \ln A \quad (27.3)$$

Bu yerda  $A$  – integrallash doimiysi. Bu doimiy temperaturalar farqi boshlang'ich paytda, ya'ni  $t_0 = 0$  da  $(\Delta T)_0$  ga teng degan mulohazadan oson aniqlanishi mumkin, binobarin (27.3) ga  $t_0=0$  va  $\Delta T=(\Delta T_0)$  larni qo'yib,  $A=(\Delta T)_0$  ekanini keltirib chiqaramiz. Demak,

$$\Delta T = (\Delta T)_0 \exp\left(-\frac{xS}{lpc_v V_0} t\right) \quad (27.4)$$

(27.4) tenglama  $t$  vaqt o'tishi bilan temperaturaning issiqlik o'tkazuvchanlik vositasida tenglanishiga doir bizni qiziqtirgan Qonunni ifodalaydi. Bu qonun konsentratsiyaning diffuziya vositasida tenglashish qonuniga tomonila o'xshashdir.

Ikkala holda ham tenglashish eksponensial qonunga muvofiq amalga oshadi.

Nostatsionar issiqlik uzatish miqdori quyidagi (27.5) formula orqali aniqlanadi:

$$\Delta m = (\Delta n) \exp(-D \frac{S}{V_0 l} t)$$

bu holda agar  $\chi/pc_v = D$  deb olinsa, (27.4) va (27.5) ikkala tenglamalarning o'ng qismidagi eksponensial ko'paytuvchilar mos kelishi ko'rindi. Demak,  $\chi/pc_v$  ifoda "temperatura diffuziyasi" koeffitsienti ekan.  $\chi/pc_v$  kattalik gazning xossalariiga bog'liq bo'lib, temperaturaning tenglashish tezligini xarakterlaydi. Shuning uchun bu kattalik gazning (har qanday boshqa jismning ham) temperatura o'tkazuvchanlik koeffitsienti nomini olgan.

$S/V_0 l$  ifoda sof geometrik kattalik bo'lib, faqat apparaturani xarakterlaydi. Temperatura o'tkazuvchanlik koeffitsienti ham diffuziya singari  $m^2/sek$  larda o'lchanadi. Diffuziyani ko'rganimizdagi singari. Bu yerda ham issiqlik o'tkazuvchanlik vaqt doimiysini kiritamiz:

$$\tau = \frac{pc_v IV_0}{\chi S} \quad (27.6)$$

Bu shunday vaqt oralig'i, uning davomida gazning issiqlik o'tkazuvchanligi natijasida ikki hajm orasidagi temperaturalar farqi aniqlanadi.

### **Stasionar issiqlik o'tkazuvchanlik. Issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsientini hisoblash**

Gaz molekulalarining issiqlik harakati tufayli gaz egallagan hajmdagi har qanday kesimni molekulalar kesib o'tadi. Avval ko'rganimizdek, temperaturalar farqi o'zgarmas saqlanadigan (stasionar protsess)  $X$  o'qqa perpendikular biror  $S$  yuzini ko'raylik.  $T_1$  temperaturani  $T_2$  ga nisbatan katta deb qabul qilamiz.

$S$  yuza orqali molekular chapdan o'ngta ham, o'ngdan chapga ham o'tadi va gar gazning bosimi barcha nuqtalarda birday bo'lsa, u holda  $S$  birlik yuzani 1 sek ichida chapdan o'ngga va o'ngdan chapga kesib o'tuvchi molekulalar soni birday bo'lishi ravshan. Biroq, chapdan kelayotgan molekulalar yuzga o'ngdan

kelayotgan molekulalarga qaraganda ko‘p energiya olib keladi, chunki ular yuqoriq temperaturali sohadan keladi. Shuning uchun molekulalarning chapdan o‘ngga olib kelayotgan energiyalari farqi teng issiqlik oqimi (chapdan o‘ngga) vujudga keladi.

Avvalgidek  $1 \text{ sm}^2 1 \text{ sek}$  ichida chapdan o‘ngga kesib o‘tayotgan molekulalar soni  $N_1$  ni  $\frac{1}{6} nvU_1$  ga teng deb hisoblash mumkin. Xuddi shuningdek, o‘ngdan chapga  $N_2$  molekulalar o‘tadi, bu yerda ham  $N_2 = \frac{1}{6} nv$  ga teng. By yerda  $v$  molekulalar issiqlik harakatining o‘rtacha tezligi va  $n$  — hajm birligidagi molekulalar soni.  $N_1$  va  $N_2$  molekulalar sonining teng ekanligini, biroq ular olib keladigan energiyaning har hil ekanini hozirgina qayd qilib o‘tdik. Endi shu energiyalarni topaylik.

S yuzga chapdan kelayotgan molekulalar uning oldidagi oxirgi to‘qnashuvdan so‘ng ega bo‘lgan energiyalar bilan keladilar. Turli molekulalar uchun erkin yugurish yo‘li uzunligi turlicha, lekin qo‘polroq qilib yuzaga kelayotgan barcha molekulalar undan o‘rtacha erkin yugurish yo‘li uzunligi  $X$  ga teng bo‘lgan masofada oxirgi to‘qnashuvga duch kelganlar deb qabul qilish mumkin. Shunga muvofiq, yuzaga chapdan kelayotgan molekulalar  $S$  yuzadan  $X$  ga teng masofada bo‘lgan nuqtadan  $T$  temperaturaga mos  $U_1$  ega deb olish mumkin. Bu molekulalarning  $1 \text{ sek}$  da  $1 \text{ sm}$  yuzaga olib kelayotgan energiya miqdori

$$Q_1 = \frac{1}{6} Nv U_1 \quad (27.7)$$

ga teng.

### **Issiqlik o‘tkazuvchanlik koefitsienti va molekulalarning o‘lchamlari**

(5.2) tenglamani birmuncha o‘zgartirish mumkin, buning uchun undagi 1 o‘rmini uning (1.4) formuladagi qiymatini qo‘yamiz. U

holda issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsientining ifodasi quyidagi ko'rinishga keladi:

$$\chi = \frac{\bar{v} C_v}{3\sqrt{2qN_0}}, \text{ bunda } q=4pr^2 \quad (27.8)$$

$\bar{v}$  va  $C_v$  kattaliklar boshqa manbalardan ma'lum. Shuning uchun, agar issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsientining qiymati o'lgan bo'lsa, bu formulalar molekulalarning ko'ndalang kesimi  $q$  yoki radiusini baholashga xizmat qilishi mumkin.

Masalan: o'lchash ma'lumotlariga ko'ra, kislородning issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsienti  $0^\circ\text{C}$  da  $0.024 \text{ Vt/m}\cdot\text{K}$  ga teng.  $\bar{v}$  va  $C_v$  ning bizga ma'lum bo'lgan qiymatlaridan foydalanib, quyidagi qiymatni keltirib chiqaramiz:

$$q = \frac{\bar{v} C_v}{3\sqrt{2qN_0}} \approx \frac{5 \cdot 10^2 \cdot 20,9}{3 \cdot 1,4 \cdot 0,024 \cdot 6,02 \cdot 10^{22}} = 1,7 \cdot 10^{-12} \text{ m}^2$$

bundan molekulaning radiusi

$$r = \sqrt{\frac{q}{4\pi}} \approx 1,4 \cdot 10^{-12} \text{ m}$$

Ko'plab gazlarning molekulalari o'lchamlari – kattalik jihatidan birday tartibdadir. Buni 27.1-jadvaldan ham ko'rish mumkin.

27.1-jadval

Gaz	Molekulalarning diametri	Gaz	Molekulalarning diametri
Vodorod	$2,74 \cdot 10^{-10} \text{ m}$		
Geliy	$2,18 \cdot 10^{-10} \text{ m}$	Kislород	$3,61 \cdot 10^{-10} \text{ m}$
Azot	$3,75 \cdot 10^{-10} \text{ m}$	Argon	$3,64 \cdot 10^{-10} \text{ m}$

Shunday qilib, issiqlik o'tkazuvchanlikning (27.8) ifodasiga kiruvchi kattaliklardan  $C_v$  va q barcha ideal gazlar uchun taxminan birday ekan. Shuning uchun o'tkazuvchanlik koefitsienti qiymatidagi farq faqat molekulalar o'rtacha tezliklari  $\alpha$  qiyatlariga bog'liqligi bilan tushuntirilishi mumkin. Berilgan temperaturada molekulalarning  $\nu$  tezligi ularning massalariga bog'liq bo'lgan uchun shuni kutish mumkinki, molekulalarning issiqlik harakati tezligi katta bo'lgan yengil gazlarda issiqlik o'tkazuvchanlik koefitsienti og'ir gazlardagiga nisbatan katta bo'ladi. Bu tajriba yaqqol tasdiqlanadi, uni gazlar issiqlik koefitsientlari haqida tajriba ma'lumotlari keltirilgan 27.2-jadvalda ko'rish mumkin.

### 27.2-jadval

Gaz	$q$ $\text{Vt}/\text{m}\cdot\text{K}$	Gaz	$q$ $\text{Vt}/\text{m}\cdot\text{K}$
Vodorod	0,176	Kislorod	0,024
Geliy	0,142	Karbonat angidrid	0,014

Vodorodning issiqlik o'tkazuvchanligi yaxshi bo'lgani uchun ba'zi sanoat agregatlarini suv bilan sovitish mumkin bo'lмаган hollarda, masalan, yirik turbogeneratorlarni sovitish uchun ishlataladi.

Agar molekulalarning o'lchamlari qandaydir boshqa o'lchamlardan ma'lum bo'lsa, issiqlik o'tkazuvchanlikin o'lchashdan q'ning qiymatini aniqlash kerak. Molekulalar ulchamlarini, albatta, boshqa ko'chish koefitsientlaridan hisoblash mumkin.

### Issiqlik o'tkazuvchanlik koefitsientini o'lhash

Gazlar issiqlik o'tkazuvchanligini eksperimental o'rGANISH odatda shuning uchun qiyinlashadiki, gazda issiqlikning ko'chishi faqat biz yuqorida bayon qilgan issiqlik o'tkazuvchanlik mexanizmi bilangina emas, shuningdek, gazda oson vujudga keladigan erkin konveksiya yo'li bilan ham ro'y beradi. Konveksiya-temperaturalar farqi bo'lganda og'irlilik kuchi ta'sirida gaz massasi birgalikda issiqlikning

ko‘chishidir. Konveksiya ham issiqlik o‘tkazuvchanlik singari, gazda temperaturani baravarlashtirishga intiladi, shuning uchun tajribada issiqlik uzatishning bu ikki mexanizmini bir-biridan ajratish qiyin. Shu sababli issiqlik o‘tkazuvchanlikni o‘lchashda konveksiya yuzaga kelmaydigan sharoitlarni amalga oshirish kerak, issiqlik o‘tkazuvchanlik koeffitsientini o‘lchashning keng tarqalgan usullaridan biri quyidagicha tavsiflanadi.

Tadqiq qilinayotgan gaz bilan radiuslari  $r_1$  va  $r_2$  bo‘lgan ikki koaksial silindrler orasidagi fazo to‘ldiriladi. Bu silindrlardan biri (deyarli hamma vaqt ichki silindr)  $W$  quvvat iste’mol qiladigan elektr pechi yordamida qizdiriladi, ikkinchisi esa uning temperaturasi  $T_2$  o‘zgarmas saqlanishi uchun sovitiladi. Ichki silindr sifatida hamma vaqt tok o‘tib turadigan ingichka sim olinishi mumkin, uning o‘sh qizdirgich bo‘la oladi.

Qizdirgich ishga tushirilgandan biroz vaqt o‘tgach, stasionar holat qaror topib, qizdirilayotgan ichki silindrning  $T_1$  temperaturasi ham o‘zgarmas bo‘lib qoladi. Shu bilan ichki va tashqi silindrler orasida o‘zgarmas temperaturalar farqi  $T_1 - T_2$  qaror topadi. Bu temperaturalar farqining kattaligi gazning issiqlik o‘tkazuvchanligiga bog‘liq bo‘ladi. Bunday bog‘lanishni aniqlash qiyin emas.

Agar silindrning balandligi h bo‘lsa (konveksiya tufayli xatoga yo‘l qo‘ymaslik uchun silindri tik o‘rnataladi), u holda ixtiyoriy  $r$  gradiusli  $S$  silindrik kesim (ya’ni  $S = 2\pi rh$ ) orqali 1 sek da oqib o‘tuvchi issiqlik miqdori quyidagi tenglama bilan aniqlanadi:

$$Q = -\chi \frac{dT}{dr} S \quad (27.9)$$

Bu yerda  $\frac{dT}{dr}$  silindr radiusi bo‘ylab temperatura gradiyenti, agar silindrning balandligi uning radiusiga qaraganda yetarlicha katta bo‘lsa, u holda silindr o‘qi bo‘ylab temperaturani hamma joyda birday deb olish mumkin.

Stasionar holatda  $W$  qizdirgichning quvvati  $Q$  ga teng. Binobarin,

bunda

$$W = -2\pi rhx \frac{dT}{dr}$$
$$\frac{dT}{dr} = -\frac{W}{2\pi rh} \frac{1}{r} \text{ yoki } dT = -\frac{W}{2\pi rh} \frac{dr}{r}$$

Bu ifodani integrallaymiz:

$$T = -\frac{W}{2\pi rh} \ln r + C \quad (27.10)$$

Bu yerda  $C$  – integrallash doimiysi bo‘lib, uni  $r=r_1$  bo‘lganda temperatura  $T=T_1$ , va  $r=r_2$  bo‘lganda  $T=T_2$  shartlaridan topish mumkin, ya’ni

$$T_1 = -\frac{W}{2\pi rh} \ln r_1 + C, \quad T_2 = -\frac{W}{2\pi rh} \ln r_2 + C,$$

$$T_1 = T_2 = \frac{W}{2\pi rh} \ln \frac{r_2}{r_1}$$

Shunday qilib, qizdilayotgan silindrning qaror topgan temperaturasi quyidagicha bo‘ladi:

$$T_1 = T_2 + \frac{W}{2\pi rh} \ln \frac{r_2}{r_1}$$

$T_1$  va  $T_2$  temperaturalarni o‘lchab va asbobning geometrik o‘lchamlari hamda qizdirgichning quvvatini bilgan holda, issiqlik o‘tkazuvchanlik koefitsientini hisoblash mumkin:

### **Tayanch tushunchalar:**

Konveksiya, gazlar, issiqlik o‘tkazuvchanligi, eksperimental, stasionar protsess, stasionar diffuziya, diffuziya koefitsientini hisoblash, o‘zaro diffuziya koefitsienti, termik diffuziya hodisalar, gazlarning konsetratsiyasi.

## Mavzuga doir savollar:

1. Issqlik o'tkazuvchanlik koefitsienti qanday o'lchanadi?
2. Molekulalarning o'lchamlari deganda nimani tushunasiz?
3. Stasionar protses nima?
4. Issiqlik uzatishning qanday mehanzmlarini bilasiz?

Gazlarda va suyuqliklarda tabiiy va majburiy konvektiv issiqlik almashinuvi farqlanadi. Issiqlik oqimi nasoslar, shamol haydagich yoki shamol yordamida majburiy harakatga keltiriladi.

### 28. Konveksiya hodisasi. Gaz va suyuqliglarda konveksiya. Erkin va majburiy konveksiya. Konvektiv issiqlik almashinuvning differensial tenglamasi. Quyosh suv isitgichida konvektiv issiqlik almashinuv

Odatda gaz va suyuqlik qattiq jism sirtiga tegib harakatlanganda isiydi yoki soviydi. Masalan: qizdirilgan pech va uning mo'risiga sirpanib tegib o'tadigan havo yoki suyuqlik isiydi. Qozonxonadan trubalarga uzatiladigan issiqlik suv yoki bug' shu trubalarni va batareyalarni qizdiradi. Xonadagi havo qizigan trubalarga va batareyalarga tegib isiydi hamda xonani isitadi va h.k. Qattiq jism sirti bilan suyuqlik yoki gaz (havo) orasida sodir bo'ladigan bu hodisaga issiqlik almashinuvi deyiladi.

Agar issiqlik uzatiladigan (qattiq jism) devorning temperaturasi  $T_d$  va shu devorni sirti bilan o'zaro sirpanib o'tadigan issiqlik tashuvchi (gaz, havo, suyuqlik)ning temperaturasi  $T_c$  bo'lsa, u holda qattiq jismdan beriladigan issiqlik konvektiv issiqlik almashinuv miqdori  $Q$ , issiqlik almashinuv sirti  $F$  ga proporsional bo'ladi:

$$Q = \alpha F(T_d - T_c) \quad (28.1)$$

Bu formulaga N'yuton-Rihmanning konvektiv issiqlik

almashinuv formulasi deyiladi. Bunda issiqlik almashinuvi qattiq jism sirtidan suyuqlik yoki gazga va aksincha bo‘lishi mumkin.

(28.1) formuladagi 6-issiqlik berish koeffitsienti deyiladi va  $Bm/(m^2K)$  larda o‘lchanadi. Bu koeffitsient konvektiv issiqlik almashinuv intensivligini bildiradi. (28.1) formuladan

$$\alpha = \frac{Q}{F(T_s - T_c)} = \frac{Q}{T_s - T_c} \quad (28.2)$$

ko‘rinishida ifodalanadi.  $\alpha$ -issiqlik berish koeffitsientining qiymati turli nuqtalarda turlicha bo‘ladi.

Agar issiqlik tashuvchi gazsimon yoki suyuq moddalar qattiq jism devorlari bilan o‘zaro ta’sirlashadigan bo‘lsa, bunda sodir bo‘ladigan konvektiv issiqlik almashinuvidagi solishtirma issiqlik oqimini Fure quyidagi tenglama orqali aniqlash mumkinligini ko‘rsatdi:

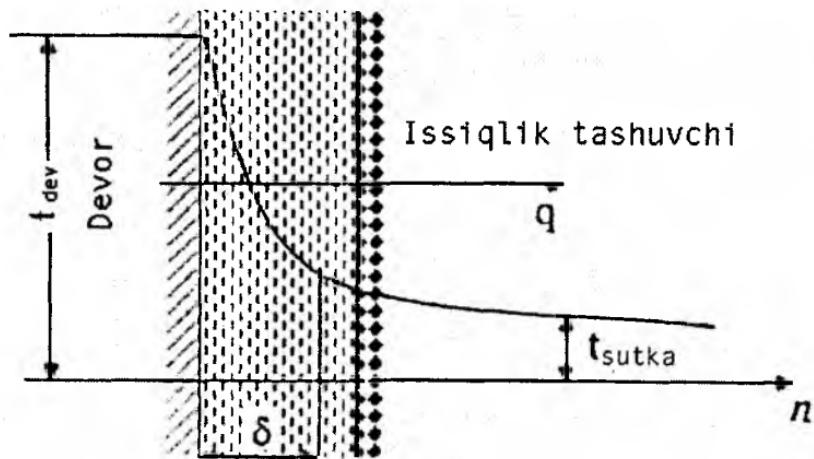
$$q = -\lambda \left| \frac{dT}{dn} \right|_F \quad (28.3)$$

bu yerda  $\lambda$  – issiqlik tashuvchi (gaz yoki suyuqlik) ning issiqlik uzatish koeffinienti,  $kj/(m soam K)$ ;  $n$  – qizdirilgan yuzaga nisbatan

normal;  $\left| \frac{dT}{dn} \right|_F$  – issiqlik tashuvchi temperatura o‘zgarishining normalga nisbatan gradiyenti deyiladi.

(28.3) formula differensial tenglama yordamida ifodalanadi va keltirib chiqariladi. Dastlab (28.2) formulaning asoslanishini 1-rasm yordamida tushuntirish mumkin.

Ko‘p sonli tajribalar shuni ko‘rsatadiki, qizigan devor yaqinida issiqlik tashuvchining oqimi muallaq bo‘lib, devordan duzoqlikda oqim turbulent rejimni oladi.



28.1-rasm. Issiqlik tashuvchining chegara qatlami.

Chunki  $\delta$  qatlamda issiqlik tashuvchining temperaturasi vaqt bo'yicha tez o'zgarib boradi. Bu qatlamga yopishqoq qatlam oqimi deyiladi. Shuning uchun bu qatlamda konvektiv issiqlik almashinuvi sodir bo'lmaydi, ya'ni issiqlik oqimi devordan issiqlik uzatish bilan beriladi. Demak, issiqlik o'zgarishining gradiyenti

$$\left| \frac{dT}{dn} \right| \approx -\frac{t_q - t_c}{\delta} \quad (28.4)$$

ga teng bo'ladi. (4) ni (3) ga qo'yib

$$q = \frac{\lambda}{\delta} (t_q - t_c) = a \Delta t \quad (28.5)$$

ni hosil qilamiz. Bu yerda  $\frac{\lambda}{\delta} = \alpha$  bilan belgilanadi va issiqlik berish koefitsienti deb ataladi. (28.5) va (28.1) formulalarni o'zaro tenglashtiramiz:

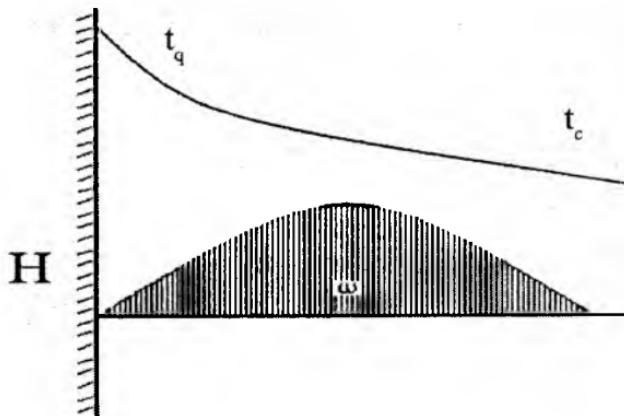
$$\lambda \Delta t = -\lambda \left| \frac{dT}{dn} \right|_F$$

yoki

$$\lambda = -\frac{\lambda}{\Delta t} \left| \frac{dT}{dn} \right|_F \quad (28.6)$$

Ushbu formulaga konvektiv issiqlik berish koeffitsientini aniqlashning matematik ifodalanishi deyiladi.

Gazlarda va suyuqliklarda tabiiy va majburiy konvektiv issiqlik almashinuvi farqlanadi. Issiqlik oqimi nasoslar, shamol haydagich yoki shamol yordamida majburiy harakatga keltiriladi. Tabiiy issiqlik oqimi suyuqlik va gazlar qizigan qattiq jism bilan ta'sirlashganda hosil bo'ladi (28.2-rasmga qarang).



28.2-rasm. Balandligi  $H$  bo'lgan issiqlik beruvchi sirt bilan tabiiy harakatlanuvchi havoning o'zaro ta'sirlashuvida uning tezligi va temperatura ( $t_d - t_c$ ) taqsimlanishi keltirilgan.

Issiqlik kengayishi intensivligi temperaturaning hajm kengayish koeffitsienti

$$\beta = \frac{1}{V} \left( \frac{dV}{dT} \right)_{P-const} \quad (28.7)$$

yordamida xarakterlanadi. Bu yerda  $V = \frac{1}{\rho}$  suyuqlikning solishtirma hajmi. Gazlar uchun hajm kengayish koeffitsienti 1834-yilda Klapeyron tomonidan

$$\beta = \frac{1}{T} \quad (28.8)$$

ko‘rinishda tavsiya etildi. Tomchisimon suyuqliklar (masalan, geliootplisa, gelioparnik, geliosovitgich qurilmalarining tiniq yuzalarining sirtida hosil bo‘ladigan tomchi-kondensatlar) uchun temperaturaning hajmiy kengayishi koeffitsienti gazlardagiga nisbatan kichik bo‘ladi:

$$\beta = \frac{1}{V} \left( \frac{V V_c}{t - t_c} \right) = \frac{\rho_c - \rho}{\rho_c(t - t_c)} \quad (28.9)$$

Issiqlik tashuvchining zichliklar farqi

$$\rho_c - \rho = \beta \rho(t - t_c) \quad (28.10)$$

bilan ifodalanadi. Tomchini muallaq saqlab turishidan ko‘taruvchi kuch  $F_k$  Arximed itaruvchi kuchi  $A = p g$  va og‘irlik kuchi  $G = pg$  ning algebraik yig‘indisiga teng bo‘ladi:

$$F_k = A + G = g(p_c - p) = \beta p_c g(t - t_c) \quad (28.11)$$

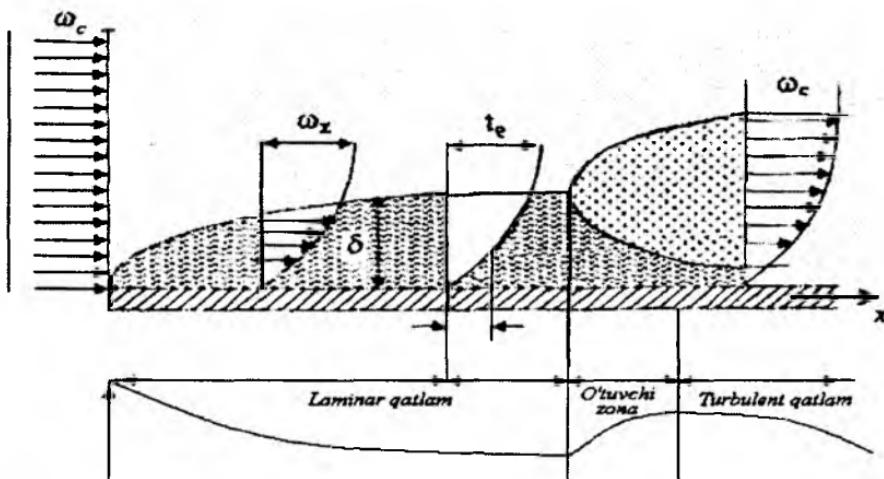
Bu ko‘taruvchi kuch isigan suyuqlik yoki gaz (havo)ni yuqoriga tomon tabiiy ravishda ko‘tarilishiga ta’sir etadi. Sovigan suyuqlik yoki gaz tabiiy ravishda pastga va qizigan suyuqlik yoki gaz tabiiy ravishda yuqori tomonga harakatlanadi. Ammo suyuqlik yoki gazni ichki ishqalanish koeffitsienti dinamik yopishqoqlik koeffitsienti

$$\mu \left( \frac{mc}{m^2} \right) \text{ ya’ni } (\Pi as) \text{ va kinematik yopishqoqlik koeffitsienti } v = \frac{\mu}{\rho},$$

(m<sup>2</sup>/s) ga bog‘liq bo‘ladi.

Shuning uchun, issiqlik tashuvchini majburiy konveksiyaga o'tkazish bilan issiqlik almashinuvini intensivligiga erishish mumkin.

Termosifon sistemalarda gidrodinamik va issiqlik almashinuv qatlamlarida jarayonlar issiqlik tashuvchining tezligi  $o_s$  ga va temperaturasi  $T_s$  larga bog'liq bo'ladi (28.3-rasm).



28.3-rasm. Yupqa plastinkadan oqib o'tuvchi suyuqlikni chegara qatlama hosil bo'lishi (a) va issiqlik berishda mahalliy koeffitsientining taqsimlanishi (b)

Plastinka sirtiga yaqin zonada suyuqlik zarralari yopishqoqlik tufayli tezlik juda kichik oqim qatlamida esa  $w_c$  ga teng bo'ladi. Suyuqlik oqiminining bu qatlamiga gidrodinamik chegara qatlam deyiladi va u noldan  $w_c$  gacha ortib boradi hamda qalinligi  $d_m$  ga teng bo'lib, tezligi  $0,99 w_c$  ga teng bo'ladi.

Suyuqlik oqiminining chegara qatlami  $d_m$  ga tenglashgungacha bo'lgan zonada oqim laminar rejim bilan harakatlanadi.  $X-X_{kp}$  holatgacha masofada suyuqlik oqimi laminar bo'lib, o'tuvchi chegara qatlami zonasidan keyin suyuqlik oqimi uyurma shaklda harakatlana boshlaydi. Bu zonada plastinka va suyuqlik temperaturalarini

o‘zgarishi  $Q=t_c-t_g$  yoki 0.99 ( $t_c-t_g$ ) ga teng bo‘ladi. Laminar oqimda sutklik o‘tkazuvchanlik yo‘li bilan issiqlik suyuqlikdan plastinkaning ko‘ndalang devorlariga tomon uzatiladi. Ammo oqim qatlami bo‘ylab uzatiladigan issiqlik bir xil bo‘lmaydi. Tashqi (chetki) chegara qatlamlarda uzatiladigan issiqlik oqimining zichligi nolga teng bo‘ladi. Oqim markazi qatlamlariga tomon qiymati o‘zgarib boradi, ammo oqim qatlami bo‘yicha s ning qiymati bir xil bo‘ladi. Shuningdek, issiqlik uzatish jarayoni yassi devorda bo‘lgani singari plastinka qalinligi 8,, va temperaturalar farqi  $t_c - t_g$  lar orqali aniqlanadi, ya’ni:

$$g \approx \frac{\lambda(t_c - t_g)}{\delta_m} \quad (28.12)$$

Bu formulani (28.1) va (28.2) formulalar bilan tenglashtiramiz:

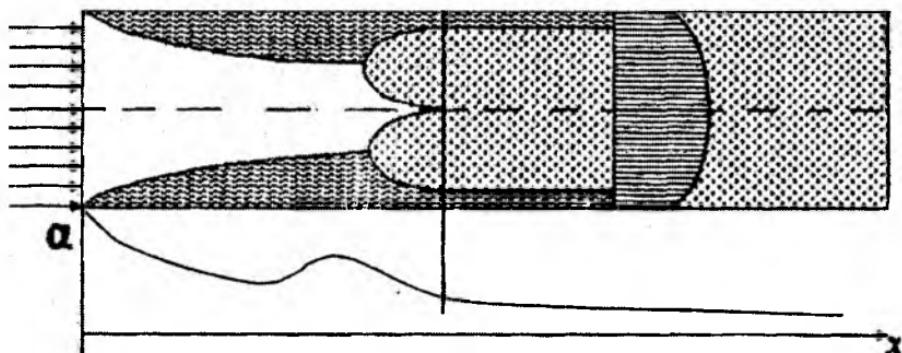
$$q = \frac{\lambda}{\delta_T} (t_c - t_q)$$

$$\alpha \approx \frac{\lambda}{\delta_T} \quad (28.13)$$

Plastinkada oqadigan suyuqliknin laminar rejimida  $\alpha$  – issiqlik berish koeffitsienti bir xil qiymatga ega bo‘ladi, ammo oqimning o‘tish zonasida issiqlik berish koeffitsienti kamayib boradi. Agar oqimning rejimi turbulent bo‘lsa, issiqlik berish-issiqlik uzatish va konvektiv issiqlik uzatish orqali intensiv amalga oshadi hamda oqim qatlami ortib borishi bilan issiqlik koeffitsienti ham kamayib boradi. (28.13) formuladan ko‘rinib turibdiki, gazlarda issiqlik berish koeffitsienti kichik qiymatga ega bo‘lib, tomchisimon suyuqliklardagi issiqlik uzatishdan ham kichik bo‘ladi. Suyuqliklar va metallardagi issiqlik uzatishdan esa undan ham kichik bo‘ladi.

B ning gazlardagi, jumladan havodagi qiymati  $b = 10-20 \text{ Vt}/(\text{m}^2 \text{ K})$  ga teng bo‘ladi. Havoning majburiy harakati sekundiga bir necha o‘n metr bo‘lganda  $b = 50-100 \text{ Vt}/(\text{m}^2 \text{ K})$  atrofida bo‘ladi. Agar jismning sirti tomchi oqimi bilan yuviladigan bo‘lsa, u holda issiqlik berish koeffitsientining qiymati  $b = 1000 \text{ Vt}/(\text{m}^2 \text{ K})$  atrofida bo‘ladi.

Suyuqlik quvurning perimetri bo‘ylab oqadigan bo‘lsa, oqimning rejimi dastlab devor yaqinida laminar bo‘lib, keyin stabillashadi va turbulent holatni egallaydi.



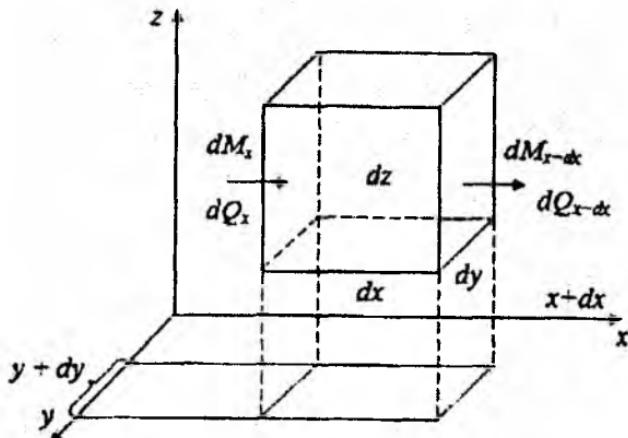
28.4-rasm. Suyuqlik qatlamining hosil bo‘lishi (a) va quvurda suyuqlik turbulent rejimda oqishida mahalliy issiqlik berish koeffitsienti (b).

### Konvektiv issiqlik almashinuvining differensial tenglamalari

Issiqlik almashinuv protsessini tekshirish uchun sohaning kichik differensial bo‘lagini ajratib olamiz va shu sohada bo‘ladigan issiqlik va massa almashinuvini tahlil qilamiz.

Uzluksizlik tenglamasini keltirib chiqarish uchun hajmi  $dV$  bo‘lgan paralelopipedni ajratib olamiz. Uning tomonlari  $dx, dy, dz$  bo‘lsin.  $X$  o‘qiga perpendikulyar bo‘lgan tomon orqali  $d\phi$  vaqt ichida o‘tadigan suyuqlik massasini  $dM_x$  desak, u quyidagicha aniqlanadi:

$$dM_x = p v_x dy dz d\phi \quad (28.14)$$



28.5-rasm. Differensial kichik hajm suyuqlik oqimida massa va issiqlik miqdorini hisoblash.

bu yerda,  $\rho_x$  – suyuqlik tezligining o‘qdagi proyeksiyasi. Agar  $dM$  suyuqlik massasini  $x+dx$  tomoni orqali o‘tadigan qismini aniqlamoqchi bo‘lsak, u holda (28.14) formulani Teylor funksiyasi bo‘yicha qatorga yoyamiz, ya’ni:

$$dM_{x+dx} = dM_x + d/dx(dM_x)dx + \dots \quad (28.15)$$

$dM_x$  va  $dM_{x+dx}$  larni ayirmasi parallelopipedning qarama-qarshi tomonidan o‘tadigan suyuqlik massasini xarakterlaydi:

$$dM_x - dM_{x+dx} = -d/dx(dM_x)dx \quad (28.16)$$

suyuqlik siqilmaydigan bo‘lsa  $\rho = const$

$$dM_x - dM_{x+dx} = -\rho \frac{dv_x}{dx} dx dy dz d\tau = -\rho \frac{dv_x}{dx} dV d\tau \quad (28.17)$$

ga teng bo‘ladi.

Parallelopipedning qolgan tomonlari uchun ham (28.17) formulani yozadigan bo‘lsak:

$$dM_y - dM_{y+dy} = -\rho \frac{dv_y}{dy} dV d\tau$$

$$dM_z - dM_{z+dz} = -\rho \frac{dv_z}{dz} dV d\tau \quad (28.18)$$

bo'ladi. (28.17) va (28.18) larni o'zaro qo'shsak,  $p \neq O$ ,  $dV \neq O$  va  $d\tau \neq O$  bo'lgan uzluksizlik tenglamasi quyidagi ko'rinishga keladi:

$$\frac{dv_x}{dx} + \frac{dv_y}{dy} + \frac{dv_z}{dz} = 0 \quad (28.19)$$

Suyuqlikning energiyasining differensial tenglamasini ham energiyaning saqlanish qonuniga asosan yuqoridagi metod yordamida aniqlash mumkin.

Agar parallelopipedning tomonlari orqali issiqlik kuzatishda  $dV$  hajmiga va qizigan suyuqlik oqimi bilan konveksiya tufayli issiqlik oqimi bilan issiqlik almashinuvi sodir bo'lsa, u holda  $d\phi$  vaqt davomida  $X$  o'qiga nisbatan issiqlik uzatish bilan oqib o'tadigan suyuqlikni issiqlik miqdori:

$$\delta Q_{xx} = \left( -\lambda \frac{dt}{dx} \right) dy dz d\tau \quad (28.20)$$

Konveksiya tufayli oqib o'tadigan suyuqlikning issiqlik miqdori:

$$dQ_{xx} = (\rho v_x h) dy dz d\tau \quad (28.21)$$

ga teng bo'lib, bu yerda  $h = C_{pt}$  – suyuqlik entalpiyasidir. Bunda yig'indi issiqlik miqdori:

$$\delta Q_x = \delta Q_{\lambda x} + \delta Q_{xx} = (\rho v_x h - \lambda \cdot dt/dx) dy dz d\tau \quad (28.22)$$

ga teng bo'ladi.

Bu yerda ham (28.17) formulaga o'xshash parallelepipedning

chap tomonidan kiradigan issiqlik miqdori  $\delta Q_x$  va o'ng tomondan chiqib ketadigan issiqlik miqdori  $\delta Q_{x+dx}$  larning farqi

$$\begin{aligned} \delta Q_x - \delta Q_{x+dx} &= d/dx(\delta Q_{xx}) dx = \\ &= [\lambda \cdot d^2 t / dx^2 - \rho (\nu_x \cdot dh/dx + h \cdot d\nu_x / dx)] dx dy dz d\tau \end{aligned} \quad (28.23)$$

ga teng bo'ladi.

Termodinamikaning I qonuniga asosan  $\delta Q$  issiqlik suyuqlik entalpiyasining o'zgarishiga sarf bo'ladi. Ya'ni entalpiyaning o'zgarish tezligi  $\frac{dI}{d\tau}$  desak, u holda

$$dI = \left( \frac{dI}{d\tau} \right) d\tau = \rho \left( \frac{dh}{dt} \right) dv d\tau \quad (28.24)$$

Differensial tenglamalar sistemalarining xarakteristikasida quyidagi shartlar bo'lsagina, ularni bir qiymatli deb atash mumkin:

Fizikaviy sharti – muhitning teplofizik holatini xarakterlaydi.  $C_p, \rho, \lambda, \nu, \beta, \alpha$ .

Parametrlar sistemaning shakli, o'lchamlariga bog'liq bo'ladi.

Issiqlik oqimi sistemaning yuzasi orqali uzatiladigan bo'lsa  $d\tau$  vaqt ichida uning miqdori

$$\delta Q_x = -\lambda \left( \frac{dt}{dn} \right)_{n \rightarrow 0} dF \alpha \tau \quad (28.25)$$

Shunga ko'ra, konvektiv issiqlik almashinuvi uchun Nyuton-Rihman formulasi

$$\delta Q_\tau = \alpha (t_c - t_m) dF \alpha \tau \quad (28.26)$$

ga teng bo'ladi. Bundan,

$$\alpha = \frac{\lambda}{t_c - t_m} \left( \frac{dt}{dn} \right)_{n \rightarrow 0} \quad (28.27)$$

(28.27) formulaga issiqlik berishning differensial tenglamasi

deyiladi va bu tenglamani yechish zamonaviy kompyuterlar yordamida bajariladi.

Demak, amalda tajribadan olingen natijalarini ishlab chiqish talab etilsa, o‘xshashlik nazariyasining kriterial tenglamalaridan foydalilaniladi. Bu tenglamani tadbiq etishda yuqoridagi to‘rt shart bajarilishi lozim.

### **Tayanch tushunchalar:**

Konveksiya hodisasi. Gaz va suyuqliklarda konveksiya. Erkin va majburiy konveksiya. Konvektiv issiqlik almashinuvi. Quyosh suv isitgichida konvektiv issiqlik almashinuv.

### **Mavzuga doir savollar:**

1. *Konveksiya hodisasining mohiyatini tushuntiring.*
2. *Gaz va suyuqliklarda bo‘ladigan konveksiya hodisasini aytib bering.*
3. *Erkin va majburiy konveksiyani qanday tushunasiz?*
4. *Quyosh suv isitgichida sodir bo‘ladigan konveksiya hodisasini tushuntirib bering.*

## Foydalanilgan adabiyotlar

1. A.K. Kikoin., I.K. Kikoin. «Molekular fizika» –Т.: «O‘qituvchi», 1978. – 459–467-bet.
2. S.E. Frish va A.V. Timorova «Umumiy fizika kursi» I том –Т.: «O‘qituvchi», 1965. – 403–419-bet.
3. D.V. Sivuxin. “Umumiy fizika kursi”. II т. –Т.: “O‘qituvchi”, 1984.
4. Р.В. Телецнин. «Молекуляр физики». Из-во. «Высшая школа». –М. 1973. – с. 277–283.
5. U.B. Jurayev. Molekular fizika. Samarqand, 1999. – 221-bet.
6. О.Д. Шебалин. «Молекуляр физики». – М.: Из-во. «Высшая школа», 1978. – с.154–164.
7. О. Ahmadjonov. “Fizika kursi” (Mexanika va molekular fizika). –Т.: “O‘qituvchi”, 1985. – 154-bet.
8. R.J. Grabosiy “Fizika kursi”. –Т.: “O‘qituvchi”, 1973. –247–280-bet.
9. K.S. Zohidov «Kristallografiya» o‘quv qo‘llanma. –Т.: «O‘zbekiston», 2003. – 254-bet.
10. D.S. Sivuxin «Umumiy fizika kursi». Termodinamika va molekular fizika». –Т.: «O‘qituvchi», 1984. –490–520-bet.

# MUNDARIJA

## I BO'LIM. MOLEKULAR FIZIKANING MAZMUNI

So‘zboshi.....	3
1. Kirish. Modda haqidagi molekular-kinetik tasavvurlarning rivojlanishi. Modda tuzilishi haqidagi mumtoz va kvant fizikasi modellari hamda mumtoz fizikaning qo‘llanilish chegaralari.....	4
2. Modda xossalari o‘rganishda dinamik, statik va termodinamik usullar. Mikroskopik tizimlarning xarakterli tomonlari .....	10

## II BO'LIM. STATISTIK USUL

3. Ehtimollar nazariyasidan elementar ma’lumotlar. Tasodifiy voqealar va hodisalar. Ehtimollar nazariyasining asosiy tushunchalari. Taqsimot funksiyasi.	
Gauss taqsimoti .....	18
4. Sistemaning makroskopik va mikroskopik holatlari. Binamol taqsimoti. Puasson taqsimoti .....	23

## III BO'LIM. IDEAL GAZLARNING KINETIK NAZARIYASI

5,6. Ideal gaz. Molekular-kinetik nazariyasining asosiy tenglamasi. Issiqlik va harorat, Mutlaq haroratni aniqlash .....	29
7. Ideal gazning holat tenglamasi. Ideal gaz qonunları .....	39
8. Barometrik formula. Bolsman taqsimoti. Molekulalarning tezlik komponentalari bo‘yicha taqsimoti. Maksvell taqsimoti .....	49
9. Maksvell-Bolsman taqsimoti. Fermi-Dirak va Boze-Eynshteyn statistikasi to‘g‘risida tushuncha.....	58

## IV BO'LIM. ISSIQLIKNING KINETIK NAZARIYASI

10. Ideal gazning ichki energiyasi. Ichki energiyaning erkinlik darajasi bo‘yicha taqsimoti qonuni .....	66
11. Ish va issiqlik miqdori .....	69

12. Gaz hajmining o‘zgarishida bajarilgan ish. Adiabatik protsesslar. Ideal gazlar issiqlik sig‘imining tajriba ma‘lumotlaridan chetlashishi. Issiqlik sig‘imining kvant nazariyasi to‘g‘risida tushuncha. Politropik jarayon.....	78
--	----

## **V BO‘LIM. KO‘CHISH JARAYONLARINING ELEMENTAR KINETIK NAZARIYASI**

13. Molekular harakatlar va ko‘chish hodisalari.	
Effektiv kesim yuzi. O‘rtacha erkin yugurish yo‘li .....	88
14. Gazlarda diffuziya va modda ko‘chishi .....	96
15. Gazlarning qovushqoqligi (ichki ishqalanishi) va impuls ko‘chishi .....	103

## **VI BO‘LIM. TERMODINAMIKA ELEMENTLARI**

16. Issiqliknin mexanik ishga aylanishi. Siklik jarayon va sikl ishi. Termodinamikaning II bosh qonuni .....	112
17. Issiqlik mashinalari va ularning foydali ish koeffitsienti (FIK). Karno sikli va uning FIK. Karno teoremlari....	119
18. Klauzius tengsizligi. Entropiya va ehtimollik. Entropiya va tartibsizlik .....	124

## **VII BO‘LIM. REAL GAZLAR**

19. Molekulalararo o‘zaro ta’sir kuchlari. Eksperimental izotermalar. Real gazning holat tenglamasi. Van-Der-Vaals tenglamasi. Van-Der-Vaals izotermalari. Kritik holat.....	129
20. Real gazning ichki energiyasi Joul-Tomson effekti .....	141

## **VIII BO‘LIM. SUYUQLIKLARNING XOSSALARI**

21. Suyuqliklarning tuzilishi ikki muhit chegarasidagi muvozanat shartlari. Sirt taranglik suyuqliklarning egri sirtida yuzaga keluvchi kuchlar .....	146
---	-----

22. Tomchining suyuqlik sirti bo'yicha yoyilib ketishi.  
 Monomolekular pardalar. Eritmalar. Osmotik bosim. Egri sirt  
 ustidagi to'yingan bug' bosimi. Suyuqliklardagi  
 molekular hodisalar..... 172

## IX BO'LIM. QATTIQ JISM

23. Kristall panjara. Kristallografik koordinata tizimi ..... 192  
 24. Qattiq jismlarning issiqlik xossalari ..... 213  
 25. I va II tur fazoviy o'tishlar ..... 221  
 26. Statsionar diffuziya. Diffuziya koeffitsientini  
 hisoblash. O'zaro diffuziya koeffitsienti. Termik diffuziya ..... 229  
 27. Gazlarning issiqlik o'tkazuvchanligi. Nostatsionar  
 issiqlik o'tkazuvchanlik. Statsionar issiqlik o'tkazuvchanlik.  
 Issiqlik o'tkazuvchanlik koeffitsientini hisoblash. Issqlik  
 o'tkazuvchanlik koeffitsienti va molekulalarning o'lchamlari ..... 236  
 28. Konveksiya hodisasi. Gaz va suyuqliglarda konveksiya.  
 Erkin va majburiy konveksiya. Konvektiv issiqlik almashinuvning  
 differensial tenglamasi. Quyosh suv isitgichida konvektiv issiqlik  
 almashinuv ..... 248  
 Foydalanilgan adabiyotlar..... 260

# **MOLEKULAR FIZIKA**

*o'quv qo'llanma*

Muharrir: *R. Yarlaqabov*

Musahhih: *F. Xoliqov*

Dizayner sahifalovchi: *I. Jumanov*

O'zbekiston faylasuflari milliy jamiyati nashriyoti,  
100029, Toshkent shahri, Matbuotchilar ko'chasi, 32-uy.  
Tel.: 236-55-79; Faks: 239-88-61.

Nashriyot litsenziyasi: AI №216, 03.08.2012.

Bosishga ruxsat etildi 12.10.2013. «Tayms new roman» garniturasi.

Offset usulida chop etildi. Qog'oz bichimi 60x84<sup>1</sup>/<sub>16</sub>.

Bosma tabog'i 16,5. Nashriyot bosma tabog'i 17.

Adadi 500 nusxa. Buyurtma № 43.

«START-TRACK PRINT» MCHJ bosmaxonasida chop etildi.

Manzil: Toshkent shahri, 8-mart ko'chasi, 57-uy.

ISBN 978-9943-391-65-9

A standard linear barcode representing the ISBN number 978-9943-391-65-9.

O'ZBEKISTON FAYLASUFLARI MILLIY  
JAMIYATI NASHRIYOTI

9 7 8 9 9 4 3 3 9 1 6 5 9